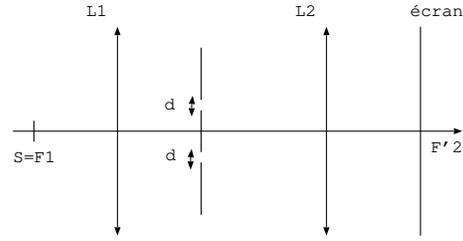


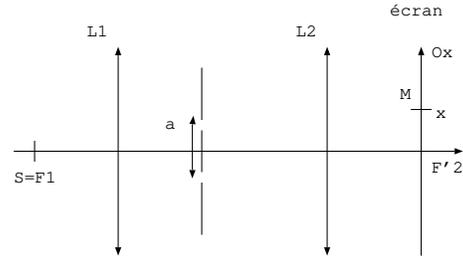
Oraux d'optique

I. Savoir et savoir faire

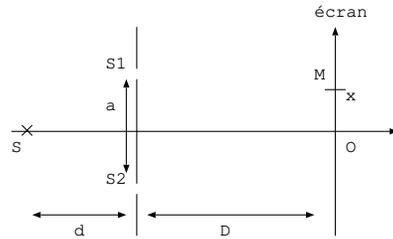
1. Soit le dispositif de Fraunhofer composé d'une source S placée au foyer d'une lentille L_1 , d'un écran au foyer d'une lentille L_2 et d'un plan percé de deux ouvertures entre L_1 et L_2 . Représenter le champ d'interférences et calculer sa largeur dans le cas de deux fentes fines identiques de largeur $d = 50 \mu m$. Donnée: $f'_2 = 60 \text{ cm}$.



2. Soit le dispositif de Fraunhofer composé d'une source S placée au foyer d'une lentille L_1 , d'un écran au foyer d'une lentille L_2 et d'un plan percé de deux ouvertures entre L_1 et L_2 . Les ouvertures sont distantes de a . Tracer les rayons qui interfèrent en M et exprimer la différence de marche $\delta_{2/1}(M)$, en déduire l'interfrange.



3. Soit le dispositif d'Young composé de deux sources secondaires S_1 et S_2 distantes de a éclairées par une source ponctuelle S placé sur l'axe optique. On observe sur un écran placé à une distance D des sources secondaires. La source a pour longueur d'onde λ .



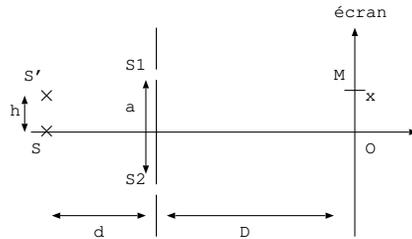
Les questions sont indépendantes. L'expression de la différence de marche est supposée connue.

3.a. La source S_1 ne laisse passer que 60 % de l'intensité incidente. Calculer le contraste des franges à l'écran.

3.b. On introduit derrière S_1 une lame d'épaisseur e et d'indice n . Prévoir le sens de déplacement des franges et calculer le nombre de franges qui ont défilé en O . Données: $e = 14 \mu m$ et $n = 1,62$, $\lambda = 632 \text{ nm}$.

3.c. La source n'est pas monochromatique. Elle comprend toutes les longueurs d'onde entre $\lambda_1 = 380 \text{ nm}$ et $\lambda_2 = 720 \text{ nm}$. Que voit-on sur l'écran au point O ? Décrire quantitativement le spectre au point d'abscisse $x = 1,7 \text{ cm}$. Donnée: $a = 200 \mu m$, $D = 1 \text{ m}$.

3.d. On ajoute une seconde source ponctuelle S' à une distance h de S . Les deux sources sont monochromatiques de longueur d'onde λ . Données: $a = 200 \mu m$, $d = 50 \text{ cm}$, $\lambda = 640 \text{ nm}$, $h = 1,2 \text{ cm}$. Calculer $p_{S'}(M) - p_S(M)$ et conclure.



