CHAPITRE 5: Circuits linéaires du premier ordre

Rapport de Jury : Les candidats qui obtiennent la totalité des points sont ceux qui définissent les grandeurs électriques utilisées ,souvent sur un schéma du montage.

Point Maths

Dans ce chapitre nous serons amené à résoudre des **équations différentielles linéaires du premier ordre à coefficients constants et second membre constant.**

(**de la forme y' = a y + b avec (a, b)** $\in \mathbb{R}^2$)

Rappel

Soit (a, b) $\in \mathbb{R}^2$ avec a $\neq 0$. **Les solutions** de l'équation différentielle **y' + a y = b (1)** sont les fonctions de la forme :

$$x \to \lambda e^{-ax} + \frac{b}{a}, \lambda \in \mathbb{R} .$$

Méthode de résolution:

Équation **homogène** associée à (1) : **y' = -a y (H)**

Forme de la solution générale de (H): $y_H(x) = \lambda e^{-ax}, \lambda \in \mathbb{R}$.

Solution particulière de l'équation différentielle (1) (on choisit une constante) : $y'_p = 0 \Rightarrow a y_p = b \Rightarrow y_p = \frac{b}{a}$

Par superposition, les solutions de l'équation différentielle (1) sont de la forme : $\mathbf{y(x) = y_H(x) + y_p(x)}$

Remarque notation

En physique on dérive **par rapport à une grandeur physique.** Dans ce chapitre on dérivera par rapport au temps on écrira l'équation différentielle **(1)** sous la forme dite canonique:

$\frac{dy}{dt} + a\,y(t) = b$ ou encore $\frac{dy}{dt} + \frac{1}{\tau} y(t) = b$ avec τ un temps caractéristique de variation ❤

Les solutions seront sous la forme : $y(t) = \lambda e^{-at} + \frac{b}{a}, \lambda \in \mathbb{R}$.

Sous forme canonique le coefficient devant la dérivée première vaut 1

Solution unique vérifiant la condition initiale

Il existe une unique solution qui correspond au système physique étudié, pour trouvée cette solution il faut déterminer λ.

On trouve λ grâce à une condition initiale connue **a priori** sur la grandeur physique étudiée $\mathbf{y(t=0) = y_0}$

$y(t=0) = y_0 \Rightarrow \lambda + \frac{b}{a} = y_0 \Rightarrow \lambda = y_0 - \frac{b}{a}$ au final : $y(t) = y_0 e^{-at} + \frac{b}{a}(1 - e^{-at})$

Remarque voc :

Un circuit linéaire du premier ordre est un circuit électrique dont une grandeur électrique (tension aux bornes d'un dipôle ou intensité du courant traversant un dipôle) vérifie une équation différentielle linéaire du premier ordre. C'est le sujet de ce chapitre.

I Circuit RC

1.1 Réalisation expérimentale

a) Schéma du montage

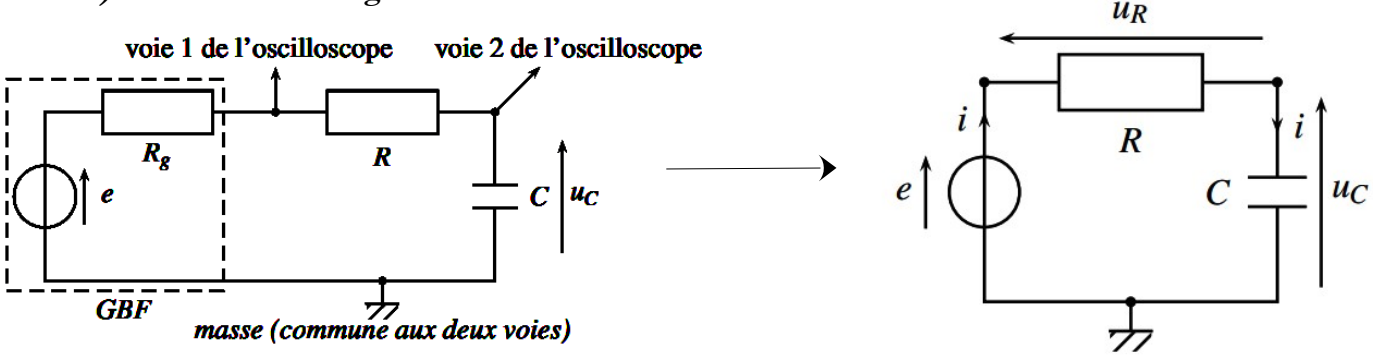
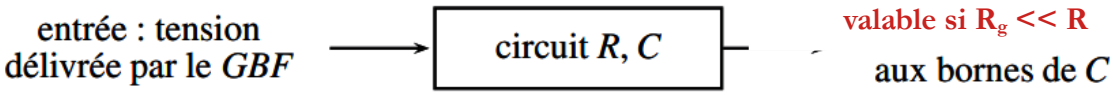


Figure 8.3 – Circuit simplifié.

