

**CHAPITRE 5: Circuits linéaires du premier ordre**

Point Maths

Dans ce chapitre nous serons amené à résoudre des **équations différentielles linéaires du premier ordre à coefficients constants et second membre constant**.

( de la forme  $y' = a y + b$  avec  $(a, b) \in \mathbb{R}^2$  )

**Rappel**

Soit  $(a, b) \in \mathbb{R}^2$  avec  $a \neq 0$ . Les solutions de l'équation différentielle  $y' + a y = b$  (1) sont les fonctions de la forme :

$$x \rightarrow \lambda e^{-ax} + \frac{b}{a}, \lambda \in \mathbb{R} .$$

Méthode de résolution:

Équation **homogène** associée à (1) :  $y' = a y$  (H)

Forme de la solution générale de (H):  $y_H(x) = \lambda e^{-ax}, \lambda \in \mathbb{R} .$

**Solution particulière** de l'équation différentielle (1) (on choisit une constante) :  $y'_p = 0 \Rightarrow ay_p = b \Rightarrow y_p = \frac{b}{a}$

Par superposition, les solutions de l'équation différentielle (1) sont de la forme :  $y(x) = y_H(x) + y_p(x)$

Remarque notation

En physique on dérive **par rapport à une grandeur physique**. Dans ce chapitre on dérivera par rapport au temps on écrira l'équation différentielle (1) sous la forme :

$$\frac{dy}{dt} + a y(t) = b$$

Les solutions seront sous la forme :  $y(t) = \lambda e^{-at} + \frac{b}{a}, \lambda \in \mathbb{R} .$

Solution unique vérifiant la condition initiale

Il existe une unique solution qui correspond au système physique étudié, pour trouver cette solution il faut déterminer  $\lambda$ .

On trouve  $\lambda$  grâce à une condition initiale connue **a priori** sur la grandeur physique étudiée  $y(t=0) = y_0$

$$y(t=0) = y_0 \Rightarrow \lambda + \frac{b}{a} = y_0 \Rightarrow \lambda = y_0 - \frac{b}{a} \text{ au final : } y(t) = y_0 e^{-at} + \frac{b}{a} (1 - e^{-at})$$

Remarque voc :

Un **circuit linéaire du premier ordre** est un circuit électrique dont une grandeur électrique ( tension aux bornes d'un dipôle ou intensité du courant traversant un dipôle ) vérifie une équation différentielle linéaire du premier ordre. C'est le sujet de ce chapitre.

I Circuit RC

1.1 Réalisation expérimentale

a) Schéma du montage

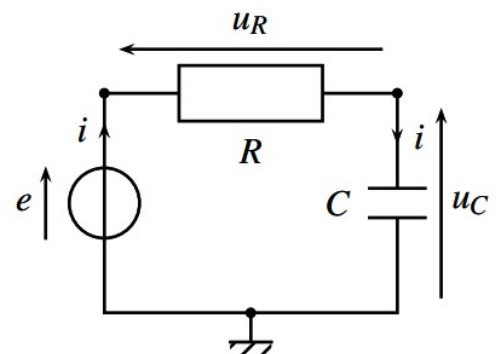
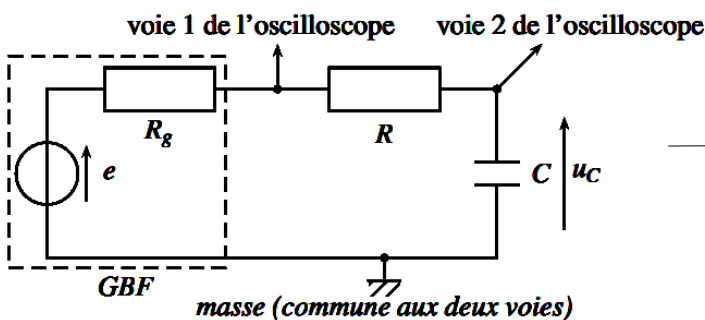
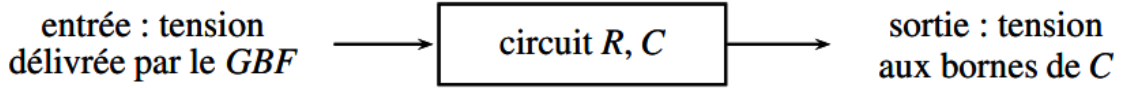


Schéma simplifié du montage

valable si  $R_g \ll R$

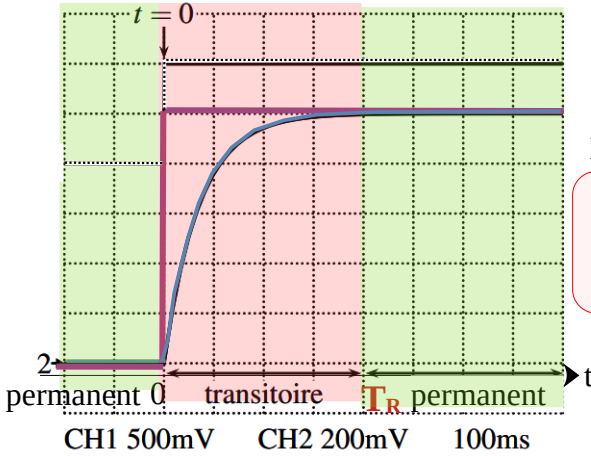
- On génère un **échelon de tension** avec le GBF (voir cours CH03) que l'on observe sur la **voie 1**.
- On observe simultanément la tension aux bornes du condensateur qui constitue le signal de sortie.



