

Correction Partie 2 bis : la lunette astronomique

Q1

Si l'image finale est « à l'infini », l'œil n'a pas besoin de faire un effort d'accommodation.

Pour cela l'image intermédiaire doit être dans le plan focal objet de l'oculaire. Mais comme l'objet est à l'infini, l'image intermédiaire est aussi dans le plan focal image de l'objectif.

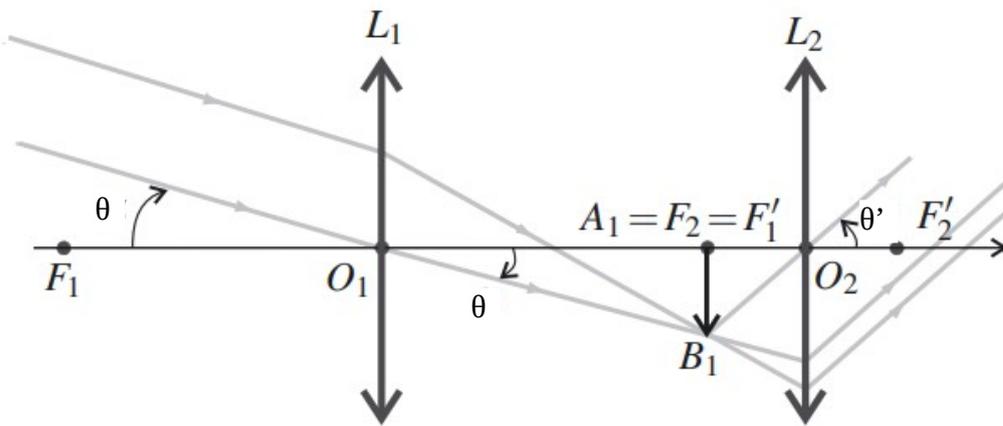
On en déduit que le foyer focal objet de l'oculaire est confondu avec le foyer focal image de l'objectif :

$$F_1' = F_2$$

Le foyer image du système (vu dans son ensemble) est le point où convergent les rayons incidents parallèles entre-eux après la lunette. Comme ici les rayons sont parallèles en sortie, **il n'y a pas de point de convergence donc pas de foyer image pour la lunette vue dans son ensemble.** De même il n'y a pas de foyer focal objet.

Un tel système est qualifié d'afocal.

Q2



Q3)

Dans le triangle $O_1A_1B_1$ rectangle en A_1 on a $\tan(\theta) = \frac{A_1B_1}{O_1A_1}$

Dans le triangle $O_2A_1B_1$ rectangle en A_1 on a $\tan(\theta') = \frac{A_1B_1}{O_2A_1}$

Dans le cadre de l'approximation de Gauss : $\tan(\theta') \approx \theta'$ et $\tan(\theta) \approx \theta$

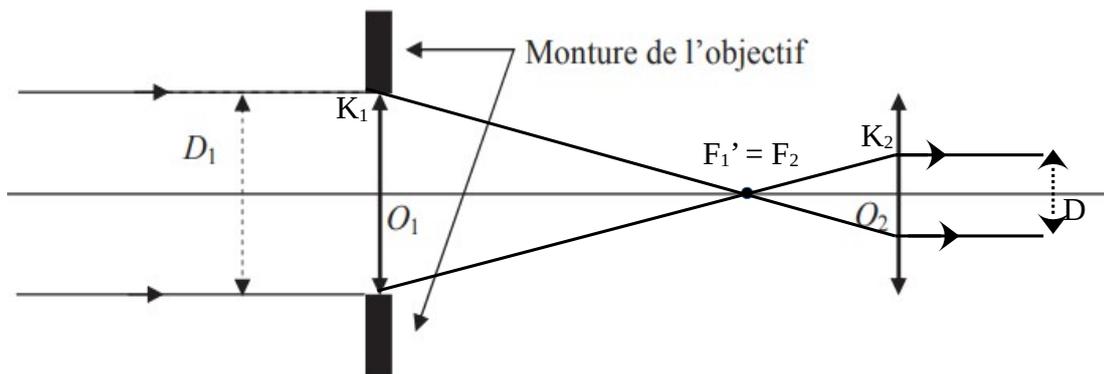
$$\text{Donc } |G| = \left| \frac{\theta'}{\theta} \right| = \frac{\frac{A_1B_1}{O_2A_1}}{\frac{A_1B_1}{O_1A_1}} = \frac{O_1A_1}{O_2A_1} \quad \text{mais comme } A_1 = F_2 \text{ alors } O_2A_1 = O_2F_2 = f'_2$$

(on ne travaille pas avec les longueurs algébriques ici.
Avec les longueurs algébriques : $O_2F_2 = O_2F'_2 = -f'_2$)

De même comme $A_1 = F_1'$ et que $O_1A_1 = O_1F'_1 = f_1'$

finalement
$$|G| = \frac{O_1F'_1}{O_2F_2} = \frac{f_1'}{f'_2} \quad \text{A.N : } \underline{G = 10}$$

Q4



Q5 Exprimer le diamètre D du faisceau de rayons issu de l'oculaire en fonction du grossissement G de la lunette ainsi que du diamètre D_1 du diaphragme d'ouverture.

En utilisant le théorème de Thalès dans les triangles $O_1 K_1 F_1'$ et $F_1' O_2 K_2$ on a $\frac{O_1 K_1}{O_1 F_1'} = \frac{O_2 K_2}{F_1' O_2} \Leftrightarrow \frac{\frac{D_1}{2}}{f_1'} = \frac{\frac{D}{2}}{f_2'}$

Soit $D = D_1 \frac{f_2'}{f_1'}$ comme $|G| = \frac{f_1'}{f_2'}$ on a $D = \frac{D_1}{|G|}$ A.N $D = 1 \text{ cm}$

On voit que $D < D_2$ c'est donc bien le diamètre D_1 qui limite le diaphragme d'ouverture.