- On génère un **échelon de tension** avec le GBF (voir cours CH04) que l'on observe sur la voie 1.
- On observe simultanément la tension aux bornes du condensateur qui c

Schéma simplifié du montage

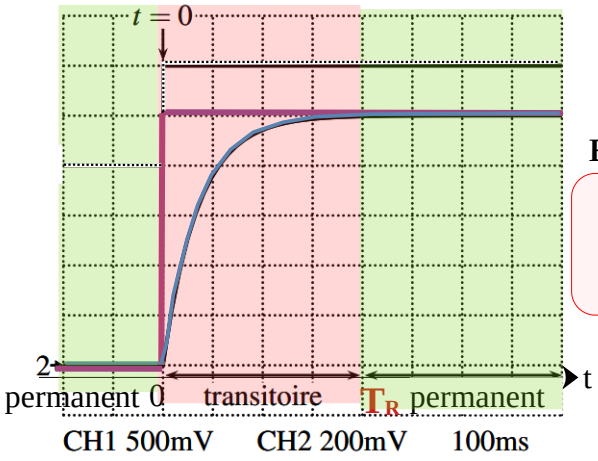


valable si $R_g << R$

Rmq Voc

- Le signal de sortie est appelé **la réponse du circuit constitué de la résistance R et du condensateur de capacité C.**
- Ce signal est nommé **réponse indicielle** lorsque **le signal d'entrée est un échelon de tension**

b) *Observations*



- La tension de sortie **(voie 2)** n'est pas instantanément égale à la tension d'entrée **(voie 1)**
e(t) est discontinue mais $u_c(t)$ doit forcement être continue

Rmq Voc :

- On appelle **régime permanent (ou établi)** le fonctionnement du circuit où **les propriétés des intensités et des tensions ne varient pas au cours du temps.**

- *Un régime stationnaire est un régime permanent.*

-Un régime sinusoïdal $s(t)=A\cos(\omega t+\varphi)$ *est un régime permanent si l'amplitude, la phase initiale et la pulsation ne varient pas au cours du temps.*

- On appelle **régime transitoire l'intervalle de temps durant lequel on passe d'un régime permanent à un autre. C'est ce régime que nous étudierons dans ce chapitre**

On remarque sur l'évolution de la réponse (voie 2) deux régimes :

• le régime régime permanent (dans ce cas stationnaire) pour lequel la sortie est constante et égale à l'entrée. C'est le cas pour t<0 car $u_c(t) = e(t) = 0$ et à partir d'un certain temps T_R car $u_c(t) = e(t) = 1$ V

• le régime transitoire, entre l'instant initial et le début du régime permanent.
La durée de ce régime transitoire **s'appelle temps de réponse du circuit** noté T_R

I.2) Réponse temporelle d'un circuit RC à un échelon de tension

a) *Équation différentielle vérifiée par $u_C(t)$ (À Savoir retrouver)*

- **La loi des mailles** impose : $e(t) = u_R(t) + u_C(t)$ **(1)**
- En utilisant la **loi d'ohm** pour le résistor on a : $u_R(t) = R\,i(t)$ **(2)**
- En utilisant **la relation tension-courant pour C** en convention récepteur : $i(t)=C\frac{du_c}{dt}(t)$ **(3)**

En injectant **(3)** dans **(2)** : $u_R(t)=RC\frac{du_c}{dt}(t)$

On peut réécrire la loi des mailles en fonction de e(t) et $u_c(t)$: $e(t)=RC\frac{du_c}{dt}(t)+u_c(t)$ (*)

Une telle relation est une équation différentielle d'ordre un, car elle contient $u_C(t)$ et sa dérivée première.

On sait **presque** la résoudre… Problème e(t) est une fonction discontinue en 0 !

On va résoudre (*) seulement pour t>0. Dans ce cas on a (*) qui devient : $E_0=RC\frac{du_c}{dt}(t)+u_c(t)$

Rappel : [RC] = T on pose $\tau = RC$

$\tau = RC$ est appelé temps caractéristique du régime transitoire d'un circuit RC

on peut réécrire l'équation différentielle (*) : $\frac{E_0}{\tau} = \frac{du_c}{dt}(t) + \frac{1}{\tau}u_c(t)$

b) Résolution

On reconnaît une équation différentielle linéaire d'ordre 1 à coefficients constants, les solutions sont de la forme :

$$u_c(t) = \lambda e^{-\frac{t}{\tau}} + E_0$$ *(voir méthode dans le point math)*

On détermine λ grâce à la condition initiale.

Remarque notation :

Comme l'équation différentielle (*) n'est vraie que pour t>0 , la condition initiale **ne peut pas** correspondre à l'instant **t =0 s**

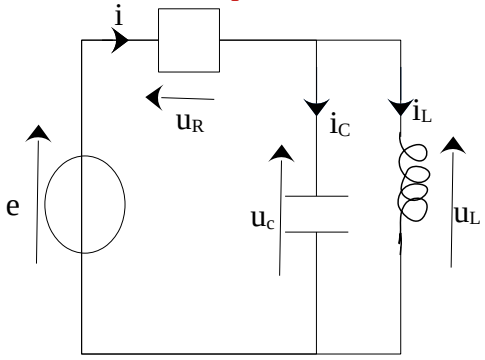
Dans ce cas la condition initiale correspondra à l'instant $t=0^+$ s tel que $0^+ = \lim_{t \to 0 \text{ par valeurs supérieures}} t$

Comment trouver une grandeur électrique à l'instant $t= 0^+$?