3.e. La source est monochromatique de longueur d'onde λ . Elle éclaire une fente de largeur b . On rappelle le critère de non brouillage $|p_{S_{1/2}}(M) - p_{S_0}(M)| < \frac{1}{2}$ (S_0 est le point au milieu de la fente $S_{1/2}$ est le point à une extrémité de la fente). Expliquer ce critère et l'utiliser pour trouver la largeur maximale de la fente source pour laquelle on conserve des franges contrastées à l'écran.

II. Savoir et savoir sur l'interféromètre de Michelson

1. Questions de cours et de TP:

Où sont localisées les franges en coin d'air? Comment fait-on pour les observer sur l'écran? Quelle est leur forme?

Où sont localisées les franges en lame d'air? Comment fait-on pour les observer sur l'écran? Quelle est leur forme?

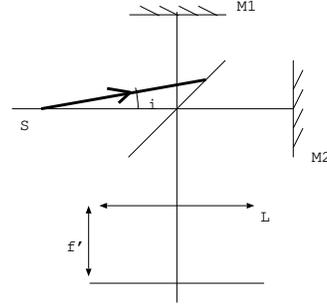
En lame d'air, qu'observe-t-on sur l'écran lorsque l'épaisseur de la lame d'air augmente? diminue?

Comment doit-on éclairer un Michelson pour observer des anneaux? des franges rectilignes?

Qu'appelle-t-on compensatrice? Quel est son rôle?

Quand on cherche à atteindre le contact optique, justifier l'ordre des sources utilisées : laser, lampe à vapeur de mercure et lumière blanche.

2. L'interféromètre de Michelson est réglé en lame d'air et est éclairé par une source étendue. Sur le schéma représenter la lame d'air d'épaisseur e , les sources secondaires et les rayons qui interfèrent en un point M de l'écran. L'écran est placé dans le plan focal image de la lentille. Justifier cette position de l'écran. Montrer que la différence de marche entre les rayons s'écrit $\delta(M) = 2e \cos i$.



3. On réalise un montage avec l'interféromètre de Michelson et deux lentilles L_1 et L_2 de focales images respectives $f'_1 = 10 \text{ cm}$ et $f'_2 = 60 \text{ cm}$. On observe à l'écran des franges circulaires. Préciser la configuration de l'interféromètre. Faire un schéma du dispositif expérimental (en justifiant le choix des lentilles). Calculer le rayon du 3^{ème} anneau brillant. Données : $\lambda = 632 \text{ nm}$, $e = 870 \text{ }\mu\text{m}$.

Réponse: $r_3 = 2,4 \text{ cm}$

4. L'interféromètre de Michelson est réglé en lame d'air et est éclairé par une source à vapeur de sodium qui comprend deux longueurs d'onde voisines $\lambda_1 = 589,0 \text{ nm}$ et $\lambda_2 = 589,6 \text{ nm}$. Lorsqu'on chariote le miroir M_2 on observe que pour certaines valeurs de l'épaisseur de la lame d'air, les franges disparaissent à l'écran. Donner le nom de ce phénomène et expliquer ce phénomène. On donne la position du miroir lorsque le Michelson est réglé au contact optique. Lire cette position et calculer les deux positions les plus proches de la position initiale pour lesquelles on observe les franges disparaître.

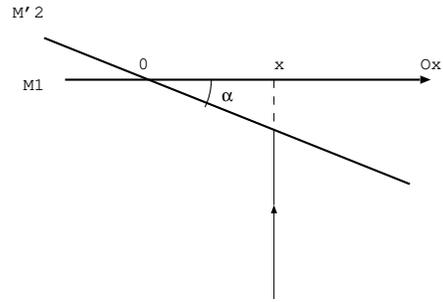


Réponse: $x_1 = 5,92 \text{ mm}$ et $x_2 = 5,64 \text{ mm}$

5. L'interféromètre est réglé en lame d'air d'épaisseur $e = 247 \text{ }\mu\text{m}$. La source est monochromatique de longueur d'onde $\lambda = 542 \text{ nm}$. On observe sur un écran carré de côté $a = 16 \text{ cm}$ placé dans le plan focal d'une lentille. Combien peut-on voir d'anneaux brillants sur l'écran? Donnée: $f' = 60 \text{ cm}$

Réponse: 8 anneaux brillants

6. Sur le schéma ci-contre, représenter les deux rayons qui interfèrent, exprimer la différence de marche en fonction de x et en déduire l'interfrange.



