TD nº 7 de Physique Électricité - Régime sinusoïdal forcé

Applications directes du cours

1 Calculs complexes

1. Déterminer le signal temporel $u_1(t)$ associé à l'amplitude complexe

$$\underline{U_1} = \frac{3+9\,\mathrm{j}}{(1+2\,\mathrm{j})^2} + 2\,\mathrm{j}$$

2. Déterminer l'amplitude complexe $\underline{U_2}$ correspondant au signal

$$u_2(t) = 3\cos(\omega t) + 4\cos(\omega t + 0.5)$$

 $3. \ x$ et Q sont réels positifs. Déterminer le module et l'argument des quantités

$$\frac{1}{1-x^2+\mathrm{j}\,\frac{x}{Q}} \qquad \frac{\mathrm{j}\,Q\,x}{1+\mathrm{j}\,Q\left(x-\frac{1}{x}\right)} \qquad \frac{1}{1+\mathrm{j}\,Q\left(x-\frac{1}{x}\right)}$$

2 Dipôles R, L série ou parallèle

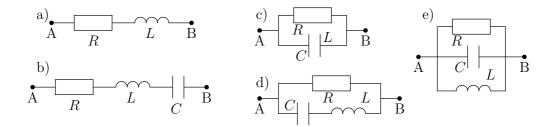
Soit le dipôle AB constitué d'une résistance R et d'une bobine d'inductance L associées en parallèle, le dipôle A'B' constitué d'une résistance R' et d'une bobine d'inductance L' associées en série. Ces deux dipôles sont soumis à une même tension sinusoïdale de pulsation ω .

Déterminer R' et L' en fonction de R, L et ω pour que, à la pulsation ω , ces deux dipôles soient équivalents. Quelle est alors la pulsation ω_0 pour laquelle on a $\frac{R'}{L'} = \frac{R}{L}$? Calculer ω_0 pour $R = 1,0 \cdot 10^2 \,\Omega$ et $L = 1,0 \cdot 10^{-2} \,\mathrm{H}$.

3 Association de dipôles

Tous les composants ci-dessous sont considérés idéaux. Déterminer, lorsque l'on impose une tension $u_{AB}(t)$ sinusoïdale de pulsation ω , pour chacun des schémas présentés :

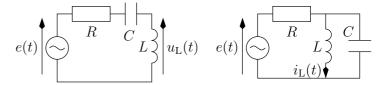
- l'impédance et l'admittance complexes équivalentes entre les points A et B
- le module de ces impédances et admittances
- le déphasage de la tension par rapport au courant (en convention récepteur)



Exercices

1 Résolution de circuits électriques \star

Dans les deux circuits ci-contre, le générateur délivre une tension alternative e(t) d'amplitude Eet de pulsation ω . On choisit l'origine des temps de sorte que la phase initiale de e(t) soit nulle.

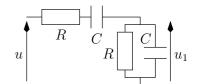


- 1. Dans le premier circuit, déterminer à l'aide de schémas équivalents la tension $u_L(t)$ aux bornes de la bobine, dans les cas limite où $\omega \to 0$ et $\omega \to \infty$.
- 2. Exprimer la tension $u_{\rm L}(t)$ en régime permanent. Est-elle en avance ou en retard par rapport à e(t)?
- 3. A.N. : On donne $E=10\,\mathrm{V},\,R=1\,\mathrm{k}\Omega,\,L=0.1\,\mathrm{H}$ et $C=1\,\mathrm{\mu}\mathrm{F}.$ Calculer l'amplitude et la phase du signal $u_\mathrm{L}(t)$, pour une fréquence f de e(t) égale à 250 Hz puis à 5 kHz.

Effectuer le même travail pour le deuxième circuit, en considérant $i_{\rm L}(t)$ à la place de $u_{\rm L}(t)$.

2 Notation complexe pour l'établissement d'une équation différentielle **

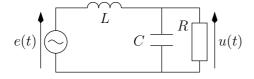
On considère le circuit ci-contre, alimenté par une tension u(t) sinusoïdale de pulsation ω . On posera $\omega_0 = \frac{1}{RC}$.

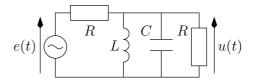


- 1. Déterminer le rapport $\frac{u_1}{\overline{u}}$ en régime permanent, en fonction de ω et ω_0 .
- 2. En déduire l'équation différentielle qui relie les quantités u(t) et $u_1(t)$.
- 3. Retrouver cette équation différentielle sans utiliser l'outil complexe. Comparer et conclure... Entraînement : changer un des condensateurs en bobine, puis l'autre, puis les deux.

3 Calcul et représentation de tension **

Soient les deux circuits ci-dessous, dans lesquels $e(t) = E \cos(\omega t)$:





Pour chaque circuit,

- 1. Dessiner l'équivalent complexe du circuit.
- 2. Déterminer l'expression de l'amplitude complexe U associée à u(t).
- 3. Exprimer le module et l'argument de \underline{U} en fonction de ω .
- 4. Déterminer la pulsation de résonance.
- 5. Tracer l'évolution du module et de l'argument de \underline{U} en fonction de ω .

4 Équation différentielle et comportement basse fréquence **

On reprend les deux circuits de l'exercice 3. Pour chacun des deux :

- 1. Déterminer l'équation différentielle régissant l'évolution de u(t).
- 2. À l'aide d'un schéma équivalent, exprimer u(t) en basses fréquences.
- 3. Comment peut-on lier les résultats des deux questions précédentes?