- Étape 1 :

En général à l'instant **$t=0^-$** le régime permanent stationnaire est établi depuis longtemps, on peut facilement trouver les grandeurs électriques à l'instant $t=0^-$ en écrivant la **loi des mailles** et **en simplifiant les dipôles L et C par leurs équivalents en régime stationnaire.**

exemple



i_L forcement continue, i et i_c pas forcement
u_c forcement continue, e et u_R pas forcement
u_L continue ici car $u_L = u_C$ mais sinon pas forcement

- Étape 2 :

On détermine par continuité entre $t=0^-$ et $t=0^+$ **certaines grandeurs** qui sont forcement continues :

- **On aura toujours à travers une bobine $i_L(t=0^+) = i_L(t=0^-)$**

Car l'intensité du courant traversant une bobine est une grandeur continue (explication à la fin du chap 04)

- **On aura toujours aux bornes d'un condensateur $u_C(t=0^+) = u_c(t=0^-)$**

Car la tension aux bornes d'un condensateur est une grandeur continue

- Étape 3 (si nécessaire)

On détermine les autres grandeurs à l'instant $t=0^+$ en écrivant la loi des nœuds et/ou des mailles.

Application au cas étudié

- Étape 1 :

à $t=0^-$ le régime permanent est établi depuis longtemps (la tension du générateur est nulle depuis longtemps) comme le condensateur est équivalent à un interrupteur ouvert, $i(0^-)=0$ on en déduit que la tension au bornes de R est nulle, et par la loi des mailles la tension aux bornes du condensateur est nulle aussi **$u_C(0^-) = 0$ V**

remarque : en exercices l'énoncé précise souvent « le condensateur est déchargé à $t=0^-$ » on peut directement en déduire que $u_c(0^-)= 0$V

- étape 2 :

Comme la tension aux bornes d'un condensateur est une grandeur continue, il faut nécessairement :

$u_c(t=0^+) = u_c\ (t=0^-)$ on en déduit la condition initiale $u_C(t=0^+) = 0$ V

- étape 3 : pas nécessaire ici.

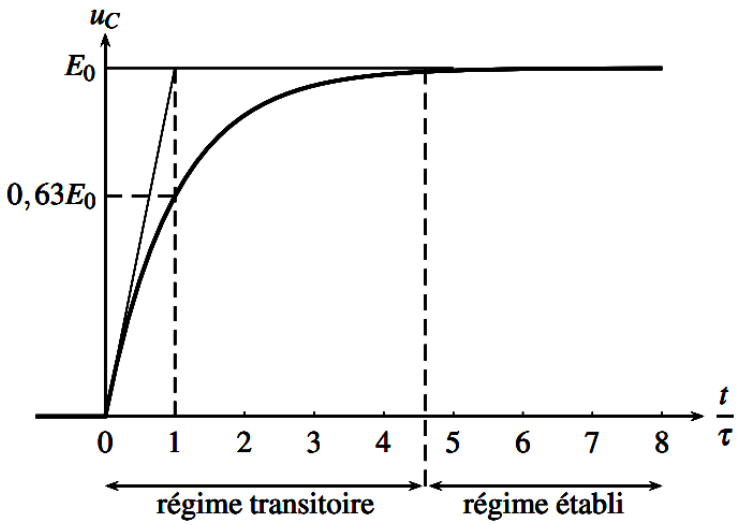
On peut maintenant trouver la solution unique vérifiant la condition déterminer $u_{c(t)}$

$u_c(t=0^+) = \lambda e^{-0} + E_0 = 0 \Rightarrow \lambda = -E_0$

finalement $u_c(t) = -E_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + E_0 \Rightarrow$ **$u_c(t) = E_0\left(1 - e^{\frac{-t}{\tau}}\right)$**

c)Durée du régime transitoire

Le régime transitoire se termine lorsque **t= T_R**
on considère qu'alors **$u_c(t=T_R) = 0{,}99E_0$**



Comme $u_c(t=T_R)=E_0(1-e^{\frac{-T_R}{\tau}})$

on en déduit $E_0(1-e^{\frac{-T_R}{\tau}})=0{,}99\,E_0 \Rightarrow 0{,}01\,E_0=E_0e^{-\frac{T_R}{\tau}}$

$T_R \approx 5\tau$ $\ln(0{,}01)=\frac{-T_R}{\tau} \Rightarrow T_R=-\ln(0{,}01)\tau$

Le régime permanent est atteint au bout de 5τ

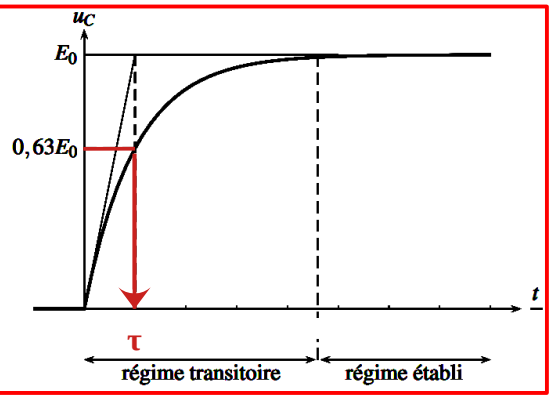
d) Comment déterminer τ ?

