Activité 10.A.1 : Système linéaire

On considère les trois systèmes suivants :

$$(S_1): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ x + 5y = 3 \end{cases}$$
 $(S_2): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = -2 \end{cases}$ $(S_3): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = -3 \end{cases}$

- 1) a) Résoudre le système (S₁) par substitution puis par combinaison linéaire.
- b) On pose les droites d'équation :

$$(d_1)$$
: $2x + 3y + 1 = 0$ et (d_2) : $x + 5y = 3$

Tracer (d_1) et (d_2) puis retrouver graphiquement le résultat de la question 1).

- 2) Par la méthode de votre choix déterminer le nombre de solutions de (S₂) et de (S₃).
- 3) Déterminer une condition nécessaire et suffisante pour qu'un système deux équations deux inconnues : $(S): \begin{cases} ax + by = z \\ cx + dy = z' \end{cases}$

(S):
$$\begin{cases} ax + by = z \\ cx + dy = z' \end{cases}$$

Admettent une et une seule solution (x,y).

Activité 10.A.1 : Système linéaire

On considère les trois systèmes suivants

$$(S_1): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ x + 5y = 3 \end{cases}$$
 $(S_2): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = -2 \end{cases}$ $(S_3): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = -3 \end{cases}$

- 1) a) Résoudre le système (S₁) par substitution puis par combinaison linéaire.
- b) On pose les droites d'équation :

$$(d_1)$$
: $2x + 3y + 1 = 0$ et (d_2) : $x + 5y = 3$

Tracer (d_1) et (d_2) puis retrouver graphiquement le résultat de la question 1).

- 2) Par la méthode de votre choix déterminer le nombre de solutions de (S_2) et de (S_3) .
- 3) Déterminer une condition nécessaire et suffisante pour qu'un système deux équations deux inconnues :

(S):
$$\begin{cases} ax + by = z \\ cx + dy = z' \end{cases}$$

Admettent une et une seule solution (x,y).

Activité 10.A.1 : Système linéaire

On considère les trois systèmes suivant

systèmes suivants :
$$(S_1): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ x + 5y = 3 \end{cases} \qquad (S_2): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = -2 \end{cases} \qquad (S_3): \begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = -3 \end{cases}$$

- 1) a) Résoudre le système (S₁) par substitution puis par combinaison linéaire.
- b) On pose les droites d'équation :

$$(d_1)$$
: $2x + 3y + 1 = 0$ et (d_2) : $x + 5y = 3$

Tracer (d_1) et (d_2) puis retrouver graphiquement le résultat de la question 1).

- 2) Par la méthode de votre choix déterminer le nombre de solutions de (S₂) et de (S₃).
- 3) Déterminer une condition nécessaire et suffisante pour qu'un système deux équations deux inconnues :

(S):
$$\begin{cases} ax + by = z \\ cx + dy = z' \end{cases}$$

Admettent une et une seule solution (x,y).