

I. Correction exo IX: filtre actif

1. Millman en + donne $v^+ = \frac{\frac{s}{R_2} + \frac{e}{R_1 + 1/jC\omega}}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1 + 1/jC\omega}}$.

L'ALI fonctionne en régime linéaire car il y a une rétroaction négative, on a donc $v^+ = v^-$ d'où $\frac{s}{R_2} = -\frac{e}{R_1 + 1/jC\omega}$ soit $\underline{H} = \frac{-jR_2C\omega}{1 + jR_1C\omega} = H_0 \frac{j\omega}{\omega_0}$.

Par identification on a $\frac{\omega}{\omega_0} = R_1C\omega$ soit $\omega_0 = \frac{1}{R_1C}$ et $\frac{H_0j\omega}{\omega_0} = -jR_2C\omega$ d'où $H_0 = -\frac{R_2}{R_1}$.

2. $2T_1 = 0,1$ s soit $f_1 = 20$ Hz et $2T_2 = 0,2$ ms soit $f_2 = 10$ kHz.

Les courbes représentent $s(t)$ pour les BF (pour f_1) et pour les HF (pour f_2).

A HF: $\underline{H} = H_0 = -2$ d'après la courbe $s(t)$ pour 100 kHz. soit $R_2 = 2R_1 = 400$ Ω .

A BF: $\underline{H} = \frac{H_0j\omega}{\omega_0} = \frac{s}{e}$ soit $s = \frac{H_0}{\omega_0} \frac{de}{dt}$: filtre dérivateur.

Pour $0 < t < T_1/2$, on a $s = 0,032$ V et on calcule la pente de la courbe $e(t)$ soit $\frac{de}{dt} = \frac{\delta e}{T_1/2} = \frac{2\Delta e}{T_1} = \frac{-2,2}{0,05} = -80$ V.s⁻¹. On utilise $s = \frac{H_0}{\omega_0} \frac{de}{dt}$ soit $\omega_0 = \frac{H_0}{s} \frac{de}{dt} = 5000$ rad.s⁻¹.

Or $\omega_0 = \frac{1}{R_1C}$ d'où $C = \frac{1}{R_1\omega_0} = 1$ μ F.

II. Correction exo X: résonance en tension

Filtre passe-bas: BF: bobine est un fil et le condensateur est un interrupteur ouvert: $U_c = e$ et HF: le condensateur est un fil et la bobine est un interrupteur ouvert: $U_c = 0$

Diviseur de tension: $\underline{u}_c = \frac{e}{1 + jL\omega(\frac{1}{R} + jC\omega)} = \frac{e}{1 - LC\omega^2 + \frac{jL\omega}{R}} = \frac{e}{1 - \frac{\omega^2}{\omega_0^2} + \frac{j\omega}{Q\omega_0}}$.

On en déduit l'amplitude de $u_c(t)$: $U_c = |u_c| = \frac{e}{\sqrt{(1 - \frac{\omega^2}{\omega_0^2})^2 + (\frac{\omega}{Q\omega_0})^2}}$. Il y a résonance en tension lorsque le dénominateur est minimal, on cherche ce minimum en dérivant le dénominateur.

On pose $f(x) = (1 - x^2)^2 + \frac{x^2}{Q^2}$ avec $x = \frac{\omega}{\omega_0}$

soit $f'(x) = -4x(1 - x^2) + \frac{2x}{Q^2} = 2x(-2 + 2x^2 + \frac{1}{Q^2}) = 0$ pour $x = 0$ et $x^2 = 1 - \frac{1}{2Q^2} > 0$ pour $Q > \frac{1}{\sqrt{2}} = 0,7$.

Pour $Q = 0,4$: pas de résonance en tension

Pour Q_2 et Q_3 , il y a résonance en tension et la tension à résonance est d'autant plus grande que Q est grand.

On lit $E = 3$ V, $f_0 \approx 2$ kHz et $Q_3 \approx \frac{U_{cmax}}{E} = \frac{12}{3} = 4$ (en effet à résonance $\omega \approx \omega_0$ et $\underline{u}_c = -jEQ$).

III. Correction exo XI: équilibre d'un pont

Diviseur de tension: $U_2 = \frac{Z_2e}{Z_2 + Z_3}$ et $U_1 = \frac{Z_1e}{Z_1 + Z_4}$.

On a $U_{AB} = -U_2 + U_1 = \frac{Z_1Z_3 - Z_2Z_4}{(Z_2 + Z_3)(Z_1 + Z_4)}e$

A l'équilibre $Z_1Z_3 = Z_2Z_4$

On a $Z_1 = (1 - k)R$, $Z_2 = R + \frac{1}{jC\omega}$, $Z_3 = \frac{R}{1 + jRC\omega}$ et $Z_4 = kR$.

A l'équilibre $(1 - k)R \frac{R}{1 + jRC\omega} = kR(R + \frac{1}{jC\omega})$ donne $(1 - 3k)R = jk(R^2C\omega - \frac{1}{C\omega})$ soit $k = 1/3$ et $\omega = \frac{1}{RC}$.