- **Méthode 1 : on connaît R et C , on calcule** $\tau=RC$

- **Méthode 2 : valeur de la tension à t=τ**

$u_c(t=\tau)=E_0(1-e^{-1})=0{,}63\,E_0$

Ainsi : τ est la date pour laquelle u_c = 0,63 E_0



- **Méthode 3 : tangente à l'instant initial.**

Rappel

la droite tangente à la fonction f en x_0 a pour équation $y(x)\approx\frac{df}{dx}(x_0)(x-x_0)+f(x_0)$

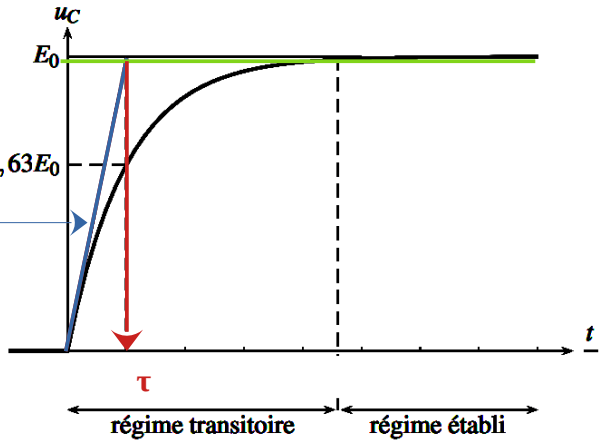
Ainsi la tangente à la u_c à l'instant $t=0^+$ a pour équation $y(t)=\frac{du_c}{dt}(0^+)(t-0)+u_c(0^+)$

or $\frac{du_c}{dt}=\frac{1}{\tau}E_0e^{\frac{-t}{\tau}} \Rightarrow \frac{du_c}{dt}(0^+)=\frac{E_0}{\tau}$ et $u_c(0^+)=0$ ainsi $y(t)=\frac{E_0}{\tau}t$

On remarque que lorsque t= τ on a y(τ) =E_0

la tangente à u_c en 0^+ coupe donc la droite horizontale d'équation g=E_0 à la date τ

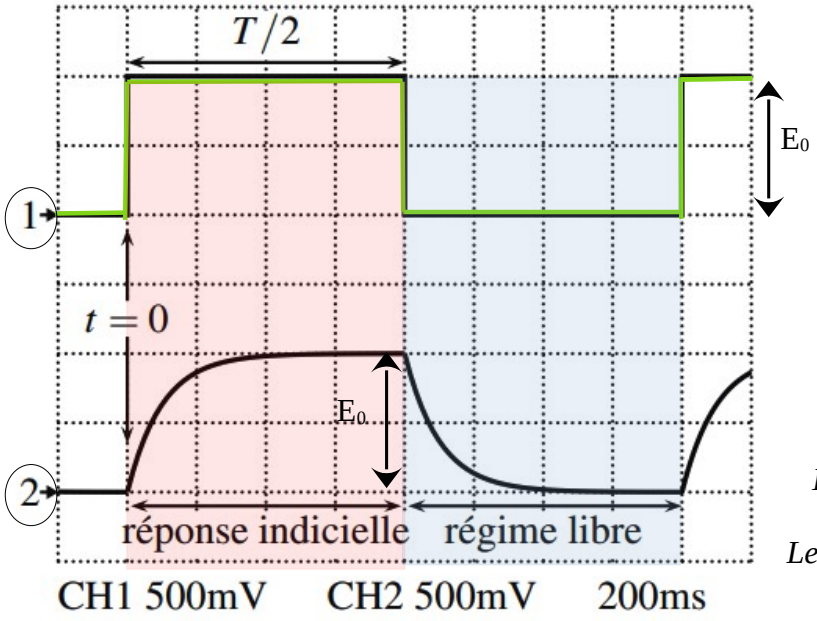
Tangente à t=0 à $u_c(t)$ d'équation $y(t) = E_0/\tau\, t$



I.3) Réponse temporelle d'un circuit RC en régime libre

a) Observations expérimentales

Lorsque le GBF fournit une **tension créneau** de période T valant E_0 sur une demi-période et 0 sur l'autre, on observe à l'oscilloscope les signaux e(t) et $u_c(t)$:

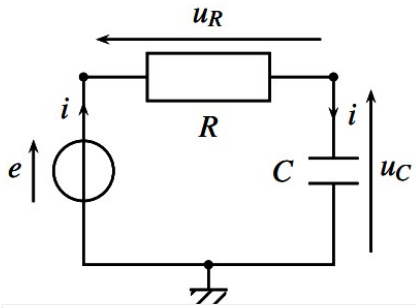


Voie 1 :
Signal créneau delivrée par le GBF

Voie 2 :
Réponse $u_c(t)$

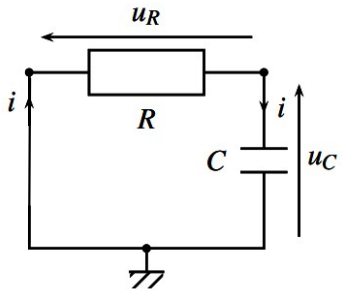
Les signaux ont été décalés par souci de visibilité.
Les symboles 1→ et 2→ indique ou se situe l'ordonnée nulle (tension = 0 V) pour chacune des voies