L'interféromètre de Michelson est réglé en coin d'air. On observe les franges d'interférences sur un écran à l'aide d'une lentille de focale image $f' = 20 \text{ cm}$ placée à 27 cm du miroir M_1 . On mesure sur l'écran un interfrange $i_e = 1,3 \text{ mm}$. Calculer l'angle α du coin d'air. Donnée: $\lambda = 632 \text{ nm}$.

On rappelle: $\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{f'}$ et $\gamma = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}}$.

On observe les interférences en lumière blanche ($\lambda_{min} = 400 \text{ nm}$ et $\lambda_{max} = 800 \text{ nm}$). Au point d'abscisse $x = 1,7 \text{ cm}$ (sur le miroir, schéma ci-dessus), calculer le nombre de cannelures présentes.

Réponses: $6,9 \cdot 10^{-5} \text{ rad}$, 3 cannelures

III. Savoir et savoir faire

1. Lorsque le fluide traverse le condenseur, comment est sa température par rapport à la température du milieu extérieur?
2. Lorsque le fluide traverse un évaporateur, comment est sa température par rapport à la température du milieu extérieur?
3. On donne $h_l(2 \text{ bar}) = 160 \text{ kJ.kg}^{-1}$ (enthalpie massique du liquide saturant à 2 bar) et $h_v(2 \text{ bar}) = 320 \text{ kJ.kg}^{-1}$ (enthalpie massique de la vapeur saturante à 2 bar). Calculer l'enthalpie massique de vaporisation à 2 bar et calculer la fraction massique de liquide pour un système d'enthalpie $h = 230 \text{ kJ.kg}^{-1}$ à 2 bar.
4. On donne $s_l(1 \text{ bar}) = 0,32 \text{ kJ.kg}^{-1}.K^{-1}$ et $s_v(1 \text{ bar}) = 1,24 \text{ kJ.kg}^{-1}.K^{-1}$. Calculer l'entropie massique d'un fluide de titre massique en liquide $x_l = 0,3$ à 1 bar.
5. Un fluide subit une détente de Joule Thomson qui l'amène de l'état 1 à l'état 2. Comparer h_2 et h_1 . Comparer s_2 et s_1 .
6. Un moteur fournit une puissance utile $P_u = 1 \text{ kW}$. Le fluide qui décrit le cycle a pour débit massique $D_m = 25 \text{ g.s}^{-1}$, en déduire le travail utile massique.
7. Une PAC délivre une puissance chauffante $P_c = 2 \text{ kW}$ et prélève une puissance $P_f = 1500 \text{ W}$ à la source froide (ici les puissances sont données en valeur absolue). En déduire la puissance utile et l'efficacité de cette PAC.
8. Quelle est la forme des isothermes dans le diagramme enthalpique pour une vapeur sèche assimilée à un gaz parfait?
9. Faire le schéma de principe d'un moteur et démontrer le rendement de Carnot d'un moteur.
10. Faire le schéma de principe d'une PAC et démontrer le théorème de Carnot pour une PAC. La PAC est utilisée pour chauffer une maison, préciser les systèmes qui constituent les sources froide et chaude.
11. Faire le schéma de principe d'un réfrigérateur en précisant les systèmes qui constituent les sources froide et chaude. Définir l'efficacité de cette machine.
12. Un compresseur aspire l'air ambiant de température $T_1 = 288 \text{ K}$ à la pression $P_1 = 1 \text{ bar}$. Données: taux de compression : $\frac{P_2}{P_1} = 6,15$, l'air est assimilé à un gaz parfait de capacité thermique massique $c_p = 1,00 \text{ kJ.kg}^{-1}.K^{-1}$ et $\gamma = 1,4$, débit massique: $D_m = 200 \text{ g.s}^{-1}$.
Comment peut on justifier l'hypothèse d'une transformation adiabatique?
Calculer la température T_2 à la sortie du compresseur.
Calculer la puissance utile dans le compresseur.
13. Tracer le diagramme d'état de l'eau en plaçant des valeurs numériques connues sur l'isobare 1 bar.

