

Thème I. Ondes et signaux (Optique géométrique) TD n°2 Formation des images

💡 Méthode : Comment travailler des exercices ?

Avant la séance de TD :

- ★ Sur une feuille de brouillon, avec un crayon à la main et le chapitre ouvert sous les yeux.
- ★ Essayer des « trucs » même si cela n’aboutit pas.
- ★ Faire des schémas complets et suffisamment grands.
- ★ Ne rien écrire sur l’énoncé de TD afin de pouvoir refaire les exercices après la correction en classe.
- ★ Réfléchir environ 10 à 15 min sur chaque exercice demandé. Si vous bloquez complètement sur une question/un exercice, passez à la suite au bout de 10 min, et me poser des questions soit directement soit par mail nvalade.pcsi@gmail.com.

Après la séance de TD :

- ★ Refaire les exercices corrigés ensemble, sans regarder le corrigé dans un premier temps.
- ★ Une fois l’exercice terminé ou si vous êtes totalement bloqué, reprendre avec le corrigé.

Exercice n°	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Capacités									
Construire l’image d’un objet par un miroir plan.		📌							
Construire l’image d’un objet situé à distance finie ou infinie à l’aide de rayons lumineux, identifier sa nature réelle ou virtuelle.	📌			📌	📌	📌	📌		
Exploiter les formules de conjugaison et de grandissement transversal de Descartes et de Newton.	📌		📌	📌			📌	📌	📌
Citer les ordres de grandeur de la limite de résolution angulaire et de la plage d’accommodation.				📌		📌	📌		
Modéliser, à l’aide de plusieurs lentilles, un dispositif optique d’utilisation courante.						📌	📌		📌

Parcours possibles

- 🎵 Si vous avez des difficultés sur ce chapitre : exercices n°1, n°3, n°4, n°6 (Q1 à Q5).
- 🎵🎵 Si vous vous sentez moyennement à l’aise, mais pas en difficulté : exercices n°2, n°3, n°4, n°6.
- 🎵🎵🎵 Si vous êtes à l’aise : exercices n°5, n°6, n°7.

I Exercices d’application directe du cours

Exercice n°1 Configuration de Silbermann 🎵

Une lentille convergente donne d’un objet AB réel une image inversée de même taille.

- Q1. Que vaut le grandissement transverse ?
- Q2. Déterminer la position de l’objet.
- Q3. En déduire la position de l’image.
- Q4. Effectuer le tracé des rayons dans cette configuration.

Exercice n°2 Enfant devant un miroir 🎵🎵

La petite Louise, 8 ans, est debout devant un miroir plan rectangulaire, fixé sur un mur vertical. Son œil est à 1,2 m du sol. La base du miroir est à une hauteur h au dessus du sol.

Déterminer la valeur maximale de h pour que l’enfant puisse s’admirer en entier.

Exercice n°3 Radio-réveil 🎵 🎵

Certains radios-réveils permettent d'afficher l'heure au plafond en plus de celle affichée sur l'écran. Le système, constitué d'une lentille mince convergente de distance focale $f' = 5,0$ cm, forme une image de 12,0 cm de hauteur à une distance de 1,70 m du radio-réveil.

En utilisant les relations de Newton, calculer la taille de l'objet dont l'image est projetée au plafond.

Exercice n°4 Loupe 🎵

Une loupe est une lentille convergente de distance focale image f' . On l'utilise pour observer une image agrandie d'un objet à travers la lentille.

Q1. De quelle nature est l'image donnée par la loupe ?

Q2. Pour observer l'image de l'objet sans fatigue, où doit-elle se former ? Où doit être placé l'objet par rapport à la lentille pour qu'il en soit ainsi ? Faire un schéma dans cette situation.

On définit le grossissement commercial par $G = \frac{\alpha'}{\alpha}$, où α est l'angle sous lequel est vu l'objet à l'œil nu (sans loupe) observé au punctum proximum ($d_m = 25$ cm), et α' l'angle sous lequel est vue l'image observée à travers la loupe.

Q3. (a) Exprimer α' en fonction de f' et de \overline{AB} .

(b) Exprimer α en fonction de d_m et \overline{AB} (on s'aidera d'un schéma).

(c) Exprimer le grossissement commercial de la loupe en fonction de f' et d_m .