Schéma équivalent du circuit en régime libre :



circuit étudié

pour $\frac{T}{2}<t<T$ on a $e(t)=0$ ⇒



circuit équivalent pour $\frac{T}{2}<t<T$ (*en régime libre*)

Remarque voc :

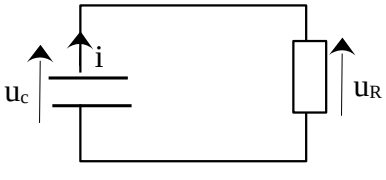
On parle de régime libre lorsque le condensateur préalablement chargé se décharge en transférant l'énergie qu'il a stockée dans un résistor en l'absence de générateur.
Cette énergie est alors dissipée dans le résistor par effet Joule

b) Équation différentielle vérifiée par $u_C(t)$ en régime libre

On a toujours $e(t)=RC\frac{du_c}{dt}(t)+u_c(t)$

Comme e(t) = 0 en régime libre $RC\frac{du_c}{dt}(t)+u_c(t)=0 \Rightarrow \boxed{\frac{du_c}{dt}(t)+\frac{1}{\tau}u_c(t)=0}$

autre cas classique équivalent



Loi des mailles : $u_c(t) = u_R(t)$

Relation tension courant pour C (ici en conv géné !) $i(t)=-C\frac{du_c}{dt}$

Loi d'ohm en conv récé : $u_R=Ri(t)=R\left(-C\frac{du_c}{dt}\right)$

La loi des maille donne aussi : $u_c(t)=-RC\frac{du_c}{dt} \Leftrightarrow \frac{du_c}{dt}(t)+\frac{1}{\tau}u_c(t)=0$

c) Résolution (à savoir faire!)

Cette équation différentielle est homogène. **Les solutions**, sont donc :

$$u_c(t)=\lambda e^{\frac{-t}{RC}}=\lambda e^{\frac{-t}{\tau}}$$

La constante λ se calcule avec la condition initiale de ce régime, c'est à dire la valeur de $u_C(\frac{T^{+}}{2})$ *immédiatement après le changement de valeur de e(t).*

- **Utilisation de la condition initiale pour trouver λ :**

La tension aux bornes du condensateur étant continue : $u_C(\frac{T^{+}}{2})=u_C(\frac{T^{-}}{2})=E_0$

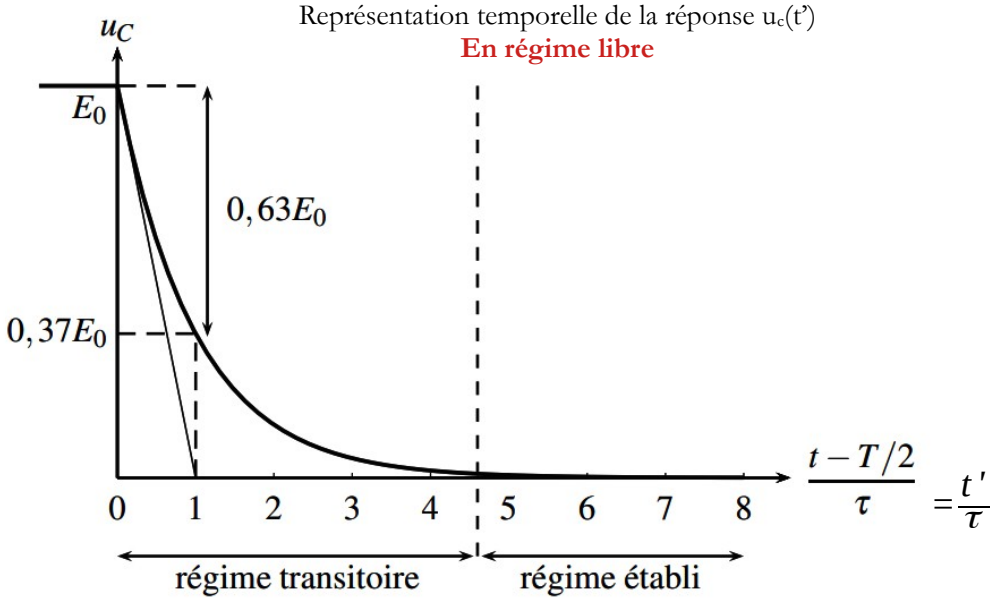
On en déduit **λ** : $u_c(\frac{T^{+}}{2})=\lambda e^{\frac{-T}{2\tau}}=E_0\Rightarrow\lambda=\frac{E_0}{e^{\frac{-T}{2\tau}}}=E_0 e^{\frac{T}{2\tau}}$

ainsi $u_c(t)=(E_0 e^{\frac{T}{2\tau}})e^{\frac{-t}{\tau}}=E_0 e^{\frac{T}{2\tau}-\frac{t}{\tau}}=E_0 e^{\frac{-\left(t-\frac{T}{2}\right)}{\tau}}$