IV. Exercice : Efficacité d'un réfrigérateur

On étudie le cycle décrit par le fluide R134a dans une machine frigorifique. Ce cycle est composé des transformations suivantes :

Dans l'état 1, le fluide est sur la courbe de rosée à la pression de 3 bar. Il subit une compression adiabatique réversible jusqu'à l'état 2 (vapeur sèche) de pression 20 bar et d'enthalpie massique $h_2 = 440 \text{ kJ.kg}^{-1}$.

La transformation 2 – 3 est isobare, le fluide traverse un condenseur et se trouve à l'état 3 sur la courbe d'ébullition.

La transformation 3 – 4 se fait dans le détendeur supposé adiabatique.

La transformation 4 – 1 est isobare, le fluide traverse l'évaporateur.

On néglige les variations d'énergie potentielle et d'énergie cinétique.

On donne:

P (bar)	T ($^{\circ}C$)	h_l (kJ.kg^{-1})	h_v (kJ.kg^{-1})	s_l ($\text{kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$)	s_v ($\text{kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$)
20	65	270	430	1,217	1,69
3	0	200	390	1,034	1,73

1. Dans le diagramme enthalpique avec la pression en ordonnée et l'enthalpie massique en abscisse, tracer l'allure de la courbe de saturation en utilisant les données du tableau. Ajouter sur le diagramme le cycle étudié.
2. On assimile le fluide à l'état vapeur sèche à un gaz parfait de coefficient $\gamma = 1,5$. Déduire des hypothèses de la transformation 1 – 2, la température T_2 .
3. Déterminer la fraction massique en vapeur x_4 dans l'état 4 à la sortie du détendeur. En déduire l'entropie massique s_4 . Justifier le fait que $s_4 > s_3$.
4. Dans le diagramme entropique avec la température en ordonnée et l'entropie massique en abscisse, tracer l'allure de la courbe de saturation en utilisant les données du tableau. Ajouter sur le diagramme le cycle étudié.
5. Définir et calculer l'efficacité de ce réfrigérateur.
6. Calculer le débit massique pour un compresseur de puissance mécanique $P_u = 100 \text{ W}$.
7. Lorsque le fluide est en contact avec la source chaude, que dire de sa température par rapport à celle de la source chaude? De même lorsque le fluide est en contact avec la source froide.

V. Exercice : réacteur nucléaire

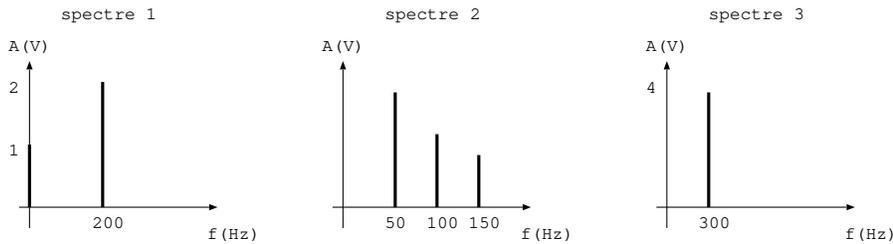
On considère le modèle simplifié du circuit secondaire d'un réacteur à eau pressurisée d'une centrale nucléaire: l'eau subit une transformation isobare à la pression 70 bar dans le générateur de vapeur de l'état 1 à l'état 2. L'état 2 se trouve sur la courbe de rosée. La transformation 2 – 3 est une détente adiabatique réversible dans le turbine qui fait tourner l'alternateur. De 3 à 4 l'eau subit une liquéfaction isobare à la pression 0,05 bar dans le condenseur. L'état 4 est sur la courbe d'ébullition. La transformation 4 – 1 est une compression isentropique quasi isenthalpique dans une pompe. On néglige les variations d'énergie potentielle et d'énergie cinétique.

