## Programme de khôlle semaine 9

Organisation de la séance : Chaque khôlle commence par une question de cours ou un exercice simple qui fait intervenir une notion de cours

Si vous répondez bien à cette question de cours vous obtenez une note au moins égale à 10/20

Les exercices porteront sur la cinématique et la dynamique.

- Avant d'appliquer le PFD (2ème loi de Newton) à un système il faut impérativement définir ce système, donner le référentiel d'étude et faire le bilan des forces s'appliquant sur le système
- On peut demander de connaître la force de rappel d'un ressort, il faut donc aussi maîtriser le chapitre sur les oscillateurs harmoniques

## Chapitre 7 : cinématique du point

- 1 Donner la définition d'un solide.
- 2 Etablir l'expression de  $\overrightarrow{OM}$ ,  $\vec{v}$  et  $\vec{a}$  en coordonnées polaires.
- 3 Etablir l'expression de  $\overrightarrow{OM}$ ,  $\vec{v}$  et  $\vec{a}$  en coordonnées cartésiennes (3D).
- 4 Etablir l'expression de  $\overrightarrow{OM}$ ,  $\vec{v}$  et  $\vec{a}$  en coordonnées cylindriques.
- 5 Exprimer (sans démonstration) le déplacement élémentaire d  $\overrightarrow{OM}$  en coordonnées cartésiennes et en coordonnées cylindriques.
- On lâche une balle avec une vitesse initiale  $\vec{v}_0$ . On assimile la balle à un point matériel M. On néglige les frottements devant les autres forces.
- 7 Exprimer  $\vec{a}$ ,  $\vec{v}$  et  $\overrightarrow{OM}$  en fonction du temps.
- 8 Donner les 3 équations horaires du mouvement.
- 9 Quelle est la nature du mouvement pour  $\vec{v_0} = \vec{0}$  ou  $\vec{v_0}$  colinéaire à  $\vec{g}$ ?
- 10 Donner l'équation de la trajectoire z(x) en coordonnées cartésiennes.
- 11 Quelle est la nature du mouvement dans le cas général?
- 12 On considère que la Terre tourne autour du Soleil selon un mouvement circulaire (distance Terre-Soleil = R = constante) et uniforme ( $\|\vec{v}\| = v_0$ ).
- 13 Montrer que  $\vec{v}$  est orthoradial, et exprimer  $v_0$  en fonction de  $\dot{\theta}$  et R.
- 14 Etablir l'expression de  $\vec{a}$  en fonction de  $\dot{\theta}$  et R, puis en fonction de  $v_0$  et R. Commenter.
- 15 En fait, le mouvement de la Terre autour du Soleil n'est pas uniforme. Etablir l'expression de  $\vec{a}$  dans ce cas. Commenter.
- 16 De manière générale, un mouvement uniforme est-il caractérisé par une accélération nulle ? Pourquoi ?
- 17 De manière générale, on peut décomposer l'accélération en un point M en une accélération  $\vec{a}_{\parallel}$  colinéaire à la vitesse et une accélération  $\vec{a}_{\perp}$  perpendiculaire à celle-ci.

A quoi est liée la composante  $\vec{a}_{\perp}$ ?

A quoi est liée la composante  $\vec{a}_{\parallel}$  ?

- 18 Cinématique du solide : donner un exemple de translation rectiligne et un exemple de translation circulaire.
- 19 On considère un solide en rotation autour d'un axe fixe à la vitesse angulaire  $\omega$ .

Décrire la trajectoire d'un point quelconque du solide.

Exprimer la vitesse d'un point quelconque du solide en fonction de sa distance à l'axe et de  $\omega$ .

## Chapitre 8 : base de dynamique Newtonienne

## Questions de cours (à savoir faire sans le cours sous les yeux)

- 1 Qu'est-ce qu'un référentiel galiléen ?
- 2 Énoncer les trois lois de Newton.
- 3 Définir la quantité de mouvement d'un point matériel M de masse m et de vitesse  $\vec{v}$  dans un référentiel  $\Re$ .
- Etablir l'expression de la quantité de mouvement d'un système constitué de deux points matériels  $M_1$  et  $M_2$  de masses respectives  $m_1$  et  $m_2$  en fonction de  $m_1$ ,  $m_2$  et de  $\overrightarrow{V_G}$  où G est le centre de gravité du système.
- 5 On lâche sans vitesse initiale une masse m d'une hauteur h dans le champ de pesanteur terrestre. On néglige les frottements devant les autres forces.
  - a Etablir l'expression de  $\vec{v}(t)$  et z(t).
  - b Déterminer l'expression littérale du temps de chute.
  - c Déterminer l'expression littérale de la vitesse au moment de l'impact au sol.
- On lâche sans vitesse initiale une masse m d'une hauteur h dans le champ de pesanteur terrestre. On considère que les frottements sont de la forme  $\vec{F} = -k\vec{v}$ .
  - a Etablir l'équation différentielle vérifiée par v(t).
  - b En déduire l'expression de v(t). Commenter.
- On lâche sans vitesse initiale une masse m d'une hauteur h dans le champ de pesanteur terrestre. On considère que les frottements sont de la forme  $\vec{F} = -\lambda v \vec{v}$ . Etablir l'équation différentielle vérifiée par v(t). Commenter.
- 8 On considère un pendule simple de longueur l au bout duquel est attachée une masse m.
  - a Etablir l'équation du mouvement.
  - b Résoudre l'équation du mouvement dans l'approximation des petits angles.
- 9 Enoncer les lois de Coulomb pour les frottements solides.
- 10 On considère un solide de masse m sur un plan incliné d'un angle α avec l'horizontale.
  - a Etablir l'expression de  $\alpha_{LIM}$ , angle à partir duquel le solide commence à glisser.
  - b Etablir l'expression de l'accélération  $\vec{a}$  dans le cas où  $\alpha > \alpha_{\text{LIM}}$ . En déduire la nature du mouvement.