Si on pose $t'=t-\frac{T}{2}$ on a donc la solution unique qui s'écrit : $\boxed{u_c(t')=E_0 e^{\frac{-t'}{\tau}}}$

Représentation temporelle de la réponse $u_c(t')$

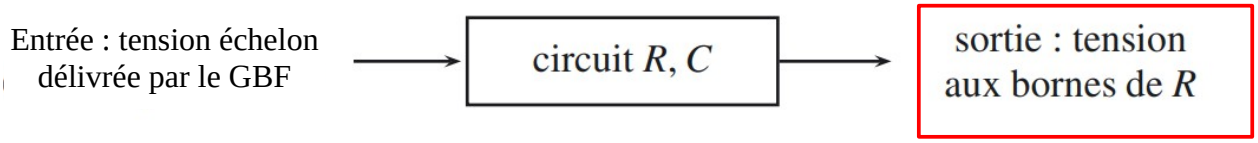
En régime libre



Rmq : parfois, le condensateur commence la décharge à t=0, on a alors directement $u_c(0)=E_0$

I.4) Évolution de l'intensité (ou de la tension u_R) pour une réponse indicielle (échelon)

Nous étudions un circuit similaire à celui du I.1) sauf que la **sortie est différente**



-Rmq : étudier la tension u_R (t) revient à étudiée i(t) car les deux grandeurs sont reliées par une relation de proportionnalité d'après la loi d'Ohm $\mathbf{u_R(t) = R\, i(t)}$

a) Équation différentielle vérifiée par $u_R(t)$

Pour établir l'équation différentielle, on applique la loi des mailles :

$$e(t) = u_C(t) + u_R(t).$$

$$\text{pour } t>0 \quad E_0 = u_c(t) + u_R(t)$$

On veut avoir une équation différentielle sur u_R . **On va donc dériver la loi des mailles** pour faire apparaître la dérivée première de $u_R(t)$:

$\frac{de}{dt}(t)=\frac{du_c}{dt}(t)+\frac{du_R}{dt}(t)$ comme $i(t)=\frac{u_R(t)}{R}$ et $i(t)=C\frac{du_c}{dt}(t)$ on a $\frac{i(t)}{RC}=\frac{du_c}{dt}(t)$ donc $\frac{de}{dt}(t)=\frac{u_R(t)}{RC}+\frac{du_R}{dt}(t)$

Comme pour t>0 la tension e(t) = E_0 est indépendant de t on a $\frac{de}{dt}(t)=0$

la loi des mailles dérivée devient $0=\frac{u_R(t)}{RC}+\frac{du_R}{dt}(t)$

on a donc : $\frac{u_R(t)}{RC}=\frac{-du_R}{dt}(t)$ et comme $u_R(t)=Ri(t)$ on aussi $\frac{i(t)}{RC}=-\frac{di}{dt}(t)\Rightarrow$ $\boxed{\frac{di}{dt}+\frac{1}{\tau}i(t)=0}$ À savoir retrouver

b) Résolution

Les solutions sont de la forme $i(t)=\lambda e^{\frac{-t}{\tau}}$ **avec** $\tau=RC$

Remarque importante : i(t) traversant le condensateur n'a aucune raison d'être une grandeur continue dans ce circuit.*(contrairement à la tension aux bornes du condensateur qui doit être continue par continuité de l'énergie stockée)*

étape 1 : condensateur équivalent à interrupteur ouvert à $t=0^-$ donc $i(0^-)=0$ de plus $e(0^-)=0$ donc $u_c(0^-)=0$

étape 2 :Continuité de la tension aux bornes de C :

$$u_C(0^+) = u_C(0^-) = 0$$

La loi des mailles à l'instant $t = 0^+$ s'écrit :

$$e(0^+) = u_R(0^+) + u_C(0^+)$$ ($u_C(0^+) \to 0$)

or $e(0^+) = E_0$ donc $u_R(0^+) = E_0$.

Ainsi d'après la loi d'Ohm dans R :

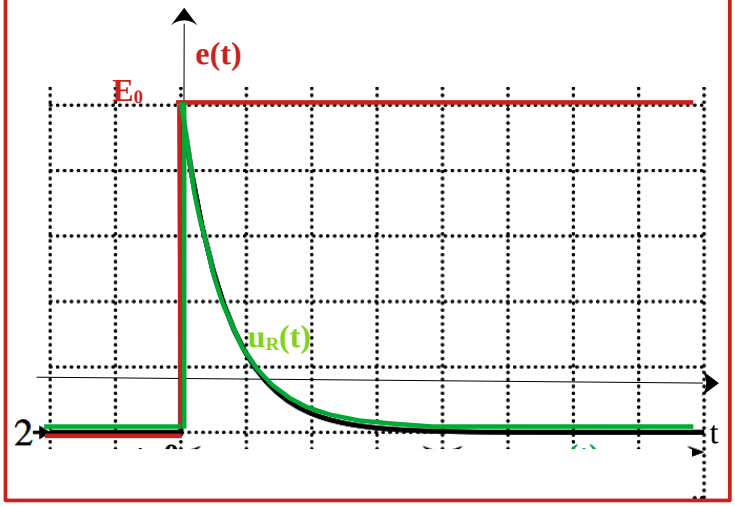
$$i(0^+)=\frac{E_0}{R}$$

$i(0^+)=\lambda e^0=\frac{E_0}{R}$ **donc** $\boxed{i(t)=\frac{E_0}{R}e^{\frac{-t}{\tau}}}$ **pour t>0**