**Rmq Voc**

- Le signal de sortie est appelé **la réponse du circuit constitué de la résistance R et du condensateur de capacité C**.
- Ce signal est nommé **réponse indicielle** lorsque le signal d'entrée est un **échelon de tension**

**b) Observations**



- La tension de sortie (**voie 2**) n'est pas instantanément égale à la tension d'entrée (**voie 1**)  
*e(t) est discontinue mais u<sub>c</sub>(t) doit forcément être continue*

**Rmq Voc :**

- On appelle **régime permanent (ou établi)** le fonctionnement du circuit où **les propriétés des intensités et des tensions ne varient pas au cours du temps**.
- Un régime stationnaire est un régime permanent.
- Un régime sinusoïdal  $s(t) = A \cos(\omega t + \phi)$  est un régime permanent si l'amplitude, la phase initiale et la pulsation ne varient pas au cours du temps.

- On appelle **régime transitoire** l'intervalle de temps durant lequel on passe d'un régime permanent à un autre. C'est ce régime que nous étudierons dans ce chapitre

On remarque sur l'évolution de la réponse (**voie 2**) deux régimes :

- le régime régime permanent (dans ce cas stationnaire) pour lequel la sortie est constante et égale à l'entrée. C'est le cas pour  $t < 0$  car  $u_c(t) = e(t) = 0$  et à partir d'un certain temps  $T_R$  car  $u_c(t) = e(t) = 1$  V
- le régime transitoire, entre l'instant initial et le début du régime permanent. La durée de ce régime transitoire s'appelle **temps de réponse du circuit** noté  $T_R$

**1.2) Réponse temporelle d'un circuit RC à un échelon de tension**

**a) Équation différentielle vérifiée par  $u_c(t)$  (À Savoir retrouver)**

- La loi des mailles impose :  $e(t) = u_R(t) + u_c(t)$  (1)
- En utilisant la loi d'ohm pour le résistor on a :  $u_R(t) = R i(t)$  (2)
- En utilisant la relation tension-courant pour C en convention récepteur :  $i(t) = C \frac{du_c}{dt}(t)$  (3)

En injectant (3) dans (2) :  $u_R(t) = RC \frac{du_c}{dt}(t)$

On peut réécrire la loi des mailles en fonction de e(t) et u<sub>c</sub>(t) :  $e(t) = RC \frac{du_c}{dt}(t) + u_c(t)$  (\*)

*Une telle relation est une équation différentielle d'ordre un, car elle contient u<sub>c</sub>(t) et sa dérivée première.*

On sait **presque** la résoudre... Problème e(t) est une fonction discontinue en 0 !

**On va résoudre (\*) seulement pour t > 0.** Dans ce cas on a (\*) qui devient :  $E_0 = RC \frac{du_c}{dt}(t) + u_c(t)$

Rappel :  $[RC] = T$  on pose  $\tau = RC$

$\tau = RC$  est appelé **temps caractéristique** du régime transitoire d'un circuit RC 

on peut réécrire l'équation différentielle (\*) :  $\frac{E_0}{\tau} = \frac{du_c}{dt}(t) + \frac{1}{\tau} u_c(t)$  

### b) Résolution

On reconnaît une équation différentielle linéaire d'ordre 1 à coefficients constants, les solutions sont de la forme :

$$u_c(t) = \lambda e^{-\frac{t}{\tau}} + E_0 \quad (\text{voir méthode dans le point math})$$

On détermine  $\lambda$  grâce à la condition initiale.

### Remarque notation :

Comme l'équation différentielle (\*) n'est vraie que pour  $t > 0$ , la condition initiale **ne peut pas** correspondre à l'instant  $t = 0$  s

Dans ce cas la condition initiale correspondra à l'instant  $t = 0^+$  s tel que  $0^+ = \lim_{t \rightarrow 0 \text{ par valeurs supérieures}} t$

### Comment trouver une grandeur électrique à l'instant $t = 0^+$ ?

#### - Étape 1 :

En général à l'instant  $t = 0^-$  le régime permanent stationnaire est établi depuis longtemps, on peut facilement trouver les grandeurs électriques à l'instant  $t = 0^-$  en écrivant la **loi des mailles** et **en simplifiant les dipôles L et C par leurs équivalents en régime stationnaire**.

