



ÉCOLE DES PONTS PARISTECH,
ISAE-SUPAERO, ENSTA PARIS,
TÉLÉCOM PARIS, MINES PARIS,
MINES SAINT-ÉTIENNE, MINES NANCY,
IMT ATLANTIQUE, ENSAE PARIS,
CHIMIE PARISTECH - PSL.

Concours Mines-Télécom,
Concours Centrale-Supélec (Cycle International).

CONCOURS 2023

ÉPREUVE DE CHIMIE

Durée de l'épreuve : 4 heures

L'usage de la calculatrice ou de tout dispositif électronique est interdit.

*Les candidats sont priés de mentionner de façon apparente
sur la première page de la copie :*

CHIMIE - PC

L'énoncé de cette épreuve comporte 13 pages de texte.

Si, au cours de l'épreuve, un candidat repère ce qui lui semble être une erreur d'énoncé, il le signale sur sa copie et poursuit sa composition en expliquant les raisons des initiatives qu'il est amené à prendre.

Les sujets sont la propriété du GIP CCMP. Ils sont publiés sous les termes de la licence Creative Commons Attribution - Pas d'Utilisation Commerciale - Pas de Modification 3.0 France. Tout autre usage est soumis à une autorisation préalable du Concours commun Mines Ponts.



Ce problème comporte deux parties indépendantes intitulées « Utilisation du vanadium dans un système de stockage de l'énergie » et « Synthèse de la (+)-artémisinine ».

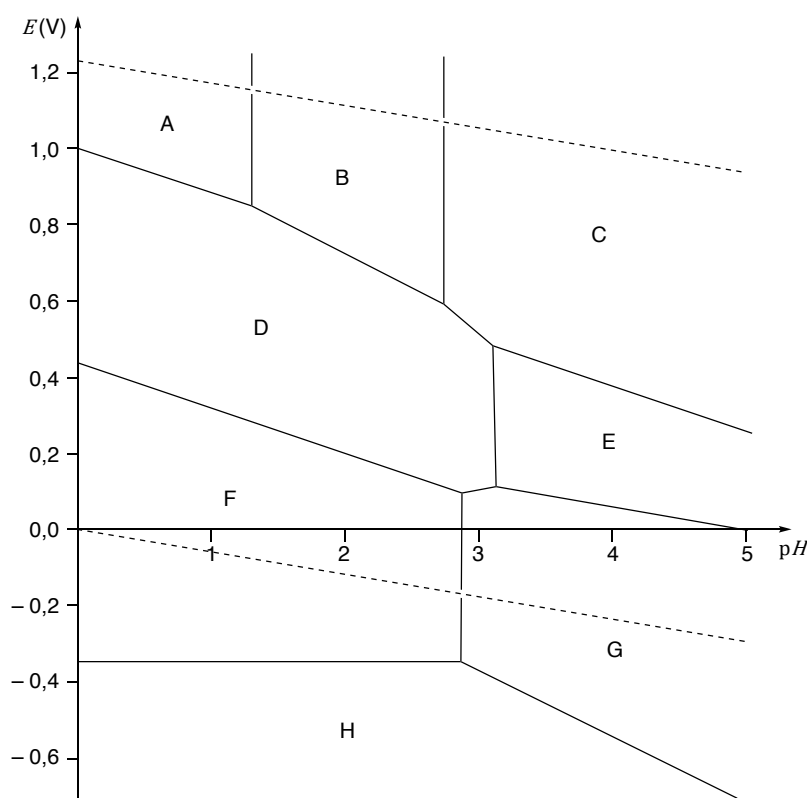
Les données utiles à la résolution du problème sont fournies à la fin de l'énoncé (page 13).

Utilisation du vanadium dans un système de stockage de l'énergie

Le vanadium, élément métallique de numéro atomique $Z = 23$, est traditionnellement utilisé dans des alliages métalliques à hautes performances. Depuis les travaux pionniers de Maria Skyllas-Kazacos dans les années 1980,¹ d'intenses recherches ont été menées pour mettre à profit les propriétés d'oxydo-réduction de cet élément pour des applications dans l'énergie, qui commencent à déboucher sur des systèmes commerciaux. Cette partie va mettre en lumière ces propriétés et introduire le principe des Batteries à Flux Rédox (RFB pour l'acronyme anglo-saxon), nouvelle méthode de stockage de l'énergie.

Thermodynamique électrochimique du vanadium en solution aqueuse

Le diagramme potentiel-pH (E -pH) partiel du vanadium en solution aqueuse à 298 K possède huit domaines attribués à certaines espèces parmi : VO_2^+ , VO^{2+} , $\text{V}_{(\text{s})}$, V^{2+} , V^{3+} , $\text{V}_2\text{O}_5(\text{s})$, $\text{VO}_{(\text{s})}$, $\text{V}_2\text{O}_3(\text{s})$, $\text{V}_4\text{O}_{12}^{4-}$ et $\text{V}_2\text{O}_4(\text{s})$ (Figure 1).