D'après la loi d'ohm $\boxed{u_R(t)=E_0 e^{\frac{-t}{\tau}}}$ **pour t>0**

Rmq : $i(0^-) = 0$ donc i est discontinue

Évolution temporelle de l'entrée e(t) et de la sortie $u_R(t)$



I.5) Aspect énergétique

a) Bilan de puissance

Méthode classique pour bilan de puissance : loi des mailles × intensité

D'après la loi des mailles $e(t) = u_R(t) + u_C(t)$

en multipliant par l'intensité du courant :

$$e(t)i(t) = u_R(t)i(t) + u_C(t)i(t)$$

$$P_{GBF}(t) = P_R(t) + P_C(t)$$

Cette égalité met en jeu différentes puissances (le produit d'une tension par une intensité est une puissance) :

$P_{GBF}(t)=e(t)i(t)$ la puissance instantanée cédée par le GBF au circuit à l'instant t

$P_R(t)=u_R(t)i(t)$ la puissance instantanée reçue et dissipée par effet Joule par la résistance à l'instant t

$P_C(t)=u_C(t)i(t)=\frac{dE_c}{dt}(t)$ la puissance instantanée échangée par le condensateur où $E_C(t)=\frac{1}{2}Cu_c^2(t)$ l'énergie stockée à l'instant t dans le condensateur

b) Bilan d'énergie

- L'énergie totale délivrée par le GBF depuis le moment où on ferme l'interrupteur est :

$$E_{géné}=\int_{0^+}^{+\infty} E_0\, i(t)\,dt = \int_{0^+}^{+\infty} E_0\frac{E_0}{R}e^{\frac{-t}{\tau}}dt = \frac{E_0^2}{R}\int_{0^+}^{+\infty} e^{\frac{-t}{\tau}}dt = \frac{E_0^2}{R}\left[-\tau\, e^{\frac{-t}{\tau}}\right]_{t=0^+}^{+\infty} = \frac{E_0^2}{R}(\ 0\ -\ (-\tau)) = \frac{E_0^2\tau}{R}=E_0^2\frac{RC}{R}=\mathbf{E_0^2\,C}$$

- Énergie stockée dans le condensateur :

$$\Delta E_c=\int_0^{+\infty}\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{2}Cu_c^2\right)dt = \left[\frac{1}{2}Cu_c^2(t)\right]_{t=0^+}^{+\infty} = \frac{1}{2}C\left(\lim_{t\to\infty}u_c^2(t)\ -\ (u_c^2(0))\right) = \frac{1}{2}C((E_0)^2-0)$$

$$\mathbf{\Delta E_C}=\frac{1}{2}C((E_0)^2-0)=\mathbf{\frac{1}{2}C\,E_0^2}$$

- l'énergie dissipée dans le résistor est :

$$E_R=\int_0^{+\infty}u_R(t)i(t)dt = \int_0^{+\infty}Ri^2(t)\,dt = R\int_0^{+\infty}\left(\frac{E_0}{R}e^{\frac{-t}{\tau}}\right)^2dt = R\int_0^{+\infty}\frac{E_0^2}{R^2}e^{\frac{-2t}{\tau}}dt = \frac{E_0^2}{R}\int_0^{+\infty}e^{\frac{-2t}{\tau}}dt = \frac{E_0^2}{R}\left[\frac{-\tau}{2}e^{\frac{-2t}{\tau}}\right]_{t=0}^{+\infty}$$

$$\mathbf{E_R}=\frac{E_0^2}{R}\left(\lim_{t\to\infty}\frac{-\tau}{2}e^{\frac{-2t}{\tau}}-\left(\frac{-\tau}{2}e^0\right)\right) = \frac{E_0^2}{R}\frac{\tau}{2} = E_0^2\frac{RC}{2R}=\mathbf{E_0^2\frac{C}{2}}$$

Finalement $\boxed{E_{géné} = E_R + \Delta E_C}$

Remarque interprétative: **Quelque soit la valeur de R et C, la moitié de l'énergie cédée par le générateur est dissipée par effet Joule et l'autre moitié est stockée dans le condensateur.**

