

Attention : lorsqu'on rend une copie de devoir de math, on ne rend pas l'énoncé avec.

Attention à ne pas abuser du symbole " $\Leftrightarrow$ " ou " $\Rightarrow$ ".

Lorsqu'on fait une hypothèse ("On suppose"), les assertions qui s'en déduisent sont toutes vraies. On utilise ainsi le terme "donc" pour exprimer les déductions et non le symbole " $\Leftrightarrow$ " ou " $\Rightarrow$ ".

Par exemple ceci est correct :

Soit $n \in \llbracket 2, +\infty \llbracket$. Supposons $\mathcal{P}(n)$ vrai. Alors $5^n \geq 3^n + 4^n$ donc $5 \times 5^n \geq 5(4^n + 3^n)$ donc $5^{n+1} \geq 5 \times 4^n + 5 \times 3^n \geq 4 \times 4^n + 3 \times 3^n = 4^{n+1} + 3^{n+1}$.

Mais ceci est incorrect :

Soit $n \in \llbracket 2, +\infty \llbracket$. Supposons $\mathcal{P}(n)$ vrai. Alors $5^n \geq 3^n + 4 \Leftrightarrow 5 \times 5^n \geq 5(4^n + 3^n)$
 $\Leftrightarrow 5^{n+1} \geq 5 \times 4^n + 5 \times 3^n \geq 4 \times 4^n + 3 \times 3^n = 4^{n+1} + 3^{n+1}$.

Et ceci est également incorrect :

Soit $n \in \llbracket 2, +\infty \llbracket$. Supposons $\mathcal{P}(n)$ vrai. Alors $5^n \geq 3^n + 4 \Rightarrow 5 \times 5^n \geq 5(4^n + 3^n)$
 $\Rightarrow 5^{n+1} \geq 5 \times 4^n + 5 \times 3^n \geq 4 \times 4^n + 3 \times 3^n = 4^{n+1} + 3^{n+1}$.

Attention à ne pas confondre les connecteurs "et" et "ou"

Par exemple, ceci est correct :

$$x^2 \neq 1 \Leftrightarrow x \neq 1 \text{ et } x \neq -1$$

Mais ceci est incorrect :

$$x^2 \neq 1 \Leftrightarrow x \neq 1 \text{ ou } x \neq -1$$

Attention, la notation $(u(x))'$ est incorrecte, la notation $u'(x)$ est correcte.

Par exemple, ceci est incorrect :

$$...(ln(\frac{1}{2} + x^2))' = \frac{2x}{\frac{1}{2} + x^2} ...$$

Mais ceci est correct :

$$"... \text{ en posant } u(x) = ln(\frac{1}{2} + x^2), u'(x) = \frac{2x}{\frac{1}{2} + x^2} ..."$$

Attention : mieux vaut dériver $\frac{f}{g^n}$ comme un produit.

Par exemple :

$$f(x) = \frac{\sin(x)}{(x^2-1)^2} \dots \text{pour tout } x \in \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}, f(x) = \sin(x) \frac{1}{(x^2-1)^2}$$
$$f'(x) = \cos(x) \frac{1}{(x^2-1)^2} + \sin(x) \frac{(-2) \times 2x}{(x^2-1)^3} = \frac{\cos(x)}{(x^2-1)^2} - \frac{4x \sin(x)}{(x^2-1)^3} = \frac{(x^2-1)\cos(x) - 4x \sin(x)}{(x^2-1)^3}$$

Attention : ne pas confondre une fonction u et une image de cette fonction $u(x)$.

Par exemple, ceci est correct :

$$"f \text{ est dérivable}" \text{ et } "f'(x) \text{ est du même signe que } x^2 - 2x + 2"$$

Mais ceci est incorrect :

$$"f(x) \text{ est dérivable}" \text{ et } "f' \text{ est du même signe que } x^2 - 2x + 2"$$

Attention : si pour tout $x \in I$, $v(x) > 0$ on peut dire que $u(x)v(x)$ est de même signe que $u(x)$

si pour tout $x \in I$, $v(x) \geq 0$ on ne peut pas dire que $u(x)v(x)$ est de même signe que $v(x)$

Par exemple, ceci est correct :

$$\text{Pour tout } x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}, f'(x) = \frac{2x(x-1)-(x^2-2)}{(x-1)^2} = \frac{x^2-2x+2}{(x-1)^2} \text{ et } (x-1)^2 > 0$$

donc $f'(x)$ est du signe de $x^2 - 2x + 2$.

Mais ceci est incorrect :

$$\text{Pour tout } x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}, f'(x) = \frac{2x(x-1)-(x^2-2)}{(x-1)^2} = \frac{x^2-2x+2}{(x-1)^2} \text{ et } (x-1)^2 \geq 0$$

donc $f'(x)$ est du signe de $x^2 - 2x + 2$.

Ceci est correct :

$$(2-x^2)(1+x^2) \geq 0 \quad \underbrace{\Leftrightarrow}_{\text{car } 1+x^2 > 0} \quad 2-x^2 \geq 0$$

Mais ceci est incorrect :

$$(2-x^2)(1+x^2) \geq 0 \quad \underbrace{\Leftrightarrow}_{\text{car } 1+x^2 \geq 0} \quad 2-x^2 \geq 0$$

Attention à ne jamais oublier les quantificateurs.

Attention à ne pas se tromper d'ensemble lorsqu'on quantifie.

Par exemple ceci est correct :

$$\text{Pour tout } x \in \mathbb{R}^*, \frac{x-1}{x^2+3} = \frac{x}{x^2} \frac{1-\frac{1}{x}}{1+\frac{3}{x^2}} = \frac{1}{x} \frac{1-\frac{1}{x}}{1+\frac{3}{x^2}}.$$

Mais ceci est incorrect :

$$\text{Pour tout } x \in \mathbb{R}, \frac{x-1}{x^2+3} = \frac{x}{x^2} \frac{1-\frac{1}{x}}{1+\frac{3}{x^2}} = \frac{1}{x} \frac{1-\frac{1}{x}}{1+\frac{3}{x^2}}.$$

Attention, lorsqu'on étudie les racines et le signe d'un trinôme, il faut rédiger avec des phrases.

Par exemple :

" $-x^2 + 2x + 3$. $\Delta = 2^2 - 4 \times (-1) \times 3 = 4 + 12 = 16$. $\Delta > 0$ donc le trinôme admet deux racines distinctes $\frac{-2+\sqrt{16}}{-2} = \frac{-2+4}{-2} = -1$ et $\frac{-2-\sqrt{16}}{-2} = \frac{-2-4}{-2} = 3$. Le trinôme prend ses valeurs positives entre les racines car le coefficient de x^2 est négatif."

" $x^2 - 2x + 2$. Le trinôme $x^2 - 2x + 2$ n'a pas de racine réelle ($\Delta = (-2)^2 - 4 \times 2 = 4 - 8 = -4$) donc ses valeurs sont du signe du coefficient de x^2 donc strictement positives."

Attention :

La courbe ne doit pas superposer une droite asymptote mais seulement s'en approcher.

Il faut tracer les vecteurs du repère avec des flèches, mais pas de flèches au bout des axes.