Conventions de tracé : pour des équilibres entre deux espèces dissoutes, les concentrations sont égales ; la concentration totale en élément vanadium dissous est de $10^{-2} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ (en pointillés figurent les droites de l'eau).

Figure 1. Diagramme E -pH partiel du vanadium en solution aqueuse.

¹ M. Rychcik, M. Skyllas-Kazacos *J. Power Sources* **1988**, 22, 59–67.

- Q1-** Identifier les nombres d'oxydation des espèces du vanadium considérées.
- Q2-** Attribuer chaque zone du diagramme à une espèce, en justifiant pourquoi deux d'entre elles n'apparaissent pas dans le diagramme (voir annexe page 13).
- Q3-** Calculer l'équation de la frontière entre les zones D et G (voir annexe page 13).

En augmentant le pH d'une solution, initialement très acide ($pH = 0$), de l'espèce prépondérante en A (Figure 1) un début de précipitation est observé à $pH = 1,28$.

- Q4-** Écrire une équation-bilan possible pour la dissolution de ce précipité quand le pH diminue et calculer la constante d'équilibre de la réaction associée (on considèrera que la concentration totale en élément vanadium dissous est de $10^{-2} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$).
- Q5-** Calculer le potentiel standard du couple $\text{V}_2\text{O}_5(\text{s})/\text{VO}^{2+}$.

La variété des nombres d'oxydation du vanadium rend possible des applications dans des systèmes de batteries, et en particulier des batteries à flux rédox (RFB). Le principe est le suivant : deux réservoirs contiennent des solutions où des espèces appartenant à deux couples rédox distincts sont présentes (Figure 2). Le transfert électronique se fait par l'intermédiaire d'électrodes, généralement en carbone, et une membrane semi-perméable fait la connexion électrique entre les deux compartiments, en étant perméable à des ions comme H^+ . Dans le cas du vanadium, les deux compartiments sont occupés par les couples $\text{V}^{+V}/\text{V}^{+IV}$ et $\text{V}^{+III}/\text{V}^{+II}$ en milieu fortement acide.

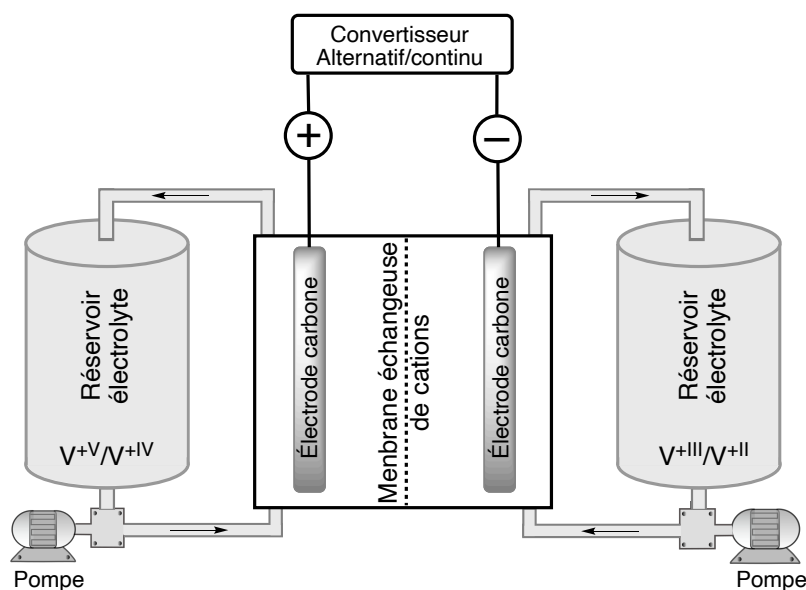


Figure 2. Schéma de principe d'une batterie à flux rédox.

- Q6-** Écrire l'équation-bilan de la réaction d'oxydo-réduction se produisant dans la batterie, en supposant que les espèces prédominantes sont les mêmes que précédemment (Figure 1, on se placera dans le sens producteur d'énergie). D'après le diagramme $E-pH$ (Figure 1) à quelle réaction parasite pourrait-on s'attendre ?

En fait, cette réaction parasite ne se produit que marginalement, pour des raisons cinétiques.

- Q7-** Exprimer la différence de potentiel entre les deux compartiments en fonction des potentiels standard, du pH et des concentrations des différentes espèces du vanadium. Préciser les facteurs susceptibles d'améliorer les performances de la pile.

Des mesures à différentes températures montrent un coefficient de température de la pile $\left(\frac{d\Delta E^0}{dT}\right)$ de l'ordre de $1 \text{ mV}\cdot\text{K}^{-1}$.

