

Oraux - Python

Concours

- Principalement Centrale Maths 2, et Centrale Physique 2
- 30' préparation (avec ordi), 30' oral (sans ordi)
- D'autres concours : ENSAM, Saint-Cyr, ...

Objectifs

- Python = Grosse calculatrice. Permet de conjecturer des résultats / tester.
- Vous pouvez utiliser tout de ce que vous voulez, on veut juste que ça fonctionne.

Énoncés

- Sur le site du concours : google python centrale
 - <https://www.concours-centrale-supelec.fr/CentraleSupelec/MultiY/C2015>
 - Calcul matriciel, Réalisation de tracés, Analyse numérique, Polynômes, Probabilités
 - Ces documents ne constituent en aucun cas une liste de connaissances exigibles dont l'ignorance serait sanctionnée. Par ailleurs, ils n'ont pas l'objectif d'être exhaustifs.
 - (sujets PC et PSI)
- Beos : <http://beos.prepas.org/> > Consulter > Informatique.
- Les sujets de vos camarades l'année dernière :
 - compilés par Monsieur Ridde
 - disponibles sur S:\c9XX\donnees\python\oraux\
 - Fiches retour des anciens, plus corrigés (parfois)
- N'hésitez pas à me poser des questions / à m'envoyer un mail.

Les erreurs à ne pas commettre

Pour éviter les erreurs classiques :

- Lire le rapport du jury. C'est important
- Lire les conseils de Mr Ridde !

Les petits trucs qui facilitent la vie :

- Savoir utiliser Pyzo en général
- Savoir lire/écrire dans un fichier sous Pyzo : essayez. Vraiment.
- `from truc import *`, peut être source d'erreurs, en particulier entre `random` et `numpy`
- `array / matrix`. Pas de multiplication matricielle `A * B` avec `array` : utiliser `A.dot(B)` ou `np.dot(A, B)`
- `log` et `ln` : notation anglosaxonnes : utiliser `log10`, `log` (pour `ln`), ou directement `log(x, base)` (module `math`)
- probas : essayer au moins une fois une loi binomiale
- binôme : `fact(n) // (fact(k) * fact(n-k))` et savoir écrire la factorielle en récursif...
- si on obtient "map", "iterator", "generator" -> utiliser `list(...)` pour afficher le contenu (python 3)
- Revoir le slicing `t[a:b, c:d]` pour les `np.array`. Pratique avec `odeint` en particulier

Savoir utiliser 'odeint' pour des équations différentielles d'ordre supérieur. Les yeux fermés.

Python : ce qui "manque" dans les fiches

- Dichotomie : `resol.bisect(f, a, b)`
- Module d'un nombre complexe : `abs(z)`
- Polynôme caractéristique d'une matrice : `np.poly(A)` (attention, les coefficients ne sont PAS dans le même ordre que pour le module `numpy.polynomial`)

Pyzo - Remarques générales

- Utilisez les cellules de Pyzo (`## ...`) et `Ctrl+Entrée`
- Si vous avez besoin de lire/écrire dans un fichier : `Démarrer > Exécuter le script`
- Utilisez la complétion automatique de Pyzo (touche TAB quand il affiche une suggestion)
- Vous pouvez utiliser des fonctions pour tout, je trouve ça plus pratique :

```
def question1():
    ...
    plt.plot(...)
```

Matrices

Attention, `np.zeros` a un seul argument, qui peut être un couple par exemple (le deuxième argument, optionnel, permet de préciser le type des valeurs).

```
>>> np.zeros((3, 3)) # <--- il faut deux 'niveaux' de parenthèses
>>> np.array([1, 2, 3, 4]) # idem
```

Pour `alg.eig(A)` : renvoie les valeurs propres `w[i]`, et la matrice `v` telle que "The normalized (unit "length") eigenvectors, such that the column `v[:,i]` is the eigenvector corresponding to the eigenvalue `w[i]`." : chaque colonne de la matrice correspond à un vecteur propre de norme 1, associé à une valeur propre (dans l'ordre).

Polynômes

Attention erreur : pour les polynômes, avec `p = Polynomial([-3, 2, 0, 1])`, la fiche de Centrale utilise `p([1, 2, 3])` alors qu'il faut utiliser `p(np.array([1, 2, 3]))`.

Ça peut être pratique de définir le monôme `X`, et `U` pour simplifier les notations par la suite :

```
>>> from numpy.polynomial import Polynomial
>>> U = Polynomial([1])
>>> X = Polynomial([0, 1])

>>> 3*X**7 + 2*U
Polynomial([ 2.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  3.], [-1.,  1.], [-1.,  1.]
```

Qui correspond bien au polynôme $3X^7 + 2$

Remarque : les deux termes `[-1., 1.]` ne servent à rien ici.

