

Primitives usuelles et primitives sans IPP, sans CV

QUIZZ

<https://view.genially.com/673870275d3cb64d92cc0d2a/interactive-content-primitives-usuelles>

Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \exp(ax + b))$ sur \mathbb{R}

$$F(x) = \frac{1}{a} \exp(ax + b)$$

Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \exp(ai + b)x)$ sur \mathbb{R}

$$F(x) = \frac{1}{ai + b} \exp((ai + b)x)$$

Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \frac{1}{ax+b})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{-\frac{b}{a}\}$

$$F(x) = \frac{1}{a} \ln(|ax + b|)$$

Soit a un réel
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \frac{1}{x-a})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{a\}$.

$$F(x) = \ln(|x - a|)$$

Soit a un réel et n un entier naturel non nul.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \frac{1}{(x-a)^n})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{a\}$.

$$F(x) = \begin{cases} \ln(|x - a|) & \text{si } n = 1 \\ \frac{1}{-n + 1} (x - a)^{-n+1} & \text{si } n > 1 \end{cases}$$

Soit a un réel.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \frac{1}{a-x})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{a\}$.

$$F(x) = -\ln(|x - a|)$$

Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \frac{1}{x})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{0\}$.

$$F(x) = \ln|x|$$

Soit a un réel et n un entier naturel non nul.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \frac{1}{x^n})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{0\}$.

$$F(x) = \begin{cases} \ln(|x|) & \text{si } n = 1 \\ \frac{1}{-n + 1} x^{-n+1} & \text{si } n > 1 \end{cases}$$

Soit n un entier naturel non nul.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto x^n)$ sur \mathbb{R} .

$$F(x) = \frac{1}{n + 1} x^{n+1}$$

Soit a un réel et n un entier naturel.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto (x - a)^n)$ sur \mathbb{R} .

$$F(x) = \frac{1}{n + 1} (x - a)^{n+1}$$

Déterminer une primitive F de
 \ln sur \mathbb{R}^{+*}

$$F(x) = x \ln(x) - x$$

Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$.
Déterminer une primitive F de
 $(x \mapsto \cos(ax + b))$ sur \mathbb{R} .

$$F(x) = \frac{1}{a} \sin(ax + b)$$

Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \sin(ax + b))$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \frac{-1}{a} \cos(ax + b)$
Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \operatorname{ch}(ax + b))$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \frac{1}{a} \operatorname{sh}(ax + b)$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \operatorname{sh}(4 - 5x))$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \frac{-1}{5} \operatorname{ch}(4 - 5x)$
Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{1}{x^2 + a^2})$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \frac{1}{a} \operatorname{Arctan}\left(\frac{x}{a}\right)$
Soit a et b deux réels tels que $a \neq 0$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{1}{x^2 + 1})$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \operatorname{Arctan}(x)$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{1}{\cos^2(x)})$ sur $]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$.	$F(x) = \tan(x)$
Déterminer une primitive F de \tan sur D_{\tan}	$F(x) = -\ln \cos(x) $
Déterminer une primitive F de $1 + \tan^2$ sur D_{\tan} .	$F(x) = \tan(x)$
Soit $\alpha \in \mathbb{R}$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto x^\alpha)$ sur \mathbb{R}^{+*} .	$F(x) = \begin{cases} \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} & \text{si } \alpha \neq -1 \\ \ln(x) & \text{si } \alpha = -1 \end{cases}$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{x}{x+1})$ sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$.	Indication : $\frac{x}{x+1} = \frac{x+1-1}{x+1} = 1 - \frac{1}{x+1}$ $F(x) = x - \ln x+1 $
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{1}{\sqrt{x^2+1}})$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{1}{\sqrt{x^2-1}})$ sur $]1; +\infty[$.	$F(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 - 1})$

Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}\right)$ sur $] - 1; 1[$.	$F(x) = \text{Arcsin}(x)$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{1}{x^2+1}\right)$ sur \mathbb{R} .	$F(x) = \text{Arctan}(x)$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \sqrt{1-x}\right)$ sur $] - \infty, 1[$.	Indication : $\sqrt{1-x} = -[-(1-x)^{\frac{1}{2}}] = -u'(x)u(x)^{\frac{1}{2}}$ $F(x) = -\frac{2}{3}(1-x)^{3/2}$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{1}{\sqrt{x+3}}\right)$ sur $] - 3, +\infty[$.	Indication : $\frac{1}{\sqrt{x+3}} = 1(x+3)^{-\frac{1}{2}} = u'(x)u(x)^{-\frac{1}{2}}$ $F(x) = 2(x+3)^{1/2}$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{x}{x^2+1}\right)$ sur \mathbb{R} .	Indication : $\frac{x}{x^2+1} = \frac{1}{2} \frac{2x}{x^2+1} = \frac{1}{2} \frac{u'(x)}{u(x)}$ $F(x) = \frac{1}{2} \ln 1+x^2 = \frac{1}{2} \ln(1+x^2)$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}\right)$ sur \mathbb{R} .	Indication : $\frac{1}{x^2} e^{\frac{1}{x}} = -\left(\frac{-1}{x^2}\right) e^{\frac{1}{x}} = -u'(x)e^{u(x)}$ $F(x) = -e^{\frac{1}{x}}$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \sin^2(x))$ sur \mathbb{R} .	Indication : $\sin^2(x) \stackrel{\text{linéarisation}}{=} \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cos(2x)$ $F(x) = \frac{1}{2}x - \frac{1}{4} \sin(2x)$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \sin(x)\cos^5(x))$ sur \mathbb{R} .	Indication : $\sin(x)\cos^5(x) = -u'(x)u(x)^5$ $F(x) = -\frac{\cos(x)^6}{6}$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto x\sin(x^2))$ sur \mathbb{R} .	Indication : $x\sin(x^2) = -\frac{1}{2}u'(x)\cos'(u(x))$ $F(x) = -\frac{1}{2} \cos(x^2)$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{1}{(3x+4)^6}\right)$ sur $] -\frac{4}{3}, +\infty[$.	Indication : $\frac{1}{(3x+4)^6} = \frac{1}{3} 3(3x+4)^{-6} = \frac{1}{3} u'(x)u(x)^{-6}$ $F(x) = \frac{\frac{1}{3}(3x+4)^{-5}}{-5} = \frac{-1}{15(3x+4)^5}$
Déterminer une primitive F de $\left(x \mapsto \frac{1}{2-5x}\right)$ sur $] \frac{2}{5}, +\infty[$.	Indication : $\frac{1}{2-5x} = \left(-\frac{1}{5}\right)\left(-\frac{5}{2-5x}\right) = \frac{-1}{5} \times \frac{u'(x)}{u(x)}$ $F(x) = -\frac{1}{5} \ln 2-5x = -\frac{1}{5} \ln(5x-2)$
Déterminer une primitive F de $(x \mapsto (2-3x)^6)$ sur \mathbb{R} .	Indication : $(2-3x)^6 = \left(-\frac{1}{3}\right)(-3)(2-3x)^6 = \frac{-1}{3} \times u'(x)u(x)^6$ $F(x) = -\frac{\frac{1}{3}u(x)^7}{7} = -\frac{1}{21}(2-3x)^7$

<p>Déterminer une primitive F de $(x \mapsto x\sqrt{x+1})$ sur $[-1, +\infty[$.</p>	<p>Indication : $x\sqrt{x+1} = (x+1-1)\sqrt{x+1} = (x+1)^{3/2} - (x+1)^{1/2} = u'(x)u(x)^{3/2} - u'(x)u(x)^{1/2}$</p> $F(x) = \frac{u(x)^{5/2}}{\frac{5}{2}} - \frac{u(x)^{3/2}}{\frac{3}{2}} = \frac{2}{5}\sqrt{(x+1)^5} - \frac{2}{3}\sqrt{(x+1)^3}.$
<p>Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{x}{\sqrt{x+2}})$ sur $] -2, +\infty[$.</p>	<p>Indicat : $\frac{x}{\sqrt{x+2}} = \frac{(x+2-2)}{\sqrt{x+2}} = (x+2)^{1/2} - 2(x+2)^{-1/2} = u'(x)u(x)^{1/2} - 2u'(x)u(x)^{-1/2}$</p> $F(x) = \frac{u(x)^{3/2}}{\frac{3}{2}} - 2\frac{u(x)^{1/2}}{\frac{1}{2}} = \frac{2}{3}\sqrt{(x+2)^3} - 4\sqrt{x+2}.$
<p>Soit $\alpha \in \mathbb{R}$ et u une fonction dérivable et strictement positive sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x)u(x)^\alpha)$ sur I.</p>	$F(x) = \begin{cases} \frac{u(x)^{\alpha+1}}{\alpha+1} & \text{si } \alpha \neq -1 \\ \ln u(x) & \text{si } \alpha = -1 \end{cases}$
<p>Soit $\alpha \in \mathbb{R}$ et u une fonction dérivable et strictement positive sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{u'(x)}{u(x)^\alpha})$ sur I</p>	$F(x) = \begin{cases} \frac{u(x)^{-\alpha+1}}{-\alpha+1} & \text{si } \alpha \neq 1 \\ \ln u(x) & \text{si } \alpha = 1 \end{cases}$
<p>Soit u une fonction dérivable et ne s'annulant pas sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{u'(x)}{u(x)})$ sur I.</p>	$F(x) = \ln(u(x))$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x)e^{u(x)})$ sur I.</p>	$F(x) = e^{u(x)}$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x)\sin(u(x)))$ sur I.</p>	$F(x) = -\cos(u(x))$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x)\cos(u(x)))$ sur I.</p>	$F(x) = \sin(u(x))$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x) \operatorname{sh}(u(x)))$ sur I.</p>	$F(x) = \operatorname{ch}(u(x))$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x) \operatorname{ch}(u(x)))$ sur I.</p>	$F(x) = \operatorname{sh}(u(x))$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I et telle que $\forall x \in I, \forall k \in \mathbb{Z}, u(x) \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto \frac{u'(x)}{\cos^2(u(x))})$ sur I.</p>	$F(x) = \tan(u(x))$
<p>Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I et telle que $\forall x \in I, \forall k \in \mathbb{Z}, u(x) \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$. Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x)(1 + \tan^2(u(x))))$ sur I.</p>	$F(x) = \tan(u(x))$

Soit a et b deux réels tq $a \neq 0$ u une fonction dérivable sur un intervalle I .

Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(ax + b))$ sur $J = \{x \in \mathbb{R} / ax + b \in I\}$.

$$F(x) = \frac{u(ax + b)}{a}$$

Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I et v une fonction dérivable sur un intervalle J telles que $\forall x \in I, u(x) \in J$.

Déterminer une primitive F de $(x \mapsto u'(x) \times v'(u(x)))$ sur I .

$$F(x) = v(u(x))$$