Q8- Calculer, à 298 K, les valeurs de $\Delta_r G^0$, $\Delta_r H^0$ et $\Delta_r S^0$.

À volume de réservoir constant, un des moyens de stocker plus d'énergie est d'augmenter la concentration en vanadium dissous. La plupart des systèmes commerciaux fonctionnent avec une solution aqueuse concentrée d'acide sulfurique, dans laquelle les espèces $\text{VO}_2\text{SO}_4(\text{aq})$ et VO_2SO_4^- peuvent être identifiées. Des études ont été menées afin de déterminer la solubilité des espèces de vanadium +IV et +V en solution sulfurique (Figure 3).²

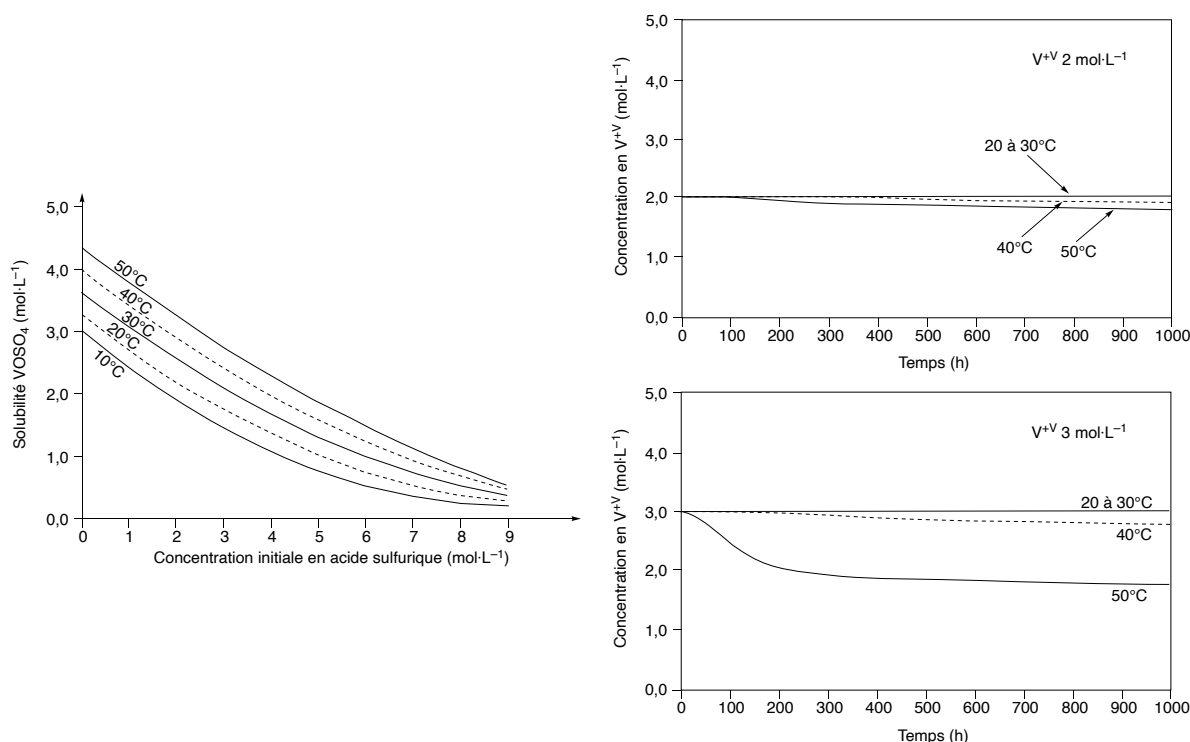


Figure 3. Étude des solubilités d'espèces de vanadium +IV (à gauche) et +V (à droite) en milieu aqueux sulfurique.

Q9- Discuter la nature des espèces de V^{+IV} et V^{+V} présentes dans une solution d'acide sulfurique, où $[\text{H}^+] = [\text{HSO}_4^-] = 2 \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ (voir annexe page 13).

Q10- Commenter l'influence des différents paramètres (Figure 3) et identifier des conditions optimales pour le fonctionnement d'une RFB à base de vanadium (des éléments issus de questions antérieures pourront également être évoqués).

Fonctionnement d'une batterie à flux rédox à base de vanadium

Deux compartiments, reliés électriquement par une membrane semi-perméable, sont considérés, contenant d'un côté $\text{VO}_2^+/\text{VO}^{2+}$, et de l'autre $\text{V}^{3+}/\text{V}^{2+}$. Les électrodes sont dans les deux cas en carbone et les courbes intensité-potentiel (i - E) ont été enregistrées dans chacun des compartiments au cours d'une charge de la batterie (Figure 4).

² F. Rahman, M. Skyllas-Kazacos *J. Power Sources* **1998**, 72, 105–110. F. Rahman, M. Skyllas-Kazacos *J. Power Sources* **2009**, 189, 1212–1219.

