

Attention, pour calculer $\int \frac{-2}{3x} dx$ il faut procéder ainsi : " $\int \frac{-2}{3x} dx = \frac{-2}{3} \int \frac{1}{x} dx = \frac{-2}{3} \ln(x) + c^{te}$ " mais il ne faut pas procéder ainsi " $\int \frac{-2}{3x} dx = \frac{-2}{3} \int \frac{3}{x} dx = \frac{-2}{3} \ln(3x) + c^{te}$ " car ceci est compliqué.

Attention à ne jamais oublier les parenthèses et ainsi éviter les erreurs de signes.

Par exemple,

Ceci est correct : " $a - (b - c) = a - b + c$ "

Mais ceci est incorrect : " $a - (b - c) = a - b - c$ "

car l'oubli des parenthèses entraîne une erreur de signe.

Ainsi le calcul qui suit est correct :

$$\begin{aligned} & \int \exp(2x)(x^2 + 3x + 2)dx = \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \int \frac{1}{2}e^{2x}(2x + 3)dx \\ &= \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - (\frac{1}{4}e^{2x}(2x + 3) - \int \frac{1}{4}e^{2x} \times 2dx) \\ &= \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4}e^{2x}(2x + 3) + \int \frac{1}{2}e^{2x}dx \\ &= \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4}e^{2x}(2x + 3) + \frac{1}{4}e^{2x} + c^{te} \\ &= e^{2x}(\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{1}{2}) + c^{te} \end{aligned}$$

Mais le calcul qui suit est incorrect :

$$\begin{aligned} & \int \exp(2x)(x^2 + 3x + 2)dx = \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \int \frac{1}{2}e^{2x}(2x + 3)dx \\ &= \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4}e^{2x}(2x + 3) - \int \frac{1}{4}e^{2x} \times 2dx \\ &= \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4}e^{2x}(2x + 3) - \int \frac{1}{2}e^{2x}dx \\ &= \frac{1}{2}e^{2x}(x^2 + 3x + 2) - \frac{1}{4}e^{2x}(2x + 3) - \frac{1}{4}e^{2x} + c^{te} \\ &= e^{2x}(\frac{1}{2}x^2 + x) + c^{te} \end{aligned}$$

car l'oubli des parenthèses entraîne une erreur de signe puis un résultat faussé.

Attention : si un trinôme $ax^2 + bx + c$ a pour racines r_1 et r_2 alors sa forme factorisée est $a(x - r_1)(x - r_2)$ et non pas $(x - r_1)(x - r_2)$ (ne pas oublier le a).

Par exemple, $-\frac{1}{2}y^2 + 2y + \frac{5}{2}$ a pour racines -1 et 5 donc sa forme factorisée est $-\frac{1}{2}(y + 1)(y - 5)$ et non pas $(y + 1)(y - 5)$ (ne pas oublier le $-\frac{1}{2}$).