Programme de colles mathématiques PC Semaine 10 du 24/11 au 28/11

1 Suites de fonctions

On peut encore poser des exercices sur des suites de fonctions, convergence dominée...

• Enoncé du théorème de convergence dominée

2 Espaces vectoriels normés

Définition d'une norme, d'une distance. Parties, suites et fonctions bornées. Normes équivalentes. Parties convexes. Suites convergentes. Ouverts et fermés.

- Enoncé de la définition d'une norme sur un \mathbb{K} -espace vectoriel E ($\mathbb{K} = \mathbb{R}$ ou \mathbb{C})
- Définitions d'un point intérieur à une partie, d'une partie ouverte, d'un point adhérent à une partie, d'une partie fermée.
- Caractérisation séquentielle de l'adhérence. (P.37, énoncé et, bien sûr, démonstration)
- Si $f: E \to \mathbb{R}$ est continue, démonstration de ce que $\{x \in E, f(x) > 0\}$ est un ouvert de E.

3 Suites définies par une relation de récurrence

Révisions de première année : suites arithmétiques et géométriques, sommes finies, suites récurrentes linéaires d'ordre 2, étude de suites définies par une relation de récurrence $u_{n+1} = f(u_n)$ lorsque f est croissante sur I stable, décroissante sur I stable.