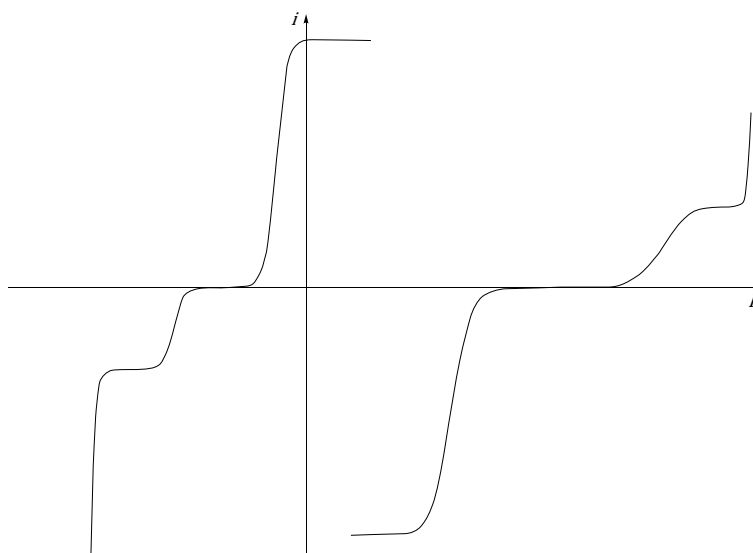


Figure 4. Courbes (i - E) acquises dans chacun des deux compartiments au cours d'une charge de la batterie.

Q11- Schématiser et annoter le montage expérimental permettant d'obtenir de telles courbes.

Q12- Recopier les courbes de la Figure 4 en indiquant les différentes réactions d'oxydo-réductions qui peuvent se dérouler. Justifier la présence ou l'absence de paliers. Identifier l'anode et la cathode en mode pile.

Q13- D'après les graphes (Figure 4), que peut-on dire sur la cinétique des couples du vanadium ?

Q14- Dans le cas où la batterie fonctionne en mode charge, faire apparaître un exemple de tension et de courant aux bornes du montage. Préciser les évolutions qualitatives des courbes (i - E) avec le temps (des schémas pourront utilement étayer le propos).

Une des analyses usuelles pour suivre l'évolution du fonctionnement d'une batterie est la chronopotentiométrie, où le système est soumis à des cycles de charges/décharges. Durant chaque cycle, le courant est maintenu constant (il sera dans notre cas le même, en valeur absolue, entre charges et décharges). S'il est suffisamment faible, le comportement des couples rédox suit à chaque instant la relation de Nernst. Si les pertes sont négligeables, la Figure 5 donne un exemple pour une charge et une décharge.

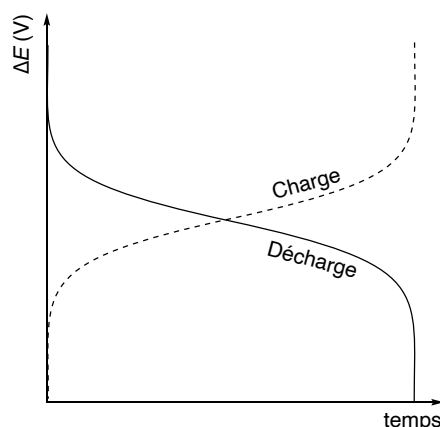


Figure 5. Courbes chronopotentiométriques pour une charge et une décharge.

Q15- En assimilant les réactions d'oxydo-réductions dans les deux compartiments à de simples transferts monoélectroniques (donc à des réactions élémentaires), exprimer les concentrations des différentes espèces en

fonction du courant appliqué, du temps écoulé et du volume du compartiment. On précisera si l'on est dans le cadre d'une charge ou d'une décharge. Les concentrations initiales en réactifs seront notées C_0 (les produits sont supposés absents à l'état initial).

Q16- En déduire une relation entre la tension appliquée, les potentiels standard, le courant appliqué, le temps écoulé et C_0 . Confirmer les tendances de la Figure 5.

Suivi de l'état de charge de la batterie par spectrométrie UV-visible

La présence de réactions parasites, même minoritaires, ainsi que le « crossover », c'est-à-dire la contamination progressive d'un compartiment par des espèces de l'autre pôle, rendent nécessaire la mise au point de méthodes non électrochimiques de suivi de l'état de charge *SOC* (State Of Charge) de la batterie :

$$SOC = \min \left(\frac{[V^{2+}]}{[V^{2+}] + [V^{3+}]}, \frac{[VO_2^+]}{[VO_2^+] + [VO_2^{2+}]} \right)$$

En particulier, nous allons nous intéresser au suivi de l'état de charge *SOC* de la batterie par spectroscopie UV-visible. À cet effet on se propose d'étudier les propriétés spectroscopiques de $V(H_2O)_6^{2+}$ et $V(H_2O)_6^{3+}$, complexes octaédriques notés ML_6 (Figure 6).