#### - Étape 2 :

On détermine par continuité entre  $t = 0^-$  et  $t = 0^+$  **certaines grandeurs** qui sont forcément continues :

$$\text{- On aura toujours à travers une bobine } i_L(t = 0^+) = i_L(t = 0^-)$$

Car l'intensité du courant traversant une bobine est une grandeur continue (explication à la fin du chap 04, **continuité de l'énergie stockée dans la bobine**)

$$\text{- On aura toujours aux bornes d'un condensateur } u_c(t = 0^+) = u_c(t = 0^-)$$

Car la tension aux bornes d'un condensateur est une grandeur continue (**continuité de l'énergie stockée dans C**)

#### - Étape 3 (si nécessaire)

On détermine les autres grandeurs à l'instant  $t = 0^+$  en écrivant la loi des nœuds et/ou des mailles.

### Application au cas étudié

#### - étape 1 :

à  $t = 0^-$  le régime permanent est établi depuis longtemps (la tension du générateur est nulle depuis longtemps) comme le condensateur est équivalent à un interrupteur ouvert,  $i(0^-) = 0$  on en déduit que la tension aux bornes de R est nulle, et par la loi des mailles la tension aux bornes du condensateur est nulle aussi  $u_c(0^-) = 0$  V  
remarque : en exercices l'énoncé précise souvent « le condensateur est déchargé à  $t = 0^-$  » on peut directement en déduire que  $u_c(0^-) = 0$  V

#### - étape 2 :

**Comme la tension aux bornes d'un condensateur est une grandeur continue**, il faut nécessairement :  
 $u_c(t = 0^+) = u_c(t = 0^-)$  on en déduit la condition initiale  $u_c(t = 0^+) = 0$  V

#### - étape 3 : pas nécessaire ici.

On peut maintenant trouver la solution unique vérifiant la condition déterminer  $u_c(t)$

$$u_c(t = 0^+) = \lambda e^{-0} + E_0 = 0 \Rightarrow \lambda = -E_0$$

$$\text{finalement } u_c(t) = -E_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + E_0 \Rightarrow u_c(t) = E_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{♥}$$

**c) Durée du régime transitoire**

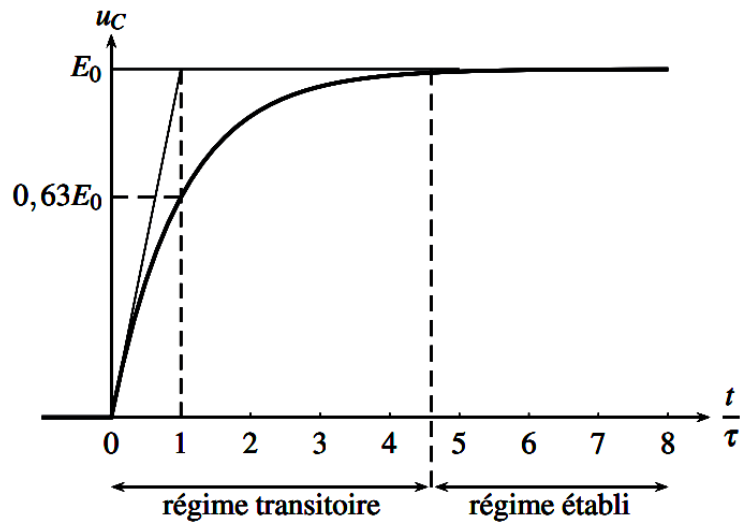
Le régime transitoire se termine lorsque  $t = T_R$   
 on considère qu'alors  $u_c(t=T_R) = 0,99E_0$

Comme  $u_c(t=T_R) = E_0(1 - e^{-\frac{T_R}{\tau}})$

on en déduit  $E_0(1 - e^{-\frac{T_R}{\tau}}) = 0,99 E_0 \Rightarrow 0,01 E_0 = E_0 e^{-\frac{T_R}{\tau}}$

$T_R \approx 5\tau$   $\ln(0,01) = -\frac{T_R}{\tau} \Rightarrow T_R = -\ln(0,01)\tau$

**Le régime permanent est atteint au bout de  $5\tau$**



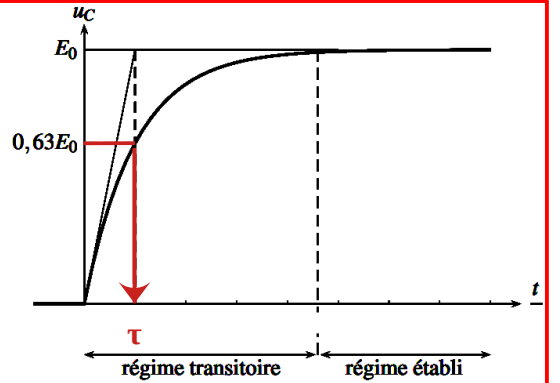
**d) Comment déterminer  $\tau$  ?**

- **Méthode 1 :** on connaît R et C , on calcule  $\tau = RC$

- **Méthode 2 :** valeur de la tension à  $t = \tau$

$u_c(t = \tau) = E_0(1 - e^{-1}) = 0,63 E_0$

**Ainsi :  $\tau$  est la date pour laquelle  $u_c = 0,63 E_0$**



- **Méthode 3 :** tangente à l'instant initial.

