

Attention :  $\int (f(x) + g(x))dx$  est correct,  
 mais  $\int f(x) + g(x)dx$  est incorrect (oubli des parenthèses).  
 Par exemple, " $\int (\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(2x))dx$ " est correct,  
 mais " $\int \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(2x)dx$ " est incorrect (oubli des parenthèses).

Attention aux erreurs de signes.

Attention : le calcul  $\int (-\frac{1}{3x})dx = -\frac{1}{3} \int \frac{3}{3x}dx = -\frac{1}{3}\ln(|3x|) + c^{te}$  est compliqué.  
 Il faut effectuer ce calcul ainsi :  $\int (-\frac{1}{3x})dx = -\frac{1}{3} \int \frac{1}{x}dx = -\frac{1}{3}\ln(|x|) + c^{te}$ .

Attention : ne jamais oublier les quantificateurs.

Par exemple :

"Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_n \leq v_n$  et  $u_n \geq 0$  donc  $u_n^2 \leq u_n v_n$  donc  $\sqrt{u_n^2} \leq \sqrt{u_n v_n}$  donc  $|u_n| \leq u_{n+1}$   
 donc  $u_n \leq u_{n+1}$ . Donc  $u$  est croissante."

Attention à ne pas abuser du symbole " $\Leftrightarrow$ "

Si on a démontré  $P$  et que l'on peut en déduire  $Q$  la rédaction suivante est correcte :

" $P$  donc ... donc  $Q$ "

La rédaction suivante est insuffisante donc incorrecte :

" $P \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow Q$ "

En effet, cette dernière rédaction affirme que  $P$  et  $Q$  ont même valeur de vérité,  
 mais pas que  $Q$  est vraie.

La rédaction suivante est suffisante mais lourde :

" $P \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow Q$ . Or  $P$  est vraie. Donc  $Q$  est vraie."

Par exemple, si on a démontré à une question que  $m = \sqrt{\frac{l^2+m^2}{2}}$  et  $l \geq 0$  et  $m \geq 0$ ,

on peut en déduire à la question suivante que  $m = l$  avec la rédaction suivante suivante :

" $m = \sqrt{\frac{l^2+m^2}{2}}$  donc  $m^2 = \frac{l^2+m^2}{2}$  donc  $2m^2 = l^2 + m^2$  donc  $m^2 = l^2$  donc  $m = l$  ou  $m = -l$ .

Or  $l \geq 0$  et  $m \geq 0$ . Donc  $m = l$ ."

Mais la rédaction suivante est incorrecte car insuffisante :

" $m = \sqrt{\frac{l^2+m^2}{2}} \Leftrightarrow m^2 = \frac{l^2+m^2}{2} \Leftrightarrow 2m^2 = l^2 + m^2 \Leftrightarrow m^2 = l^2 \Leftrightarrow m = l$  ou  $m = -l$   
 $\Leftrightarrow m = l$ ."

car  $m \geq 0$  et  $l \geq 0$

La rédaction suivante est suffisante mais lourde :

" $m = \sqrt{\frac{l^2+m^2}{2}} \Leftrightarrow m^2 = \frac{l^2+m^2}{2} \Leftrightarrow 2m^2 = l^2 + m^2 \Leftrightarrow m^2 = l^2 \Leftrightarrow m = l$  ou  $m = -l$

$\Leftrightarrow m = l$ . Or  $m = \sqrt{\frac{l^2+m^2}{2}}$  est vraie. Donc  $m = l$  est vraie."

car  $m \geq 0$  et  $l \geq 0$

Attention : Ne pas confondre une suite  $u = (u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  et un terme de la suite  $u_n$ .

Ceci est incorrect :

" $u_n$  est croissante", " $u_n$  est majorée", " $u_n$  converge"

Ceci est correct :

" $u$  est croissante", " $u$  est majorée", " $u$  converge"

Attention : l'équivalence  $a \leq b \Leftrightarrow a^2 \leq b^2$  est fausse en général.

Dans le cas  $a \geq 0$  et  $b \geq 0$ , cette équivalence est vraie

et doit être justifiée par " $\text{car } a \geq 0 \text{ et } b \geq 0$ ".

Par exemple :

" $\sqrt{ef} \leq \sqrt{\frac{e^2+f^2}{2}} \Leftrightarrow (\sqrt{ef})^2 \leq (\sqrt{\frac{e^2+f^2}{2}})^2$ ."

car  $\sqrt{ef} \geq 0$  et  $\sqrt{\frac{e^2+f^2}{2}} \geq 0$