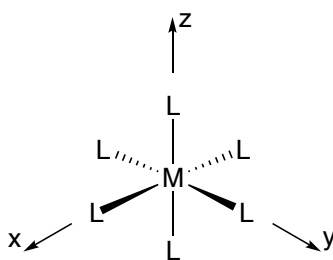


Figure 6. Géométrie d'un complexe octaédrique.

Le diagramme d'orbitales moléculaires et les représentations des orbitales des fragments des ligands (considérés comme σ -donneurs purs n'intervenant que par l'intermédiaire d'une orbitale de type s) sont donnés Figure 7. Les fragments sont placés à une énergie unique de -15 eV, tandis que les orbitales atomiques du vanadium impliquées sont à -13 et -7 eV, respectivement.

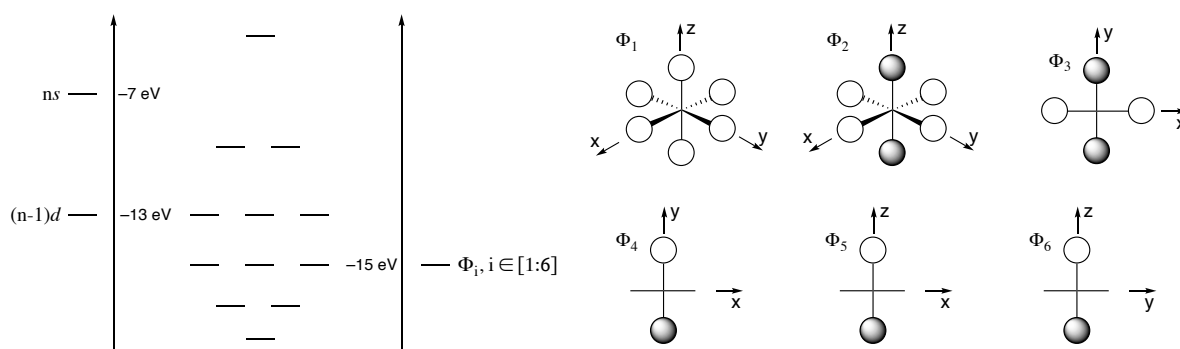
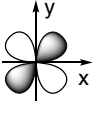
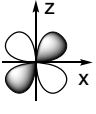
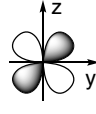
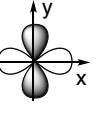


Figure 7. Diagramme d'orbitales moléculaires de ML_6 (gauche) et orbitales des fragments des 6 ligands Φ_i .

Q17- Donner la configuration électronique de l'ion V^{2+} .

Q18- Identifier les interactions entre orbitales atomiques métalliques et orbitales des fragments des ligands. Rassembler les résultats en remplissant un tableau, comme celui ci-dessous, en indiquant « oui » s'il y a interaction et en laissant la case vide s'il n'y a pas d'interaction.

	d_{xy}	d_{xz}	d_{yz}	$d_{x^2-y^2}$	d_{z^2}	s
Φ_1						
Φ_2						
Φ_3						
Φ_4						
Φ_5						
Φ_6						


d_{xy}
 d_{xz}
 d_{yz}
 $d_{x^2-y^2}$
 d_{z^2}

Q19- Préciser le diagramme énergétique du complexe $V(H_2O)_6^{2+}$. Justifier le caractère σ -donneur du ligand.

En réalité, réduire l'interaction métal-ligand à une interaction purement σ n'est pas correct. Les deux dernières orbitales moléculaires occupées de l'eau, d'énergies proches (respectivement -16 et -15 eV), présentent les géométries indiquées Figure 8.

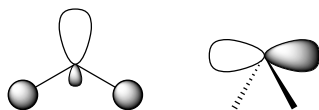


Figure 8. Orbitales moléculaires les plus hautes occupées de l'eau, d'énergies -16 (gauche) et -15 eV (droite).

Q20- Dire en quoi la représentation de Lewis de l'eau est en désaccord avec ces orbitales moléculaires.

Q21- En ne considérant qu'une seule interaction $V-H_2O$ selon l'axe Mz , identifier, schéma à l'appui, les recouvrements entre les orbitales moléculaires de l'eau et les orbitales atomiques du vanadium. Dessiner le nouveau diagramme des orbitales moléculaires en précisant les modifications apportées, sachant que les ligands étaient précédemment considérés comme σ -donneurs purs, n'intervenant que par l'intermédiaire d'une orbitale de type s (Figure 7).