P_{sat} en bar	T ($^{\circ}C$)	h_l (kJ.kg^{-1})	h_v (kJ.kg^{-1})	s_l ($\text{kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$)	s_v ($\text{kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$)
0,05	33	137,8	2561,6	0,4763	8,3960
70	286	1267,4	2773,5	3,1219	5,8162

1. Représenter le cycle dans le diagramme enthalpique (P en fonction de h) et dans le diagramme entropique (T en fonction de s) en utilisant soigneusement les données du tableau.
2. Déterminer le titre en vapeur x_3 à la sortie de la turbine, en déduire h_3 .
3. Définir et calculer le rendement de cette machine.
4. Calculer le débit massique de l'eau dans le circuit secondaire pour une puissance de la turbine $P_T = 1000 \text{ MW}$.
5. Démontrer le théorème de Carnot pour cette machine et calculer le rendement de Carnot pour un cycle dont les températures des sources froide et chaude seraient $33^{\circ}C$ et $286^{\circ}C$.

VI. Savoir et savoir faire

1. Que vaut la tension aux bornes d'un fil? Comment trouve-t-on la tension aux bornes d'un interrupteur ouvert?
2. Sur un graphe donnant le gain en fonction de la fréquence, comment détermine-t-on la fréquence de coupure? Même question sur un graphe donnant le gain en décibel en fonction de la fréquence.
3. Pour un filtre passe bande, donner la relation entre la bande passante et le facteur de qualité.
4. Donner les expressions des impédances d'une résistance, d'un condensateur et d'une bobine. Comment se comportent la bobine et le condensateur à HF? BF?
5. Soit un filtre de fonction de transfert noté \underline{H} . Ecrire la tension de sortie, lorsque le filtre est alimenté par:
 - $e(t) = E \cos(2\pi ft)$
 - $e(t) = E_0 + E_1 \cos(2\pi f_1 t) + E_2 \cos(2\pi f_2 t)$
6. Faire un schéma d'un diviseur de tension et donner son expression.
7. Exprimer G_{dB} en fonction du gain G puis exprimer G en fonction de G_{dB} .
8. On donne la fonction de transfert $\underline{H} = \frac{H_0}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$. En déduire la nature du filtre. Donner une expression approchée de la fonction de transfert à HF et en déduire si le filtre est intégrateur ou dérivateur à HF. Quelle tension (créneau ou triangle) faut-il envoyer en entrée du filtre pour prouver son comportement dérivateur ou intégrateur?
9. On donne la fonction de transfert $\underline{H} = \frac{H_0}{1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})}$. En déduire la nature du filtre. Donner une expression approchée de la fonction de transfert à BF et en déduire si le filtre est intégrateur ou dérivateur à BF. Quelle tension (créneau ou triangle) faut-il envoyer en entrée du filtre pour prouver son comportement dérivateur ou intégrateur?
10. On donne le spectre de plusieurs signaux. Déduire des spectres la fréquence et la forme du signal (sinusoïdale ou non).