Graphiques

Pour `import` les modules, on suit les fiches de Centrale !

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
```

```
les_x = np.linspace(-1, 1, 100) # 100 points, ne pas mettre 0.001 !
les_y = [f(x) for x in les_x] # la fonction 'f' doit être déjà définie hein
plt.plot(les_x, les_y)
```

et si besoin (pas forcément dans Pyzo) :

```
plt.show() # Pour afficher la fenêtre
plt.savefig("mafigure.pdf") # OU, pour enregistrer
```

Légende

```
plt.plot(les_x, les_y, '+', label="Etiquette") # variante
plt.legend()
plt.grid()
```

Plusieurs courbes (vraiment pratique) :

```
x = np.linspace(0, 1, 100)
for n in range(3):
    y = x**n
    plt.plot(x, y, label="n="+str(n))
plt.legend()
plt.show()
```

Utilisation de np.vectorize

Attention, en général pour tracer des graphiques on suppose que les fonctions utilisées sont compatibles avec l'utilisation de tableaux numpy. Si ce n'est pas le cas, on peut utiliser `f = np.vectorize(f)` comme précisé dans la deuxième page de "Réalisation de tracés" (ou un décorateur...).

Équations

Je garde la notation de la fiche de Centrale "Analyse numérique" :

```
import scipy.optimize as resol
```

```
def f(x):
    """ On construit f telle que : x**2=2 <=> f(x)=0 """
    return x**2 - 2
```

Méthode de Newton (attention...) : fsolve

```
>>> resol.fsolve(f, 1) # N'importe quel x différent de 0, ça fonctionne !
array([ 1.41421356])
>>> resol.fsolve(f, 0) # la dérivée est nulle en 0...
array([ 0.]
```

Méthode de Newton aussi, avec root

Comme `fsolve`, mais avec beaucoup plus d'informations, en particulier `blabla.success` et `blabla.x`, comme dans la fiche de Centrale.

```
>>> resol.root(f, 1)
: ....
success: True # <--- ça a marché !
x: array([ 1.41421356])
>>> resol.root(f, 0)
: ...
success: False # <--- ne pas faire confiance à la solution
x: array([ 0.]
```

Dichotomie : bisection, avec un seul s

Remarque : la dichotomie n'apparaît pas dans la fiche de Centrale, mais c'est pratique si on veut se restreindre à un intervalle $[a; b]$ particulier

```
>>> resol.bisect(f, 0, 2)
1.4142135623715149
```

Intégration

```
import scipy.integrate as integr
```

- La fonction `integr.quad` renvoie deux valeurs : le résultat, et une estimation de l'erreur, on utilisera souvent `integr.quad(a, b)[0]`, avec `a` ou `b` qui peuvent valoir `-np.inf` ou `np.inf`
- Il existe aussi une fonction pour la méthode des trapèzes, qui fonctionne un peu différemment : `integr.trapz(les_y, les_x)`.
 - Elle n'apparaît pas dans les fiches, mais peut être donnée en indication
 - Même syntaxe que `plt.plot`
 - Attention, c'est `les_y` avant `les_x` ! C'est très très trompeur

Équations différentielles

Il FAUT savoir utiliser `odeint(F, y0, temps)` où `F` décrit l'équation différentielle, `y0` la ou les conditions initiales en `t0` et `temps = [t0, t1, ...]`.

- Sur un intervalle $[a; b]$ ($a < b$), si les conditions initiales sont "à gauche" de l'intervalle, tout va bien, on peut utiliser `temps = np.linspace(a, b, nb_points)`.
- Si les conditions initiales sont en `b`, on utilisera `temps = linspace(b, a, nb_points)`, même avec $a < b$!
- Si les conditions initiales sont "au milieu", on coupe l'intervalle en deux ...

Attention à : `return np.array((yp, ...))` : il faut deux niveaux de parenthèses

Intégration

Calculs

- Essayez de travailler au maximum avec des entiers :

```
>>> 10**100 * (1/2)**100 # Avec des flottants : approximation
0 # pas du tout la réponse attendue !
>>> 10**100 / 2**100
7888609052210118054117285652827862296732064351090230047702789306640625L
>>>
```

Calcul formel / symbolique

- Il est possible de faire du calcul formel en python, avec le module `sympy`.
- Si ce module peut être utile, des indications sont données systématiquement
- Vous pouvez voir à quoi ça ressemble sur live.sympy.org