Programme de colles mathématiques PC Semaine 8 du 10/11 au 14/11

1 Réduction

Valeurs et vecteurs propres d'un endomorphisme, d'une matrice carrée, polynôme caractéristique d'une matrice, d'un endomorphisme. Polynôme annulateur d'un endomorphisme, d'une matrice carrée.

Théorème de Cayley-Hamilton.

Pratique de la diagonalisation et de la trigonalisation.

- Corollaire 20 : si λ est une valeur propre de u, alors $1 \leq \dim E_{\lambda}(u) \leq m(\lambda)$
- Matrice compagnon d'un polynôme unitaire P et son polynôme caractéristique. (Proposition 25)
- Si P annule u et λ est une valeur propre de u, alors λ est une racine de P. (P.24)

2 Suites de fonctions

Modes de convergence d'une suite de fonctions (simple, uniforme)

Continuité de la limite, son caractère \mathcal{C}^1 , \mathcal{C}^k . Théorème d'interversion limite-intégrale et de convergence dominée.

- Enoncé et démonstration du théorème d'interversion limite-intégrale.
- Continuité de la limite d'une suite de fonctions (énoncé et démonstration)
- Enoncés seuls des théorèmes de dérivation (caractère \mathcal{C}^1 et caractère \mathcal{C}^k) de la limite d'une suite de fonctions.