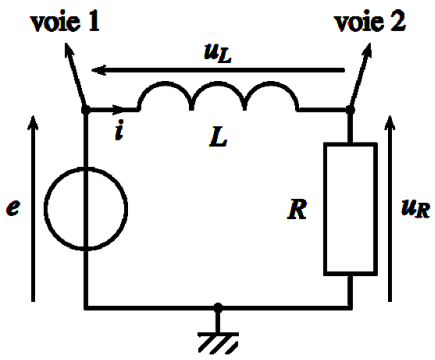
II Circuit RL

II.1) Réalisation expérimentale

a) Schéma du montage

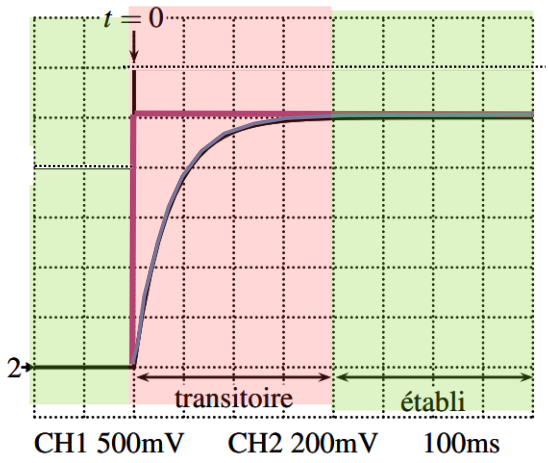
Ici la réponse du circuit est l'intensité du courant (ou la tension aux bornes de la résistance)

entrée : tension délivrée par le *GBF* → circuit *R, L* → sortie : intensité *i* du courant



b)Observation

Évolution de e(t) et $u_R(t)$ pour la réponse à un échelon



On remarque un comportement similaire à celui de la tension aux bornes d'un condensateur.
mais attention ! Ici c'est la tension aux bornes de la résistance qu'on affiche et pas la tension aux bornes de la bobine.

La tension aux bornes de R est continue : l'intensité traversant la bobine est donc continue

II.2)Réponse temporelle d'un circuit RL à un échelon de tension

a) Équation différentielle vérifiée par i (t) (À savoir retrouver)

On cherche un couple {équation différentielle sur i(t), condition initiale} pour t > 0.
Pour établir l'équation différentielle, appliquons la **loi des mailles** : **e(t) = u_L(t) +u_R(t).**

D'après la loi de la bobine $u_L(t)=L\frac{di}{dt}$ et la loi d'Ohm $u_R(t) = R\, i(t)$

on en déduit $e(t)=L\frac{di}{dt}+Ri(t)\Rightarrow \frac{L}{R}\frac{di}{dt}+i(t)=\frac{e(t)}{R}$ et pour t>0 $\frac{L}{R}\frac{di}{dt}+i(t)=\frac{E_0}{R}\Rightarrow \frac{di}{dt}+\frac{1}{\tau}i(t)=\frac{E_0}{R\tau}$

C'est une équation différentielle du premier ordre.

Ce montage est donc un circuit du premier ordre, pour lequel on peut définir un temps caractéristique du régime transitoire τ :

$$\tau=\frac{L}{R}$$

b) Résolution

Pour t > 0, e(t) = E_0. L'évolution de l'intensité du courant est régie par l'équation différentielle :

$$\frac{L}{R}\frac{di}{dt} + i(t)=\frac{E_0}{R} \quad \text{ou} \quad \frac{di}{dt}+\frac{1}{\tau}i(t)=\frac{E_0}{R\tau}$$

Cette équation différentielle se résout comme précédemment. La solution est de la forme :

$$i(t)=\lambda e^{\frac{-t}{\tau}}+\frac{E_0}{R}$$

Condition initiale :
Pour t < 0, la tension e(t) délivrée par le GBF est nulle**. Le circuit n'ayant pas encore été alimenté, l'intensité qui le traverse est nulle :**

$$i(0^-) = 0$$

Comme l'énergie stockée dans la bobine est une grandeur continue, l'intensité du courant dans le circuit est aussi continue.
On a donc $i(0^+)=i(0^-)=0$

$i(0^+)=\lambda+\frac{E_0}{R}=0\Rightarrow\lambda=-\frac{E_0}{R}$ **finalement :**

$$i(t)=\frac{E_0}{R}\left(1-e^{\frac{-t}{\tau}}\right)$$

et

$$u_R(t)=E_0\left(1-e^{\frac{-t}{\tau}}\right)$$

c) Durée du régime transitoire

Cette solution est mathématiquement analogue à celle obtenue au paragraphe I.4 pour la tension u_C(t). Le temps de réponse du circuit, temps nécessaire à l'établissement du régime permanent est :

$$T_R=5\tau=5\frac{L}{R}$$

II.3) Aspect énergétique

bilan de puissance

En multipliant la loi des mailles par l'intensité i(t) on obtient :

e(t)i(t)	=	u_L(t)i(t)	+	u_R(t)i(t)
P_{GBF}(t)	=	P_L (t)	+	P_R(t)

$P_{GBF}(t)=e(t)i(t)$ la puissance instantanée cédée par le GBF au circuit à l'instant t
$P_R(t)=u_R(t)i(t)$ la puissance instantanée reçue et dissipée par effet Joule par la résistance à l'instant t
$P_L(t)=u_L(t)i(t)=\frac{dE_L}{dt}(t)$ la puissance instantanée échangée par la bobine

avec $E_L(t)=\frac{1}{2}Li^2(t)$ l'énergie stockée à l'instant t dans la bobine