
Programme des colles du 23/09 au 27/09

1. Rappels et compléments d'analyse.

— Equations du second degré :

(a) Forme canonique

(b) Résolution de l'équation dans \mathbb{R}

(c) Exemples d'équations symétriques du 4ème degré

— Valeur absolue : deux définitions, par disjonction de cas selon le signe ou par

$$|x| = \max(x, -x).$$

— Interprétation géométrique de la valeur absolue $|y - x|$ en termes de distance et application à la résolution d'équations ou inéquations simples avec valeur absolue.

— Equations et inéquations avec valeur absolue en général.

— Inégalité triangulaire :

—

$$\forall x, y \in \mathbb{R}, |x + y| \leq |x| + |y|$$

—

$$\forall x, y \in \mathbb{R}, ||x| - |y|| \leq |x + y|$$

— Si $x_1, x_2, \dots, x_n \in \mathbb{R}$, alors :

$$\left| \sum_{k=0}^n x_k \right| \leq \sum_{k=0}^n |x_k|$$

— Fonction partie entière.

— Fonctions associées, pour $a \in \mathbb{R}$, savoir comment déduire du graphe \mathcal{C}_f de $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, celui \mathcal{C}_g de :— $g : x \mapsto f(x) + a$ — $g : x \mapsto f(x + a)$ — $g : x \mapsto af(x)$ — $g : x \mapsto f(ax)$ — Fonctions paires, impaires, périodiques définies sur \mathbb{R} .

— Dérivation

— **Définition de la dérivée d'une fonction en un point, tangente à la courbe : savoir refaire le schéma explicatif**

— Dérivation d'une combinaison linéaire, d'un produit, d'une composée, de l'inverse et d'un quotient de fonctions dérivables.

— Limites : cas d'une fonction rationnelle en $+\infty$ ou $-\infty$.

— Méthode de la quantité conjuguée pour lever certaines indéterminations de limites.

— Bijections : définition d'une bijection, et de la bijection réciproque.

— **Dérivabilité de la bijection réciproque f^{-1} en le point $x \in J$ dans le cas où $f : I \rightarrow J$ est une bijection dérivable en le point $f^{-1}(x)$. f^{-1} est dérivable en x si et seulement si $f'(f^{-1}(x)) \neq 0$. Si c'est le cas, on a alors :**

$$(f^{-1})'(x) = \frac{1}{f'(f^{-1}(x))}.$$

Représenter une fonction bijective et sa réciproque pour illustrer tout ceci à l'aide de la symétrie par rapport à la droite $y = x$ en précisant le lien entre dérivée en un point et tangente en un point, ainsi que le lien entre le coefficient directeur d'une droite donnée et de sa symétrique par rapport à $y = x$

2. Fonctions usuelles

— Logarithme défini comme la primitive de l'inverse sur \mathbb{R}_+^* qui s'annule en 1.— **Propriétés du logarithme : logarithme d'un produit, de l'inverse, d'un quotient à connaître et savoir démontrer.**

— Exponentielle.