

Q26) On a: $O_2(g) = O_2(aq)$ $K_H = 1,3 \cdot 10^{-3}$ à 298K

$$\text{or à l'équilibre, } K_H = Q_{\gamma, eq} = \frac{[O_2(aq)]}{c^0} \frac{P_{O_2}}{P^0}$$

$$\Rightarrow [O_2(aq)]_{eq} = \frac{P_{O_2}}{P^0} K_H c^0 = \frac{P_{O_2}}{P^0} K_H c^0 \quad (*)$$

$$\text{A.N : } [O_2(aq)] = 0,20 \times \frac{1}{1} \times 1,3 \cdot 10^{-3} = 2,6 \cdot 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

Q27) $\Delta_r H^\circ = -12 \text{ kJ.mol}^{-1} \Rightarrow$ réaction exothermique

$$\text{d'après la relation de Van't Hoff } \frac{d \ln K_H}{dT} = \frac{\Delta_r H^\circ}{RT^2} < 0$$

$\Rightarrow K_H(T)$ est une fonction décroissante

Conclusion : si T augmente, K_H diminue, et donc

$$[n_{O_2} = [O_2(aq)] \text{ diminue}] \text{ d'après (*) en Q26.}$$

Q28) on a $\frac{dc}{dt} > 0$ car $n_{O_2 \text{ dissous}} = n$ augmente au cours du temps

$$\text{. on a aussi: } c < c_\infty \Rightarrow \frac{dc}{dt} = -k_f (c - c_\infty)^S > 0 \quad \underbrace{(c - c_\infty)^S}_{< 0} \quad \underbrace{mol.L^{-1}}_{m^2}$$

\Rightarrow signe moins

$$\Rightarrow \text{unité de } k_f: \frac{L \cdot m^{-2} \cdot s^{-1}}{\text{ou } m \cdot s^{-1} \text{ si } c_\infty \text{ et } c \text{ exprimés en mol.m}^{-3}}$$

Q29) On suppose que k_f obéit à la loi d'Arrhenius:

$$k_f = A e^{-E_a/RT} \Rightarrow \ln k_f = \ln A - \frac{E_a}{R} \times \frac{1}{T}$$

$$\Rightarrow E_a = -R \cdot \text{pente} = 8 \times 950 = 7600 \text{ J.mol}^{-1}$$

(Q30) * On a : $\frac{dn}{dt} = -k_f(c - c_{\infty})S$ avec $k_f = 4,0 \cdot 10^{-4} \text{ m.s}^{-1}$

* On considère 1 concentration c homogène dans le volume V de solution, de surface S et de profondeur $d = 10 \text{ cm}$:
donc : $V = S \cdot d$ et $n = c \cdot V$

* L'équation différentielle devient alors :

$$V \frac{dc}{dt} = -k_f(c - c_{\infty})S \Rightarrow \frac{dc}{dt} = -k_f(c - c_{\infty}) \times \frac{1}{d}$$

* Or $x = \frac{c}{c_{\infty}} \Rightarrow c = x c_{\infty}$. Alors :

$$c_{\infty} \frac{dx}{dt} = -\frac{k_f}{d}(c - c_{\infty}) \Rightarrow \boxed{\frac{dx}{dt} = +\frac{k_f}{d}(1-x)}$$

* Intégration : $\int_{x_i}^{x_f} \frac{dx}{1-x} = \int_{t_i}^{t_i + \Delta t} \frac{k_f}{d} dt$ où $x_i = 90\%$
et $x_f = 99\%$

$$\Rightarrow -\ln\left(\frac{1-x_f}{1-x_i}\right) = \frac{k_f}{d} \Delta t$$

$$\Rightarrow \boxed{\Delta t = \frac{d}{k_f} \ln \frac{1-x_i}{1-x_f}}$$

A.N : $\Delta t = \frac{0,1}{4,0 \cdot 10^{-4}} \ln \frac{0,1}{0,01} \approx \frac{0,1 \times 2,3}{4,0 \cdot 10^{-4}} \approx \frac{0,1 \times 2,4}{4,0 \cdot 10^{-4}}$

$$\Rightarrow \boxed{\Delta t \approx 600 \text{ s} = 10 \text{ min}}$$

(Q31) * On a à l'équilibre : $\beta = \frac{[\text{MnO}_2(\text{aq})]}{[\text{Mn}(\text{aq})] [\text{O}_2(\text{aq})]}$

$$\Rightarrow \frac{[\text{MnO}_2(\text{aq})]}{[\text{Mn}(\text{aq})]} = \beta \frac{[\text{O}_2]_{\text{aq}}}{\uparrow} = \beta \times \frac{P_{\text{O}_2}}{P^0} K_H c^0$$

