

Attention : il faut simplifier les fractions.

Par exemple  $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$  et  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ .

Attention : tout comme une équation, un système se résout par équivalences successives (la plupart du temps).

Attention : les solutions d'un système à 2 inconnues sont des couples.

Par exemple :

$$(z - z_1)(z - z_2) = z^2 - (z_1 + z_2)z + z_1z_2.$$

$$\text{Donc } \begin{cases} z_1 + z_2 = 2 \\ z_1z_2 = 10 \end{cases} \Leftrightarrow z_1 \text{ et } z_2 \text{ sont les racines du trinôme } z^2 - 2z + 10$$

$$\Delta = (-2)^2 - 4 \times 10 = 4 - 40 = -36. \Delta < 0$$

donc  $z^2 - 2z + 10$  admet deux racines complexes conjuguées  $\frac{2+i\sqrt{36}}{2} = 1 + 3i$  et  $\frac{2-i\sqrt{36}}{2} = 1 - 3i$

$$\text{Donc } \begin{cases} z_1 + z_2 = 2 \\ z_1z_2 = 10 \end{cases} \Leftrightarrow (z_1, z_2) = (1 + 3i, 1 - 3i) \text{ ou } (z_1, z_2) = (1 - 3i, 1 + 3i).$$

Donc les solutions sont  $(1 + 3i, 1 - 3i)$  et  $(1 - 3i, 1 + 3i)$ .

Attention à ne pas oublier de simplifier les expressions en utilisant la parité de cos et sin.

Par exemple  $\cos(-n\frac{\pi}{4}) = \cos(n\frac{\pi}{4})$  et  $\sin(-n\frac{\pi}{4}) = -\sin(n\frac{\pi}{4})$ .

Attention : la partie imaginaire d'un complexe ne contient pas le  $i$ .

$x + iy$  a pour partie réelle  $x$  et pour partie imaginaire  $y$ .

Attention : il faut avoir compris et appris les formules :

$$\cos(\theta + \pi) = -\cos(\theta) \text{ et } \sin(\theta + \pi) = -\sin(\theta)$$

$$\cos(\theta + \frac{\pi}{2}) = -\sin(\theta) \text{ et } \sin(\theta + \frac{\pi}{2}) = \cos(\theta)$$

$$\cos(\frac{\pi}{2} - \theta) = \sin(\theta) \text{ et } \sin(\frac{\pi}{2} - \theta) = \cos(\theta)$$

Exemple d'utilisation :

Ecrivons  $z = \sin(2\theta) + i2\cos^2(\theta)$  avec  $\theta \in ] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$  sous forme exponentielle.

$$z = 2\sin(\theta)\cos(\theta) + i2\cos^2(\theta) = 2\cos(\theta)(\sin(\theta) + i\cos(\theta))$$

$$= 2\cos(\theta)(\cos(\frac{\pi}{2} - \theta) + i\sin(\frac{\pi}{2} - \theta)) = 2\cos(\theta)e^{i(\frac{\pi}{2} - \theta)}.$$

$\cos(\theta) > 0$  car  $\theta \in ] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$ . Ainsi  $z = 2\cos(\theta)e^{i(\frac{\pi}{2} - \theta)}$  et  $2\cos(\theta) > 0$ .

Attention : si  $z$  est un complexe en général,  $z^{\frac{1}{4}}$  n'a pas de sens donc est incorrect.

Par exemple,  $(4e^{i\frac{4\pi}{3}})^{\frac{1}{4}}$  ou  $(e^{i\frac{4\pi}{3}})^{\frac{1}{4}}$  n'a pas de sens donc est incorrect.

Attention : l'écriture  $\sum_{k=p}^n (x_k + y_k)$  est correcte

mais l'écriture  $\sum_{k=p}^n x_k + y_k$  est incorrecte (manquent les parenthèses).