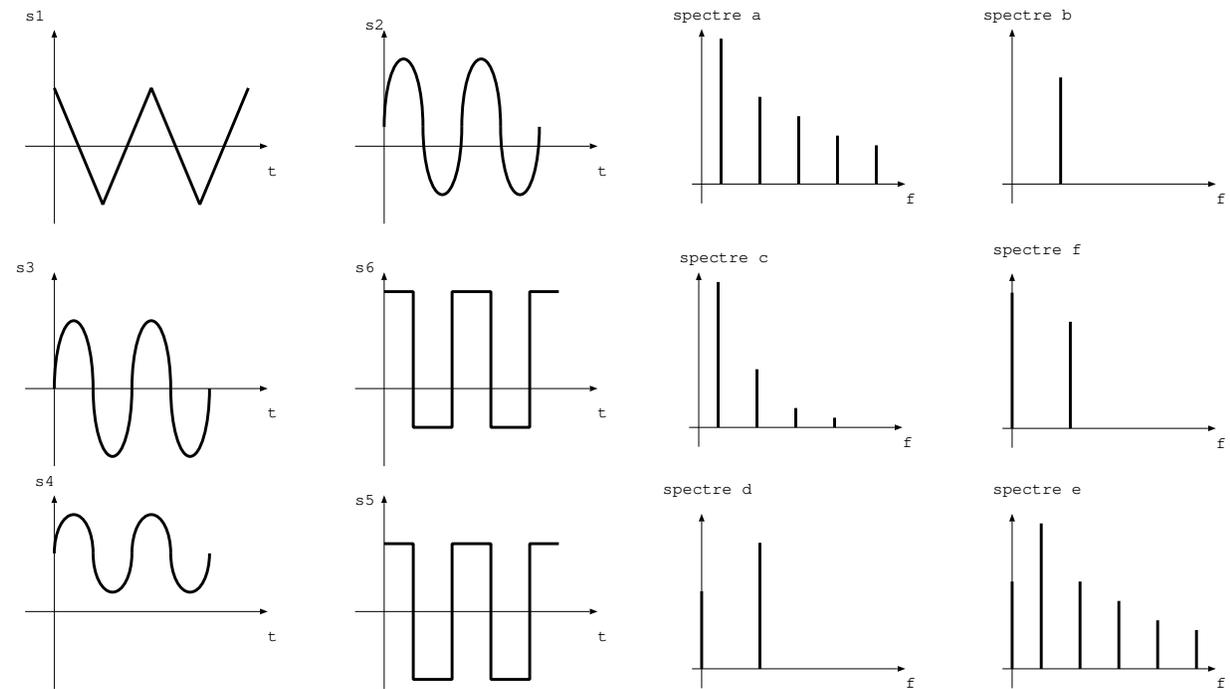


11. Soit le circuit RLC série alimenté par un GBF. Déterminer la nature du filtre lorsque l'on prend la tension de sortie:
 - aux bornes de R
 - aux bornes de L
 - aux bornes de C

Etablir l'expression de la fonction de transfert du filtre lorsqu'on prend la tension de sortie aux bornes de R et la mettre sous la forme $\underline{H} = \frac{H_0}{1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})}$. Exprimer ω_0 , H_0 et Q en fonction de R , L et C .

VII. Exercice: identification de spectres

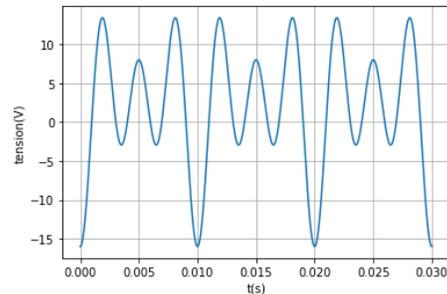
On donne des fonctions $s_1(t)$, $s_2(t)$, $s_3(t)$, $s_4(t)$, $s_5(t)$ et $s_6(t)$ ainsi que les spectres associés mais tout est mélangé. Identifier le spectre de chaque fonction donnée en justifiant votre réponse.