Rappel

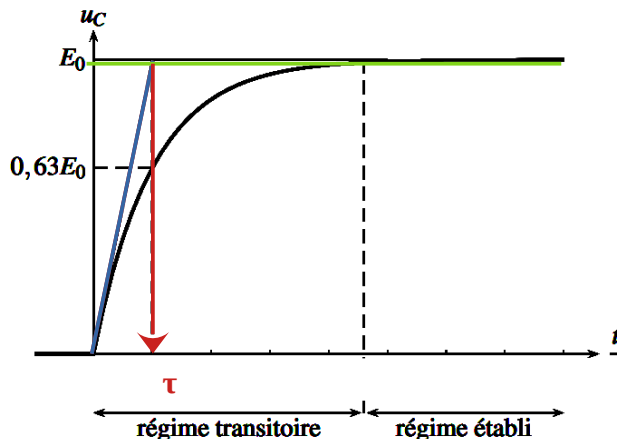
la droite tangente à la fonction f en  $x_0$  a pour équation  $y(x) \approx \frac{df}{dx}(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$

Ainsi la tangente à la  $u_c$  à l'instant  $t = 0^+$  a pour équation  $y(t) = \frac{du_c}{dt}(0^+)(t - 0) + u_c(0^+)$

or  $\frac{du_c}{dt} = \frac{1}{\tau} E_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{du_c}{dt}(0^+) = \frac{E_0}{\tau}$  et  $u_c(0^+) = 0$  ainsi  $y(t) = \frac{E_0}{\tau} t$

**On remarque que lorsque  $t = \tau$  on a  $y(\tau) = E_0$**

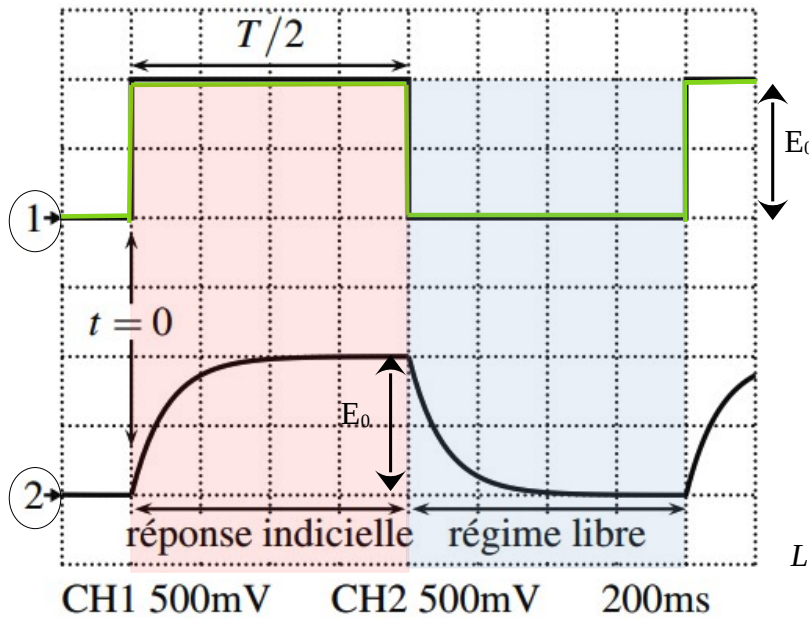
la tangente à  $u_c$  en  $0^+$  coupe donc la droite horizontale d'équation  $g = E_0$  à la date  $\tau$



**I.3) Réponse temporelle d'un circuit RC en régime libre**

**a) Observations expérimentales**

Lorsque le GBF fournit une **tension crêteau** de période T valant  $E_0$  sur une demi-période et 0 sur l'autre, on observe à l'oscilloscope les signaux  $e(t)$  et  $u_c(t)$  :

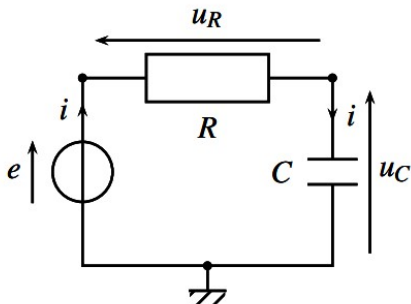


**Voie 1 :**  
Signal crêteau  
delivrée par le  
GBF

**Voie 2 :**  
Réponse  $u_c(t)$

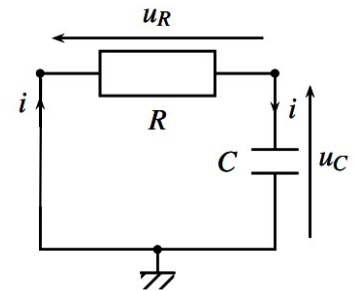
Les signaux ont été décalés par souci de visibilité.  
Les symboles 1 → et 2 → indique ou se situe l'ordonnée nulle ( tension = 0 V) pour chacune des voies

