

Attention à ne pas oublier le signe dans la formule pour les solutions d'une équation différentielle linéaire d'ordre 1 homogène ( $E_0$ )  $y' + a(x)y = 0$  : les solutions sont les fonctions de la forme  $x \mapsto \lambda e^{-A(x)}$  avec  $\lambda \in \mathbb{K}$  (où  $A$  est une primitive de  $a$ ).

Attention à ne pas compliquer le calcul de  $\int \frac{1}{3x} dx$  :  
 $\int \frac{1}{3x} dx = \frac{1}{3} \int \frac{3}{3x} dx = \frac{1}{3} \ln(3x) + c^{te}$  est correct mais ridiculement compliqué  
 $\int \frac{1}{3x} dx = \frac{1}{3} \int \frac{1}{x} dx = \frac{1}{3} \ln(x) + c^{te}$  est le bon calcul

Attention : on recherche une seule solution particulière pour une équation différentielle.  
Lorsque la solution particulière est trouvée, la rédaction correcte de la conclusion est donc :  
"Une solution particulière est  $x \mapsto \dots$ ."  
Cette rédaction est incorrecte :  
"Les solutions particulières sont les fonctions de la forme  $x \mapsto \dots$  avec  $\dots$ ."

Attention à ne jamais oublier les quantificateurs.

Attention : un complément circonstanciel "Pour tout  $\dots \in \dots$ " n'est valable que dans une phrase et doit donc être répété à chaque phrase si il y en a plusieurs. Dans ce cas, on peut rédiger autrement en commençant par écrire une seule fois "Soit  $\dots \in \dots$ ".

Par exemple, ceci est incorrect :

"Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(v_n - u_n)}{u_n + v_n}$ . Or  $u_n \geq 0$  et  $v_n - u_n \geq 0$  (car  $u_n \leq v_n$ ) et  $u_n + v_n \geq 0$  (car  $u_n \geq 0$  et  $v_n \geq 0$ ). Donc  $u_{n+1} - u_n \geq 0$ ."

Ceci est correct :

"Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(v_n - u_n)}{u_n + v_n}$  et  $u_n \geq 0$  et  $v_n - u_n \geq 0$  (car  $u_n \leq v_n$ ) et  $u_n + v_n \geq 0$  (car  $u_n \geq 0$  et  $v_n \geq 0$ ) donc  $u_{n+1} - u_n \geq 0$ ."

Ceci est aussi correct :

"Soit  $n \in \mathbb{N}$ .  $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(v_n - u_n)}{u_n + v_n}$ . Or  $u_n \geq 0$  et  $v_n - u_n \geq 0$  (car  $u_n \leq v_n$ ) et  $u_n + v_n \geq 0$  (car  $u_n \geq 0$  et  $v_n \geq 0$ ). Donc  $u_{n+1} - u_n \geq 0$ ."

Attention : ne pas confondre une suite  $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  et un terme de la suite  $u_n$ .

Par exemple :

" $u$  est croissante" ou " $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est croissante" sont corrects mais " $u_n$  est croissante" est incorrect  
" $u$  est majorée" ou " $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est majorée" sont corrects mais " $u_n$  est majorée" est incorrect

Attention : si  $u$  est une suite,

" $u$  est croissante" est correct mais "Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u$  est croissante" est incorrect  
(il ne faut pas de quantificateur)

Attention : la méthode qui consiste à étudier la monotonie d'une suite  $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  et comparant  $\frac{u_{n+1}}{u_n}$  et 1 pour tout  $n \in \mathbb{N}$  s'applique aux suites à termes strictement positifs. Afin de l'appliquer on doit donc commencer par écrire "Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_n > 0$ ."

Attention :

l'équivalence  $a \leq b \Leftrightarrow ac \leq bc$  est fautive en général

dans le cas  $c > 0$ ,  $a \leq b \Leftrightarrow ac \leq bc$  est vraie et doit être justifiée par  $c > 0$ .