VIII. Exercice : filtrage

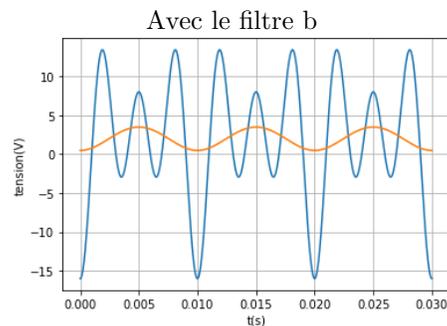
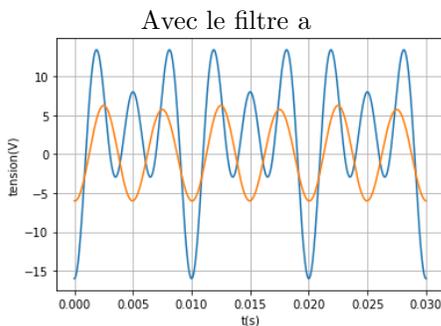
Soit la fonction $y_1(t)$ définie sous python par:

```
def y1(t):
    y1=2
    for i in range(1,4):
        y1=y1+(-1**i)*3*i*np.cos(2*np.pi*i*f*t)
    return y1
```



Tracer le spectre de $y_1(t)$ et déduire de la courbe la valeur numérique de f .

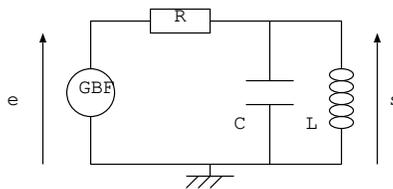
La tension $y_1(t)$ est envoyée sur différents filtres. On donne sur les graphes suivants pour la tension d'entrée $y_1(t)$ et la tension de sortie après filtrage.



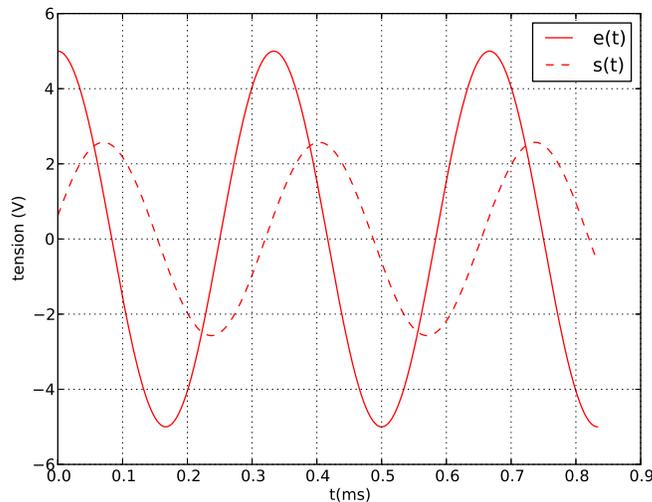
Déterminer le type de filtre utilisé (sa nature : passe bande, passe bas ou passe haut, et éventuellement s'il est très sélectif et sa valeur possible pour sa fréquence de coupure ou sa fréquence de résonance).

IX. Exercice : filtre

On réalise le filtre suivant alimenté par une tension $e(t)$ sinusoïdale de la forme $e(t) = E \cos(2\pi ft)$. La tension de sortie s'écrit alors $s(t) = S \cos(2\pi ft + \phi)$. On donne en annexe les diagrammes de Bode en phase et en gain.