Schéma équivalent du circuit en régime libre :



circuit étudié

pour  $\frac{T}{2} < t < T$  on a  $e(t) = 0 \Rightarrow$



circuit équivalent pour  $\frac{T}{2} < t < T$  (en régime libre)

**Remarque voc :**

On parle de **régime libre** lorsque le condensateur **préalablement chargé** se décharge en transférant l'énergie qu'il a stockée dans un résistor **en l'absence de générateur**.  
Cette énergie est alors dissipée dans le résistor par effet Joule

**b) Équation différentielle vérifiée par  $u_c(t)$  en régime libre**

On a toujours  $e(t) = RC \frac{du_c}{dt}(t) + u_c(t)$

Comme  $e(t) = 0$  en régime libre  $RC \frac{du_c}{dt}(t) + u_c(t) = 0 \Rightarrow \frac{du_c}{dt}(t) + \frac{1}{\tau} u_c(t) = 0$

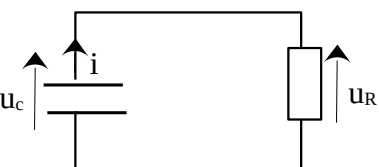
autre cas classique équivalent

Loi des mailles :  $u_c(t) = u_R(t)$

Relation tension courant pour C (ici en conv généré ! )  $i(t) = -C \frac{du_c}{dt}$

Loi d'ohm en conv récécé :  $u_R = Ri(t) = R(-C \frac{du_c}{dt})$

La loi des maille donne aussi :  $u_c(t) = -RC \frac{du_c}{dt} \Leftrightarrow \frac{du_c}{dt}(t) + \frac{1}{\tau} u_c(t) = 0$



**c) Résolution (à savoir faire!)**

Cette équation différentielle est homogène. **Les solutions**, sont donc :

$$u_c(t) = \lambda e^{\frac{-t}{RC}} = \lambda e^{\frac{-t}{\tau}}$$

La constante  $\lambda$  se calcule avec la condition initiale de ce régime, c'est à dire la valeur de  $u_c(\frac{T}{2}^+)$  *immédiatement après le changement de valeur de  $e(t)$ .*

- **Utilisation de la condition initiale pour trouver  $\lambda$  :**

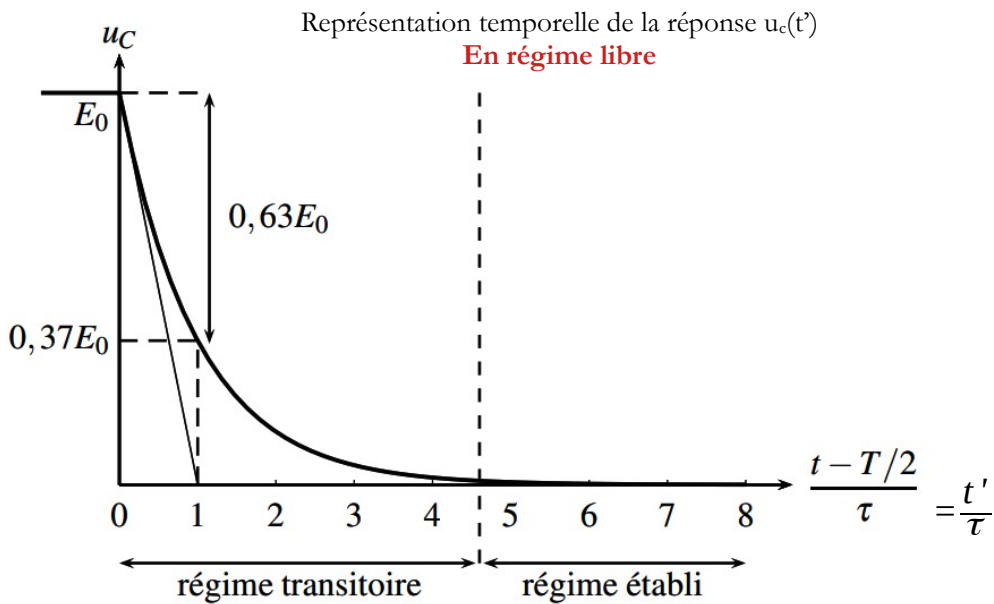
La tension aux bornes du condensateur étant continue :  $u_c(\frac{T}{2}^+) = u_c(\frac{T}{2}^-) = E_0$

$$\text{On en déduit } \lambda : u_c(\frac{T}{2}^+) = \lambda e^{\frac{-T}{2\tau}} = E_0 \Rightarrow \lambda = \frac{E_0}{e^{\frac{-T}{2\tau}}} = E_0 e^{\frac{T}{2\tau}}$$

$$\text{ainsi } u_c(t) = (E_0 e^{\frac{T}{2\tau}}) e^{\frac{-t}{\tau}} = E_0 e^{\frac{T}{2\tau} - \frac{t}{\tau}} = E_0 e^{\frac{-(t - \frac{T}{2})}{\tau}}$$