Le passage de l'état fondamental à un état excité est responsable de transitions électroniques dont la conséquence est l'absorption de radiations allant de l'ultra-violet au proche infrarouge. La Figure 9 donne l'évolution des spectres d'absorption entre 300 et 1000 nm au cours de la décharge d'une RFB à base de vanadium.³ Les flèches « V^{2+} » et « V^{3+} » permettent la lecture du sens d'évolution.

³ J. Geiser, H. Natter, R. Hempelmann, B. Morgenstern, K. Hegetschweiler *Z. Phys. Chem.* **2019**, 233, 1683–1694.

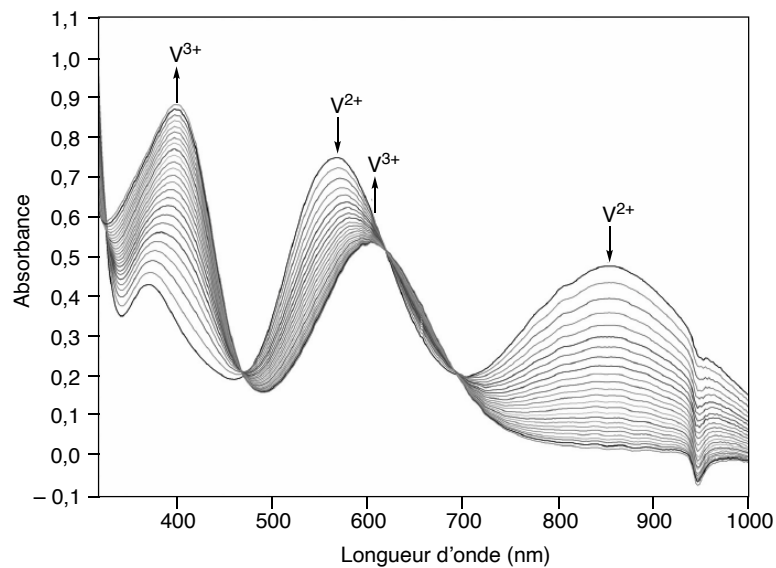


Figure 9. Évolution des spectres d'absorption au cours de la décharge de la RFB, du côté V^{3+}/V^{2+} .

Q22- Associer les bandes d'absorption de $V(H_2O)_6^{2+}$ (les longueurs d'onde seront précisées) avec des transitions entre deux orbitales moléculaires. Le diagramme d'orbitales moléculaires permet-il d'interpréter la différence de spectres entre les deux ions du vanadium ?

Pour suivre l'évolution de l'état de charge SOC au cours d'une charge de la batterie, à partir d'un système initialement totalement déchargé, l'absorbance de prélèvements effectués au cours du temps au pôle négatif est mesurée à une longueur d'onde λ où $V(H_2O)_6^{2+}$ et $V(H_2O)_6^{3+}$ absorbent. Le « crossover » est supposé négligeable, et $[V(H_2O)_6^{2+}] + [V(H_2O)_6^{3+}] = C_0$.

Q23- Exprimer l'absorbance A_0 à SOC nul, ainsi que l'absorbance A_1 atteinte quand $SOC = 1$.

Q24- Établir la relation entre le SOC , l'absorbance A à un état de charge quelconque, A_0 et A_1 .

Synthèse de la (+)-artémisinine

La (+)-artémisinine (**1**) (Figure 10), molécule isolée de la plante *Artemisia annua* (utilisée depuis très longtemps dans la pharmacopée chinoise), est actuellement une des molécules les plus efficace dans la lutte contre le paludisme. Sa synthèse a fait l'objet de multiples publications, dont celle de S. Cook et C. Zhu qui va être étudiée par la suite..⁴

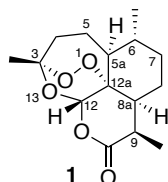


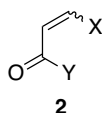
Figure 10. La (+)-artémisinine (**1**)

Q25- Dénombrer les centres stéréogènes de la (+)-artémisinine (**1**).

Q26- Déterminer les stéréodescripteurs des centres stéréogènes 6 et 12 de cette molécule.

Q27- Quel est le sens du préfixe (+) devant le nom de la molécule ? Nommer et décrire en quelques lignes la technique expérimentale permettant la mesure de la grandeur physique associée à ce phénomène.

Le composé de départ de la synthèse⁴ est le composé carbonyle α,β -insaturé **2**, de formule brute C_6H_8O , qui présente les caractéristiques spectroscopiques RMN 1H suivantes : ⁵



Signal	δ (ppm) ^a	I ^b	Multiplicité ^c
1	2,00–2,04	2	m
2	2,38–2,32	2	m
3	2,43	2	t, $J = 7,2$ Hz
4	6,01	1	d, $J = 10,1$ Hz
5	7,00	1	dt, $J = 10,1$ et $4,2$ Hz

^a Déplacement chimique. ^b Intégration. ^c m : multiplet, s : singulet, d : doublet, t : triplet.

