

Attention, pour calculer  $\int \frac{-2}{3x} dx$  il faut procéder ainsi : " $\int \frac{-2}{3x} dx = \frac{-2}{3} \int \frac{1}{x} dx = \frac{-2}{3} \ln(x) + c^{te}$ " mais il ne faut pas procéder ainsi " $\int \frac{-2}{3x} dx = \frac{-2}{3} \int \frac{3}{3x} dx = \frac{-2}{3} \ln(3x) + c^{te}$ " car ceci est compliqué.

Attention à ne jamais oublier les parenthèses et ainsi éviter les erreurs de signes.

Par exemple,

Ceci est correct : " $a - (b - c) = a - b + c$ "

Mais ceci est incorrect : " $a - (b - c) = a - b - c$ "

car l'oubli des parenthèses entraîne une erreur de signe.

Ainsi le calcul qui suit est correct :

$$\begin{aligned} & \int \exp(2x)(x^2 + 3x + 2) dx = \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \int \frac{1}{2} e^{2x}(2x + 3) dx \\ &= \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \left( \frac{1}{4} e^{2x}(2x + 3) - \int \frac{1}{4} e^{2x} \times 2 dx \right) \\ &= \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4} e^{2x}(2x + 3) + \int \frac{1}{2} e^{2x} dx \\ &= \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4} e^{2x}(2x + 3) + \frac{1}{4} e^{2x} + c^{te} \\ &= e^{2x} \left( \frac{1}{2} x^2 + x + \frac{1}{2} \right) + c^{te} \end{aligned}$$

Mais le calcul qui suit est incorrect :

$$\begin{aligned} & \int \exp(2x)(x^2 + 3x + 2) dx = \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \int \frac{1}{2} e^{2x}(2x + 3) dx \\ &= \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4} e^{2x}(2x + 3) - \int \frac{1}{4} e^{2x} \times 2 dx \\ &= \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4} e^{2x}(2x + 3) - \int \frac{1}{2} e^{2x} dx \\ &= \frac{1}{2} e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4} e^{2x}(2x + 3) - \frac{1}{4} e^{2x} + c^{te} \\ &= e^{2x} \left( \frac{1}{2} x^2 + x \right) + c^{te} \end{aligned}$$

car l'oubli des parenthèses entraîne une erreur de signe puis un résultat faussé.

Attention : si un trinôme  $ax^2 + bx + c$  a pour racines  $r_1$  et  $r_2$  alors sa forme factorisée est  $a(x - r_1)(x - r_2)$  et non pas  $(x - r_1)(x - r_2)$  (ne pas oublier le  $a$ ).

Par exemple,  $-\frac{1}{2}y^2 + 2y + \frac{5}{2}$  a pour racines  $-1$  et  $5$  donc sa forme factorisée est  $-\frac{1}{2}(y + 1)(y - 5)$  et non pas  $(y + 1)(y - 5)$  (ne pas oublier le  $-\frac{1}{2}$ ).