Si on pose  $t' = t - \frac{T}{2}$  on a donc la solution unique qui s'écrit :

$$u_c(t') = E_0 e^{\frac{-t'}{\tau}}$$

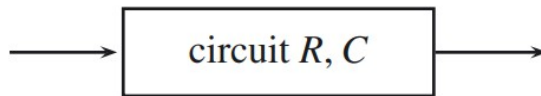


Rmq : parfois, le condensateur commence la décharge à  $t=0$ , on a alors directement  $u_c(0) = E_0$

**I.4) Évolution de l'intensité (ou de la tension  $u_R$ ) pour une réponse indicielle (échelon)**

Nous étudions un circuit similaire à celui du I.1) sauf que la **sortie est différente**

Entrée : tension échelon  
délivrée par le GBF



sortie : tension  
aux bornes de R

**-Rmq :** étudier la tension  $u_R(t)$  revient à étudiée  $i(t)$  car les deux grandeurs sont reliées par une relation de proportionnalité d'après la loi d'Ohm  $u_R(t) = R i(t)$

**a) Équation différentielle vérifiée par  $u_R(t)$**

Pour établir l'équation différentielle, on applique la loi des mailles :

$$e(t) = u_C(t) + u_R(t).$$

pour  $t > 0$   $E_0 = u_C(t) + u_R(t)$

On veut avoir une équation différentielle sur  $u_R$ . On va donc dériver la loi des mailles pour faire apparaître la dérivée première de  $u_R(t)$  :

$$\frac{de}{dt}(t) = \frac{du_C}{dt}(t) + \frac{du_R}{dt}(t) \Rightarrow \frac{de}{dt}(t) = \frac{u_R(t)}{RC} + \frac{du_R}{dt}(t)$$

D'après la relation tension-courant aux bornes d'un condensateur en convention récepteur :

$$i(t) = C \frac{du_C}{dt}(t) \quad \text{et d'après la loi d'Ohm dans le résistor} \quad i(t) = \frac{u_R(t)}{R}$$

on a donc :  $\frac{u_R(t)}{RC} = -\frac{du_R}{dt}(t)$  et comme  $u_R(t) = Ri(t)$  on aussi  $\frac{i(t)}{RC} = -\frac{di}{dt}(t) \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i(t) = 0$

**b) Résolution**

Les solutions sont de la forme  $i(t) = \lambda e^{-\frac{t}{\tau}}$  avec  $\tau = RC$

Remarque importante :  $i(t)$  traversant le condensateur n'a aucune raison d'être une grandeur continue dans ce circuit. (contrairement à la tension aux bornes du condensateur qui doit être continue par continuité de l'énergie stockée)

Continuité de l'énergie stockée dans C donc on

a :  $u_C(0^+) = u_C(0^-) = 0$

La loi des mailles à l'instant  $t = 0^+$  s'écrit :  $e(0^+)$

$= u_R(0^+) + 0$

or  $e(0^+) = E_0$  donc  $u_R(0^+) = E_0$ .

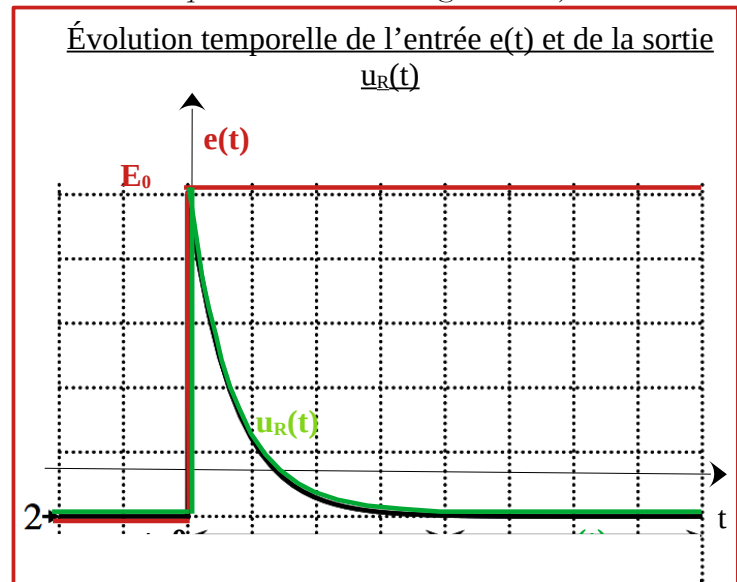
Ainsi d'après la loi d'Ohm dans R :

$$i(0^+) = \frac{E_0}{R}$$

$$i(0^+) = \lambda e^0 = \frac{E_0}{R} \quad \text{donc} \quad i(t) = \frac{E_0}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{pour } t > 0$$