$\text{O}_2(\text{aq})$ en équilibre
avec $\text{O}_2(g)$

* D'où : $Y_{Mb} = \frac{[MbO_2]}{[MbO_2] + [Mb]} = \frac{1}{1 + \frac{[Mb]}{[MbO_2]}}$

$$\Rightarrow Y_{Mb} = \frac{1}{1 + \frac{P^{\circ}}{\beta P_{O_2} K_H C^{\circ}}} = \frac{P_{O_2}}{P_{O_2} + \frac{P^{\circ}}{\beta K_H C^{\circ}}}$$

* Conclusion : $P_{Mb}^* = \frac{P^{\circ}}{\beta K_H C^{\circ}}$

- P_{Mb}^* représente la pression de O_2 pour laquelle Y_{Mb} vaut 0,5, c'est-à-dire pour laquelle 50% de myoglobine Mb est complexée.

Q32) A l'équilibre $\beta_m = \frac{[Hb(O_2)_m]}{[Hb(aq)] [O_2(aq)]^m} \Rightarrow \frac{[Hb(O_2)_m]}{[Hb(aq)]} = \beta_m [O_2(aq)]^m$

$$\Rightarrow \frac{[Hb(O_2)_m]}{[Hb(aq)]} = \beta_m \cdot \left(\frac{P_{O_2} K_H C^{\circ}}{P^{\circ}} \right)^m$$

D'où, par analogie avec la question précédente :

$$Y_{Mb} = \frac{1}{1 + \frac{[Mb]}{[Hb(O_2)_m]}} = \frac{P_{O_2}^m}{P_{O_2}^m + \frac{1}{\beta_m} \left(\frac{P^{\circ}}{K_H C^{\circ}} \right)^m}$$

$$\Rightarrow P_{Hb}^* = \frac{P^{\circ}}{\beta_m^{1/m} K_H C^{\circ}}$$

Q33) * $\frac{Y_{Hb}}{1 - Y_{Hb}} = \frac{P_{O_2}^m}{P_{O_2}^m + P_{Hb}^{*m}} \times \frac{1}{1 - \frac{P_{O_2}^m}{P_{O_2}^m + P_{Hb}^{*m}}} = \frac{P_{O_2}^m}{P_{O_2}^m + P_{Hb}^{*m}} \times \frac{P_{O_2}^m + P_{Hb}^{*m}}{P_{Hb}^{*m}}$

$$= \left(\frac{P_{O_2}}{P_{Hb}^*} \right)^m$$

$$\Rightarrow \ln \frac{Y_{Hb}}{1 - Y_{Hb}} = m \ln P_{O_2} - n \ln P_{Hb}^*$$

$$\Rightarrow m = \text{pente} = 3 \Rightarrow \underline{3 \text{ molécules de } O_2 \text{ fixées par Hb sur les 4 possibles.}}$$

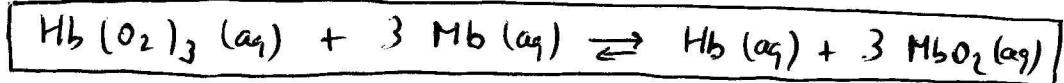
* de même : $\ln \frac{Y_{Mb}}{1 - Y_{Mb}} = \ln P_{O_2} - \ln P_{Mb}^*$

\Rightarrow pente = 1, attendue car Mb ne fixe qu'une molécule de O₂.

Q34) * $P_{Mb}^* = 30$ mbar ester inférieure à $P_{O_2} = 130$ mbar au niveau des capillaires sanguins \Rightarrow Hb peut complexer une grande quantité de O₂ au niveau des capillaires sanguins ($Hb(O_2)_3(aq)$ formé en grande quantité).

* P_{Mb}^* proche de 40 mbar \Rightarrow Hb est complexée au niveau des muscles. La myoglobine Mb peut stocker O₂ au niveau des muscles puisque $P_{Mb}^* = 7$ mbar << 40 mbar.