Q28- Proposer une structure pour le précurseur **2** et donner son nom en nomenclature systématique.

Q29- Attribuer chacun des signaux aux différents protons de la molécule **2** (la multiplicité du signal RMN 1H n°5 devra être justifiée).

La synthèse de la (+)-artémisinine (**1**) a été réalisée à partir de l'énone **2** (Schéma 1).⁴

⁴ C. Zhu, S. P. Cook *J. Am. Chem. Soc.* **2012**, *134*, 13577–13579.

⁵ C. C. Cosner, P. J. Cabrera, K. M. Byrd, A. M. A. Thomas, P. Helquist *Org. Lett.* **2011**, *13*, 2071–2073.



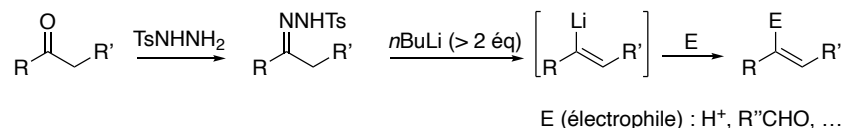
Tableau 1. Caractéristiques des orbitales frontalières du précurseur **2**.^a

^a Chaque coefficient est associé à la contribution d'une orbitale atomique d'axe perpendiculaire au plan moyen de la molécule. X et Y ont été modélisés comme des méthyles.

Q32- Le composé **4** a été préparé à partir de **3** via une réaction de Shapiro (Document 1). Proposer un mécanisme réactionnel pour la dernière étape de cette séquence (ajout de DMF puis traitement par H_3O^+).

Document 1. Réaction de Shapiro.⁶

La réaction de Shapiro, ou décomposition de tosylhydrazones, est une réaction dans laquelle une cétone ou un aldéhyde sont convertis en un alcène, via une hydrazone intermédiaire, en présence d'au moins deux équivalents d'un organolithien (la réactivité d'un organolithien sera considérée comme similaire à celle d'un organomagnésien).



L'alcényllithium, intermédiairement formé, est ensuite traité par un électrophile pour conduire à un alcène fonctionnalisé.

Q33- Pourquoi l'utilisation d'un solvant protique n'est-elle pas possible dans les deux dernières étapes de la formation de **4** (Schéma 1) ?

La synthèse de l'acétal de cétène silylé **5** (Schéma 1), utilisé dans la formation de **6** à partir de **4**, a été réalisée à partir de l'acide propanoïque selon la séquence suivante :

- L'acide propanoïque, traité par du chlorure de thionyle (SOCl_2), conduit à la formation de **8** ;
- **8** est traité par du méthanol anhydre, en présence de triéthylamine, pendant 1 heure à température ambiante pour conduire au composé **9** avec un rendement de 90 % ;
- **9** est traité par du diisopropylamidure de lithium (LDA) dans le tétrahydrofurane à -78°C , puis l'addition de 1 équivalent de chlorure de tri(isopropyl)silyle ($((\text{CH}_3)_2\text{CH})_3\text{SiCl}$, TIPSCl) permet de former le composé **5**.

5 est obtenu sous forme d'un mélange de deux stéréoisomères, en proportion 3/1 en faveur du plus stable.

Q34- Écrire l'équation-bilan de la réaction de formation de **8**.

Q35- Identifier **9** et proposer un mécanisme réactionnel pour sa formation.

Q36- Proposer un mécanisme réactionnel justifiant la formation de **5** à partir de **9**.

Q37- Préciser lequel des stéréoisomères de **5** est le plus stable.

Q38- Quel autre produit aurait-il pu se former ?

Afin d'expliquer la formation de l'orthoester **6**, les caractéristiques des orbitales frontalières des molécules **4** et **5** sont rassemblées dans le Tableau 2.

⁶ R. H. Shapiro, M. F. Lipton, K. J. Kolonko, R. L. Buswell, L. A. Capuano, *Tetrahedron Lett.* **1975**, 16, 1811–1814.

Tableau 2. Caractéristiques des orbitales frontalières des molécules **4** et **5**.

Orbitale	Coefficient sur l'atome n°					
	1	2	3	4	5	6
HO	0,46	-0,15	-0,49	-0,56	0,34	0,30
BV	-0,41	0,51	-0,13	-0,63	-0,04	0,21

Orbitale	Coefficient sur l'atome n°			
	1	2	3	4
HO	0,77	0,49	-0,29	-0,25
BV	-0,61	0,75	-0,19	-0,19

Q39- En utilisant les données du Tableau 2, envisager les réactions susceptibles de se produire entre les deux molécules.

Q40- Comparer la régiosélectivité prédite dans chaque cas avec celle observée expérimentalement, puis conclure sur le mécanisme concerté susceptible de se produire majoritairement.