D'après la loi d'ohm  $u_R(t) = E_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$  pour  $t > 0$

Rmq :  $i(0) = 0$  donc  $i$  est discontinue



**I.5) Aspect énergétique**

**a) Bilan de puissance**

D'après la loi des mailles  $e(t) = u_R(t) + u_C(t)$

en multipliant par l'intensité du courant :

$$e(t)i(t) = u_R(t)i(t) + u_C(t)i(t)$$

$$P_{GBF}(t) = P_R(t) + P_C(t)$$

Méthode classique pour bilan de puissance :  
loi des mailles  $\times$  intensité

Cette égalité met en jeu différentes puissances (le produit d'une tension par une intensité est une puissance) :  
 $P_{GBF}(t) = e(t)i(t)$  la puissance instantanée cédée par le GBF au circuit à l'instant t

$P_R(t) = u_R(t)i(t)$  la puissance instantanée reçue et dissipée par effet Joule par la résistance à l'instant t

$P_C(t) = u_C(t)i(t) = \frac{dE_C}{dt}(t)$  la puissance instantanée échangée par le condensateur avec  $E_C(t) = \frac{1}{2} C u_C^2(t)$

l'énergie stockée à l'instant t dans le condensateur

**b) Bilan d'énergie**

- L'énergie totale délivrée par le GBF depuis le moment où on ferme l'interrupteur est :

$$E_{\text{généré}} = \int_0^{+\infty} E_0 i(t) dt = \int_0^{+\infty} E_0 \frac{E_0}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} dt = \frac{E_0^2}{R} \int_0^{+\infty} e^{-\frac{t}{\tau}} dt = \frac{E_0^2}{R} \left[ -\tau e^{-\frac{t}{\tau}} \right]_{t=0}^{+\infty} = \frac{E_0^2}{R} (0 - (-\tau)) = \frac{E_0^2 \tau}{R} = E_0^2 \frac{RC}{R} = E_0^2 C$$

- Énergie stockée dans le condensateur :

$$\Delta E_c = \int_0^{+\infty} \frac{d}{dt} \left( \frac{1}{2} C u_c^2 \right) dt = \left[ \frac{1}{2} C u_c^2(t) \right]_{t=0}^{+\infty} = \frac{1}{2} C ( \lim_{t \rightarrow \infty} u_c^2(t) - (u_c^2(0)) ) = \frac{1}{2} C ((E_0)^2 - 0)$$

$$\Delta E_c = \frac{1}{2} C ((E_0)^2 - 0) = \frac{1}{2} C E_0^2$$

- l'énergie dissipée dans le résistor est :

$$E_R = \int_0^{+\infty} u_R(t) i(t) dt = \int_0^{+\infty} R i^2(t) dt = R \int_0^{+\infty} \left( \frac{E_0}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \right)^2 dt = R \int_0^{+\infty} \frac{E_0^2}{R^2} e^{-\frac{2t}{\tau}} dt = \frac{E_0^2}{R} \int_0^{+\infty} e^{-\frac{2t}{\tau}} dt = \frac{E_0^2}{R} \left[ \frac{-\tau}{2} e^{-\frac{2t}{\tau}} \right]_{t=0}^{+\infty}$$

$$E_R = \frac{E_0^2}{R} \left( \lim_{t \rightarrow \infty} \frac{-\tau}{2} e^{-\frac{2t}{\tau}} - \left( \frac{-\tau}{2} e^0 \right) \right) = \frac{E_0^2}{R} \frac{\tau}{2} = E_0^2 \frac{RC}{2R} = E_0^2 \frac{C}{2}$$

Enfinement  $E_{\text{généré}} = E_R + \Delta E_c$

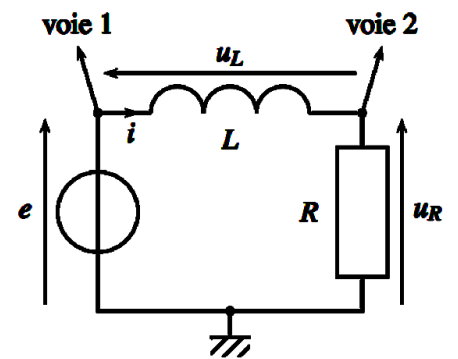
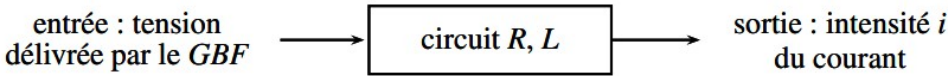
Remarque interprétative: **Quelque soit la valeur de R et C, la moitié de l'énergie cédée par le générateur est dissipée par effet Joule et l'autre moitié est stockée dans le condensateur.**