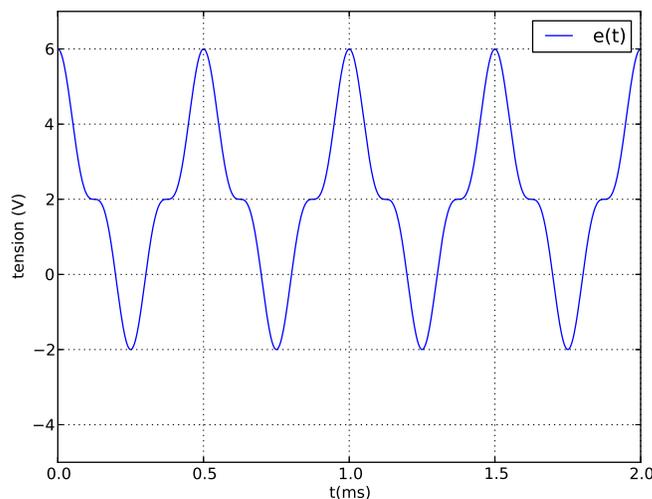


- Déterminer la nature de ce filtre en utilisant les montages équivalents aux basses et hautes fréquences.
- On donne les courbes $e(t)$ et $s(t)$ expérimentales. Calculer f , G , G_{dB} et ϕ en radian. Ajouter sur les diagrammes de Bode fournis en annexe les points correspondants à vos résultats, vérifier la cohérence.



- Le filtre est maintenant alimenté par la tension:

$$e(t) = A + 3 \cos(2\pi ft) + 3/3 \cos(2\pi 3ft) + 3/5 \cos(2\pi 10ft)$$



- Déduire de la courbe les valeurs numériques de f et de A .
- Donner le spectre de $e(t)$.
- Déduire des diagrammes de Bode l'expression de $s(t)$ associée et le spectre de $s(t)$. Tracer sur le même graphique que celui de $e(t)$, la courbe $s(t)$ correspondante (dans $s(t)$ on néglige les composantes qui sont inférieures à 10 fois la composante de plus grande amplitude).

4. Lire sur le diagramme de Bode en gain : la fréquence de résonance, le gain à résonance, les fréquences de coupure, les pentes des asymptotes.

5. Parmi les fonctions de transfert suivantes, préciser, en justifiant votre réponse, celle qui correspond à ce filtre.

$$\underline{H} = \frac{H_0}{1 + jQ\left(\frac{f}{f_0} - \frac{f_0}{f}\right)} \text{ ou } \underline{H} = \frac{H_0}{1 - \left(\frac{f}{f_0}\right)^2 + j\frac{1}{Q}\left(\frac{f}{f_0}\right)} \text{ ou } \underline{H} = H_0 \frac{jQ\frac{f}{f_0}}{1 + jQ\left(\frac{f}{f_0} - \frac{f_0}{f}\right)}$$

Donner les valeurs numériques de H_0 , f_0 et Q .

6. On se place à haute fréquence, donner l'expression approchée de la fonction de transfert de ce filtre. En déduire l'expression de $s(t)$ en fonction de $e(t)$. La fonction $e(t)$ est une fonction créneau, quelle est la forme du signal de sortie?

Diagramme de Bode en gain :

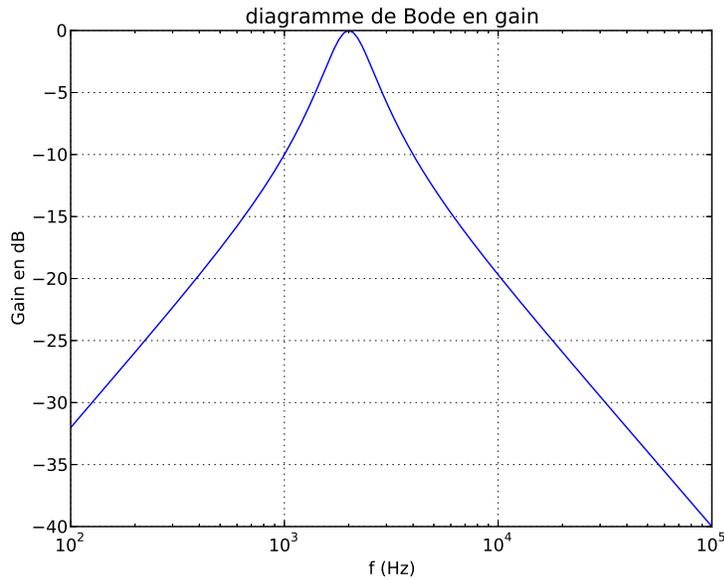


Diagramme de Bode en phase :