En réalité, en l'absence d'acide de Lewis, la réaction ne se fait pas. De plus, les différents stéréoisomères formés invalident l'hypothèse d'un mécanisme concerté.

Q41- Proposer un mécanisme réactionnel plausible, faisant intervenir l'acide de Lewis Et_2AlCl , pour rendre compte de ces observations.

La réaction permettant le passage de **6** à **7** (Schéma 1) est une réaction de type Wacker, permettant la formation de cétones à partir d'alcènes (Schéma 2).

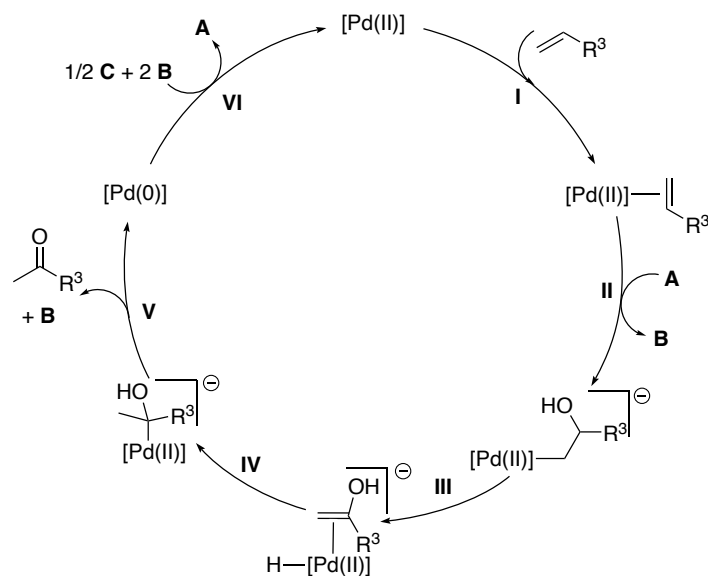


Schéma 2. Cycle catalytique simplifié de la réaction de Wacker.

Q42- Identifier les espèces **A**, **B** et **C** intervenant dans le cycle catalytique (Schéma 2).

Q43- Nommer les étapes **I**, **III**, **IV**, **V** et **VI** du cycle catalytique.

Q44- Écrire l'équation-bilan de la réaction.

Q45- Un second produit minoritaire est obtenu au cours de l'étape d'oxydation de l'orthoester **6** (Schéma 1). Proposer une structure pour ce composé.

L'artémisinine est finalement obtenue par traitement du composé **7**, préalablement purifié, d'abord par de l'oxygène singulet formé in situ, puis par agitation en présence d'APTS (TsOH), avec un rendement de 30 % après recristallisation.

Q46- Sachant que le composé monocyclique **8** (Figure 11) est formé intermédiairement lors du traitement de **7** par l'oxygène moléculaire puis par l'APTS, proposer une suite d'étapes mécanistiques permettant d'aboutir à la formation de **1** à partir de ce précurseur **8**.

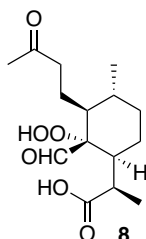


Figure 11. Intermédiaire menant à la formation de la (+)-artémisinine (**1**).

Fin de l'épreuve

Annexes

Annexe 1. Constantes usuelles et approximation de calculs.

Constante de Faraday : $F \approx 10^5 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$

Vitesse de la lumière : $c \approx 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

Constante de Planck : $h \approx 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

Il sera considéré que $\frac{RT}{F} \times \ln x \approx 0,06 \times \log x$ à 298 K ; $10^{-1,44} = 3,6 \cdot 10^{-2}$; $\log(3,6 \cdot 10^{-2}) = -1,4$; $\log(2) = 0,3$.

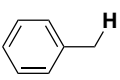
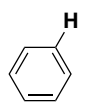
Annexe 2. Potentiels standards.

Couple	V ²⁺ /V _(s)	V ³⁺ /V ²⁺	H ⁺ /H _{2(g)}	VO ²⁺ /V ₂ O _{3(s)}	V ₂ O _{4(s)} /V ₂ O _{3(s)}	VO ²⁺ /V ³⁺	VO ₂ ⁺ /VO ²⁺	O _{2(g)} /H ₂ O
<i>E</i> ⁰ (V)	-1,13	-0,35	0,00	0,05	0,30	0,44	1,00	1,23

Annexe 3. Constantes d'équilibres.



Annexe 4. RMN ¹H (gamme de déplacements chimiques).⁷

Proton	δ (ppm)
	0,8–1,3
	1,5–2,4
	2,3–2,9
	2,3–3,7
	3,4–4,2
	4,5–7,2
	6,5–9,0
	9,0–10,5
	6–12

⁷ E. Prestsch, P. Bühlmann, M. Badertscher, *Structure Determination of Organic Compounds*, Springer-Verlag, Berlin, Heidelberg, 4 edn. 2009.