**II Circuit RL**

**II.1) Réalisation expérimentale**

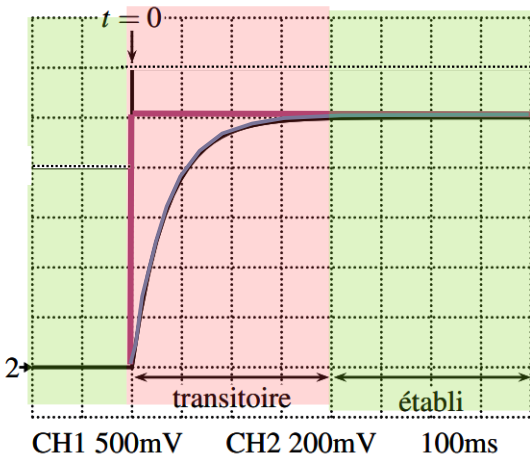
a) Schéma du montage

Ici la réponse du circuit est l'intensité du courant ( ou la tension aux bornes de la résistance )



**b) Observation**

Évolution de  $e(t)$  et  $u_R(t)$  pour la réponse à un échelon



On remarque un comportement similaire à celui de la tension aux bornes d'un condensateur. **mais attention !** Ici c'est la tension aux bornes de la résistance qu'on affiche et pas la tension aux bornes de la bobine.

La tension aux bornes de R est continue : l'intensité traversant la bobine est donc continue



**II.2) Réponse temporelle d'un circuit RL à un échelon de tension**

**a) Équation différentielle vérifiée par  $i(t)$  (À savoir retrouver)**

On cherche un couple {équation différentielle sur  $i(t)$ , condition initiale} pour  $t > 0$ .  
 Pour établir l'équation différentielle, appliquons la **loi des mailles** :  $e(t) = u_L(t) + u_R(t)$ .

D'après la loi de la bobine  $u_L(t) = L \frac{di}{dt}$  et la loi d'Ohm  $u_R(t) = R i(t)$

on en déduit  $e(t) = L \frac{di}{dt} + R i(t) \Rightarrow \frac{L}{R} \frac{di}{dt} + i(t) = \frac{e(t)}{R}$  et pour  $t > 0$   $\frac{L}{R} \frac{di}{dt} + i(t) = \frac{E_0}{R} \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i(t) = \frac{E_0}{R\tau}$

C'est une équation différentielle du premier ordre.

**Ce montage est donc un circuit du premier ordre, pour lequel on peut définir un temps caractéristique du régime transitoire  $\tau$  :**

$\tau = \frac{L}{R}$  ♥

**b) Résolution**

Pour  $t > 0$ ,  $e(t) = E_0$ . L'évolution de l'intensité du courant est régie par l'équation différentielle :

$$\frac{L}{R} \frac{di}{dt} + i(t) = \frac{E_0}{R} \quad \text{ou} \quad \frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i(t) = \frac{E_0}{R\tau}$$

Cette équation différentielle se résout comme précédemment. La solution est de la forme :

$$i(t) = \lambda e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E_0}{R}$$

**Condition initiale :**

Pour  $t < 0$ , la tension  $e(t)$  délivrée par le GBF est nulle. **Le circuit n'ayant pas encore été alimenté, l'intensité qui le traverse est nulle :**

$$i(0) = 0$$

Comme l'énergie stockée dans la bobine est une grandeur continue, l'intensité du courant dans le circuit est aussi continue.

On a donc  $i(0^+) = i(0) = 0$

$$i(0^+) = \lambda + \frac{E_0}{R} = 0 \Rightarrow \lambda = -\frac{E_0}{R}$$

finalement :

$$i(t) = \frac{E_0}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

et  $u_R(t) = E_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  ♥

**c) Durée du régime transitoire**

Cette solution est mathématiquement analogue à celle obtenue au paragraphe I.4 pour la tension  $u_C(t)$ . Le temps de réponse du circuit, temps nécessaire à l'établissement du régime permanent est :

$$T_R = 5\tau = 5 \frac{L}{R}$$

**II.3) Aspect énergétique**

**bilan de puissance**

En multipliant la loi des mailles par l'intensité  $i(t)$  on obtient :

$$\begin{aligned} e(t)i(t) &= u_L(t)i(t) + u_R(t)i(t) \\ P_{GBF}(t) &= P_L(t) + P_R(t) \end{aligned}$$

$P_{GBF}(t) = e(t)i(t)$  la puissance instantanée cédée par le GBF au circuit à l'instant  $t$

$P_R(t) = u_R(t)i(t)$  la puissance instantanée reçue et dissipée par effet Joule par la résistance à l'instant  $t$

$P_L(t) = u_L(t)i(t) = \frac{dE_L}{dt}(t)$  la puissance instantanée échangée par la bobine

avec  $E_L(t) = \frac{1}{2} L i^2(t)$  l'énergie stockée à l'instant  $t$  dans la bobine