

Attention : lorsqu'une variable est fixée dans l'énoncé d'une question qui précise "Soit  $n \in \mathbb{N}$ ." il ne faut pas réécrire dans la réponse à cette question "Pour tout  $n \in \mathbb{N}, \dots$ ".

Attention à ne jamais oublier les quantificateurs.

Par exemple, ceci est incorrect :

" $e^{\sqrt{k}} \leq f(k+1) - f(k)$ . Donc  $\sum_{k=0}^n e^{\sqrt{k}} \leq \sum_{k=0}^n (f(k+1) - f(k))$ ."

Mais ceci est correct :

"Pour tout  $k \in [[0, n]]$ ,  $e^{\sqrt{k}} \leq f(k+1) - f(k)$ . Donc  $\sum_{k=0}^n e^{\sqrt{k}} \leq \sum_{k=0}^n (f(k+1) - f(k))$ ."

Attention :  $\sum_{k=p}^n x_k + y_k$  est incorrect (il manque les parenthèses),  $\sum_{k=p}^n (x_k + y_k)$  est correct.

Par exemple :

$\sum_{k=0}^n f(k+1) - f(k)$  est incorrect (il manque les parenthèses),  $\sum_{k=0}^n (f(k+1) - f(k))$  est correct

On attention : on ne peut sommer les équivalents.

Par exemple, ceci est incorrect :

" $f(n) \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} 2e^{\sqrt{n}}\sqrt{n}$  donc  $f(n) + 3 \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} 2e^{\sqrt{n}}\sqrt{n} + 3$ "

" $\sqrt{n+1} \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} \sqrt{n}$  donc  $\sqrt{n+1} - \sqrt{n} \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} \sqrt{n} - \sqrt{n} = 0$ "

Attention : il faut maîtriser le vocabulaire du cours.

Par exemple, on dit qu'un intervalle  $I$  est stable par  $f$  ssi  $f(I) \subset I$ .

On rédige donc par exemple : " $f([0, \frac{\pi}{2}]) \subset [0, \frac{\pi}{2}]$  donc  $[0, \frac{\pi}{2}]$  est stable par  $f$ ".

Attention : si  $0 < a \leq b$  alors  $\frac{1}{b} \leq \frac{1}{a}$  (et non pas  $\frac{1}{a} \leq \frac{1}{b}$ ).

Par exemple, ceci est incorrect :

"Soit  $x \in [0, \frac{\pi}{2}]$ .  $1 + \sin(x) \leq 2$  et  $\frac{3}{2} \geq 0$  donc  $(1 + \sin(x))^{\frac{3}{2}} \leq 2^{\frac{3}{2}} = 2\sqrt{2}$  et  $\sqrt{2} \geq 0$  donc  $\sqrt{2}(1 + \sin(x))^{\frac{3}{2}} \leq 2\sqrt{2} = 4$  donc  $\frac{1}{\sqrt{2}(1 + \sin(x))^{\frac{3}{2}}} \leq \frac{1}{4}$ "

Ceci est correct :

"Soit  $x \in [0, \frac{\pi}{2}]$ .  $1 + \sin(x) \geq 1$  et  $\frac{3}{2} \geq 0$  donc  $(1 + \sin(x))^{\frac{3}{2}} \geq 1^{\frac{3}{2}} = 1 \geq 0$  et  $\sqrt{2} \geq 0$  donc  $\sqrt{2}(1 + \sin(x))^{\frac{3}{2}} \geq \sqrt{2} \geq 0$  donc  $0 \leq \frac{1}{\sqrt{2}(1 + \sin(x))^{\frac{3}{2}}} \leq \frac{1}{\sqrt{2}}$ "