* Transfert de O₂ de Hb à Mb au niveau des muscles :



Q35) * Réaction de combustion complète :



* $\Delta_c H_1^\circ = -\Delta_f H_1^\circ(C_6H_{12}O_6(aq)) - 6 \Delta_f H_1^\circ(O_2(g)) + 6 \Delta_f H_1^\circ(CO_2(g)) + 6 \Delta_f H_1^\circ(H_2O(l))$
 $= -(-1300) - 6 \times 0 + 6 \cdot (-390) + 6 \cdot (-280)$

$$\Rightarrow \boxed{\Delta_c H_1^\circ = -2720 \text{ kJ.mol}^{-1}}$$

Q36) * $\Delta_c S_1^\circ = -S_m^\circ(C_6H_{12}O_6(aq)) - 6 S_m^\circ(O_2(g)) + 6 S_m^\circ(CO_2(g)) + 6 S_m^\circ(H_2O(l))$
 $= -210 - 6 \times 210 + 6 \times 210 + 6 \times 70$
 $\Rightarrow \boxed{\Delta_c S_1^\circ = 210 \text{ J.K}^{-1}. \text{mol}^{-1}}$

* $\Delta_c G_1^\circ = \Delta_c H_1^\circ - T \Delta_c S_1^\circ = -2720 \cdot 10^3 - 298 \times 210$
 $\simeq -2720 \cdot 10^3 - 300 \cdot 210 = -2783 \cdot 10^3 \text{ J.mol}^{-1}$

$$\Rightarrow K_c^\circ = \exp\left(-\frac{\Delta_c G_1^\circ}{RT}\right) = \exp \frac{+2783000}{8 \times 300} \simeq e^{1160}$$

Concl : $K^\circ \simeq e^{1160} = 10^{\frac{1160}{\ln 10}} \simeq 10^{504}$

$K^\circ > 10^4 \Rightarrow$ réaction quasi-totale.



\Rightarrow 24 e⁻ échangés lors de l'oxydation



La réaction (a) de combustion totale du glucose est combinée à la réaction linéaire de (a) et (b) : (a) = (a) + 6(b)

$$\begin{aligned} \text{Hess} \Rightarrow \Delta_c G_1^\circ &= \Delta_{1/2} G_a^\circ + 6 \Delta_{1/2} G_b^\circ \\ &= +24 \bar{F} E_a^\circ - 6 \cdot 4 \bar{F} E_b^\circ \end{aligned}$$

$$\Rightarrow E_a^\circ = \frac{\Delta_c G_1^\circ}{24 \bar{F}} + E_b^\circ$$

A.N : $E_a^\circ_{\text{glucose}/CO_2} = \frac{-2783000}{10^5 \times 24} + 1,23 = -1,16 + 1,23$
 $\Rightarrow E_{CO_2/\text{glucose}}^\circ = 0,07 \text{ V}$

* Implication de NAD⁺: $NAD^+ + H^+ + 2e^- = NADH$
 $\Rightarrow 1 \text{ NAD}^+ \text{ échange } 2e^- \Rightarrow$ il faut 12 NAD⁺
pour oxyder le glucose:

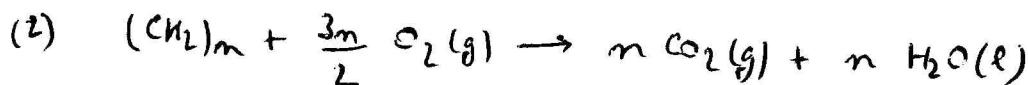


(38) $rdt = \frac{\text{Énergie stockée par 36 ATP}}{\text{Énergie de combustion du glucose}} = \frac{36 \times 30}{2720} = \frac{1080}{2720}$

$$\Rightarrow rdt \simeq 40\%$$

plus de la moitié de l'énergie est dissipée, par exemple sous forme de chaleur (la température corporelle augmente sous l'effet d'un effort musculaire)

Q3g) * Équation-bilan :



$$\begin{aligned} \Delta_c H_2^\circ &= -\Delta_f H_{(\text{CH}_2)_m}^\circ - \frac{3n}{2} \Delta_f H_{\text{O}_2}^\circ + n (\Delta_f H_{\text{CO}_2(g)}^\circ + \Delta_f H_{\text{H}_2\text{O}(l)}^\circ) \\ \Rightarrow \boxed{\Delta_c H_2^\circ = -640 n \text{ kJ.mol}^{-1}} \end{aligned}$$

Q4b) Par mole de dioxygène consommé :

$$\frac{2}{3n} \Delta_c H_2^\circ = -426 \text{ kJ.mol}^{-1} > \frac{1}{6} \Delta_c H_1^\circ = -453 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

\Rightarrow la combustion du glucose produit légèrement plus d'énergie que celle des autres gaz, l'écart étant toutefois assez faible (inférieur à 10%)

Q4c) On utilise la définition du rendement η durant un instant dt (avec $d\text{no}_2$ mol de O_2 consommés) :

$$\eta = \frac{\text{travail fourni par le système}}{\text{énergie fournie par source chaude}} = \frac{m P_m dt}{E d\text{no}_2}$$

$$\Rightarrow \boxed{\phi = \frac{d\text{no}_2}{dt} = \frac{m P_m}{\eta E_c}}$$

$$\text{A.N : } \boxed{\phi = \frac{100 \times 0,6}{0,4 \times 0,4 \cdot 10^6} = 3,75 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}}$$

Q4d) On suppose le gradient de concentration constant au sein de la lamelle (suffisamment fine) :

$$\frac{dc}{dx} = \frac{[\text{O}_2]_S - [\text{O}_2]_m}{e}$$

$$\text{Fick} \Rightarrow \boxed{\phi = -D \frac{[\text{O}_2]_S - [\text{O}_2]_m}{e} S}$$

Q43) Par hypothèse de l'efficacité de l'hémoglobine :

$$[\text{O}_2]_s \approx 0 \text{ mol.l}^{-1} \Rightarrow \Phi \approx D \frac{[\text{O}_2]_m}{\epsilon} S$$

$$\text{or } K_H = \frac{[\text{O}_2]_m}{c^\circ} \frac{P^o}{P_{\text{O}_2}} \Rightarrow [\text{O}_2]_m = c^\circ K_H \frac{P_{\text{O}_2}}{P^o}$$

on a :

$$\boxed{\Phi \approx \frac{D \cdot S}{\epsilon} c^\circ K_H \frac{P_{\text{O}_2}}{P^o}}$$

Q44) D'après la question précédente :

$$S = \frac{e \cdot \Phi}{D c^\circ K_H \frac{P_{\text{O}_2}}{P^o}} \quad \text{avec } \Phi = 3,75 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}$$

(cf. Q41)

A.N : $S = \frac{15 \cdot 10^{-6} \times 3,75 \cdot 10^{-4}}{2,0 \cdot 10^{-3} \times 10^3 \times 1,3 \cdot 10^{-3} \times 0,2}$

\uparrow
 $c^\circ \text{ en mol.m}^{-3}$

$$\Rightarrow \boxed{S = 10,8 \text{ m}^2} \quad \text{échétant pour 1 requin de 100 kg.}$$

Q45) * flux minimal Φ_{\min} nécessaire pour la respiration du requin : $\Phi_{\min} = 3,75 \cdot 10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}$ (cf. Q41)

* on sait $\Phi_{\text{transfert unidif}} > \Phi_{\min}$. Or dans ce nouveau modèle, le transfert à travers la membrane des lamelles fait intervenir cette formule

$$[\text{O}_2]_e \text{ et } [\text{O}_2]_s \Rightarrow \Phi_{\min} = -D \frac{([\text{O}_2]_s - [\text{O}_2]_e)S}{\epsilon}$$

$$\text{avec } [\text{O}_2]_s \approx 0 \Rightarrow \Phi_{\min} = \frac{D [\text{O}_2]_e S}{\epsilon}$$

$$\Rightarrow \boxed{[\text{O}_2]_e = \frac{e \Phi_{\min}}{D \cdot S}} \quad \text{à la limite}$$

* or $\phi_{\text{transfer univif}} = + k_t ([O_2]_m - [O_2]_e) S$
 signe > 0 si car $[O_2]_m > [O_2]_e$

$$\Rightarrow k_t = \frac{\phi_{\text{correctif}}}{([O_2]_m - [O_2]_e) S} > \frac{\phi_{\text{mini}}}{S [O_2]_m - \frac{e \phi_{\text{mini}}}{D}}$$

$$\Rightarrow k_t > \frac{\phi_{\text{mini}}}{S c^\circ K_H \frac{P_{O_2}}{P_0} - \frac{e \phi_{\text{mini}}}{D}}$$

A.N : $k_t > \frac{3,75 \cdot 10^{-4}}{30 \cdot 10^3 \cdot 1,3 \cdot 10^{-3} \cdot 0,2 - \frac{15 \cdot 10^{-6} \cdot 3,75 \cdot 10^{-4}}{30 \cdot 10^{-9}}$

$$\Rightarrow \boxed{k_t > 7,5 \cdot 10^{-5} \text{ m. s}^{-1}}$$

* Finalement : $k_t = \frac{1}{3} \frac{D_m^{2/3} v^{1/2}}{D_m^{1/6} L^{1/2}}$

$$\Rightarrow \boxed{v = \frac{9 k_t^2 D^{4/3} L}{D_m^{4/3}}}$$

A.N : $v > \frac{9 \times (7,5 \cdot 10^{-5})^2 \cdot (10^{-6})^{1/3} \cdot 2 \cdot 10^{-3}}{(10^{-9})^{4/3}}$

$$\Rightarrow \boxed{v > 1 \text{ m. s}^{-1} = 3,6 \text{ km. h}^{-1}}$$

raison pour laquelle les requins nagent en moyenne à 1 vitesse 2 fois supérieure (8 km. h⁻¹).