Q4. Calculer la valeur du grossissement commercial d'une loupe de vergence $V = 10$ δ.

Q5. Quel est le pouvoir de résolution de l'œil dans de bonnes conditions d'éclairement ? Déterminer la taille du plus petit objet que peut distinguer un œil normal qui accommode au maximum.

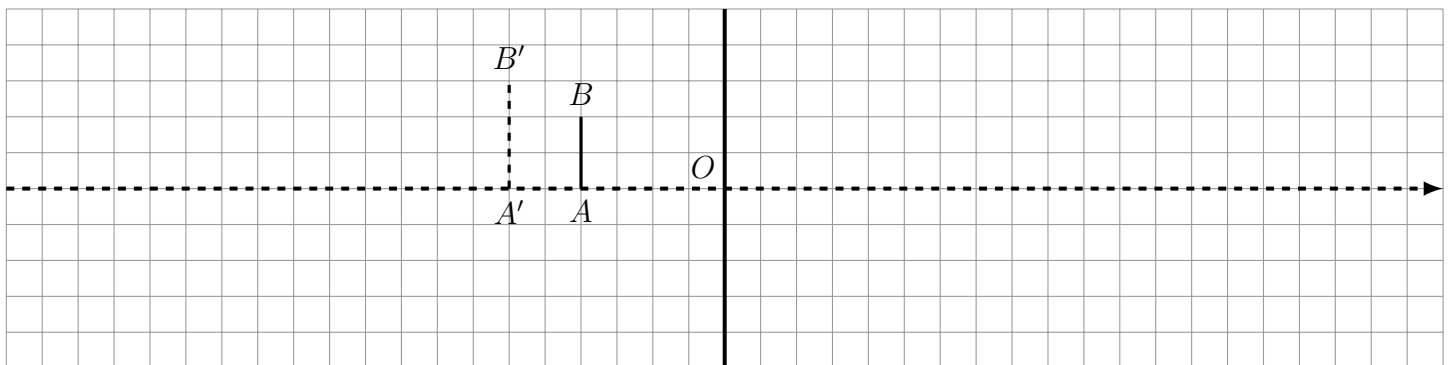
Q6. Donner la taille du plus petit objet que peut distinguer un œil normal en utilisant la loupe sans accommoder. Conclure.

II Exercices d'approfondissement

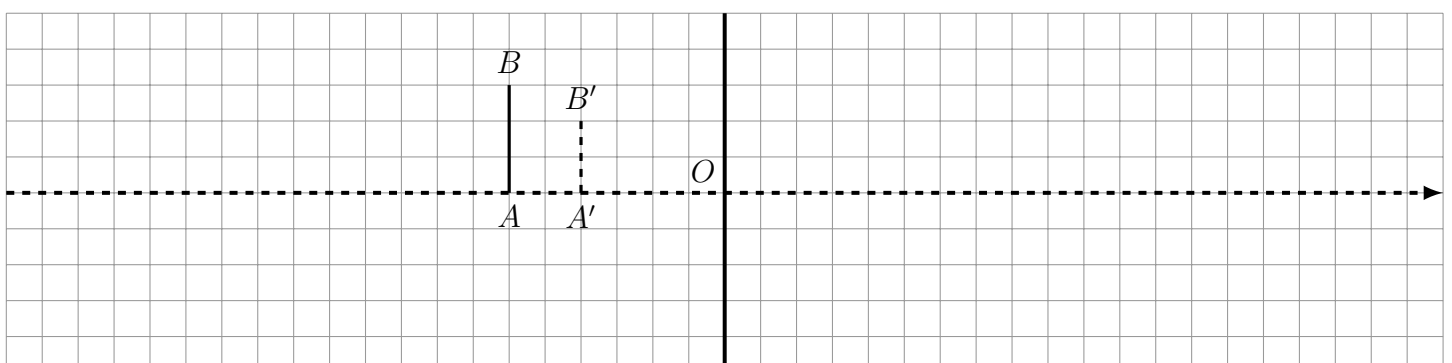
Exercice n°5 Quelle est donc cette lentille ? 🎵 🎵 🎵

On donne l'image $A'B'$ d'un objet AB . Déterminer la nature et la position des foyers des lentilles ci-dessous.

Q1. .

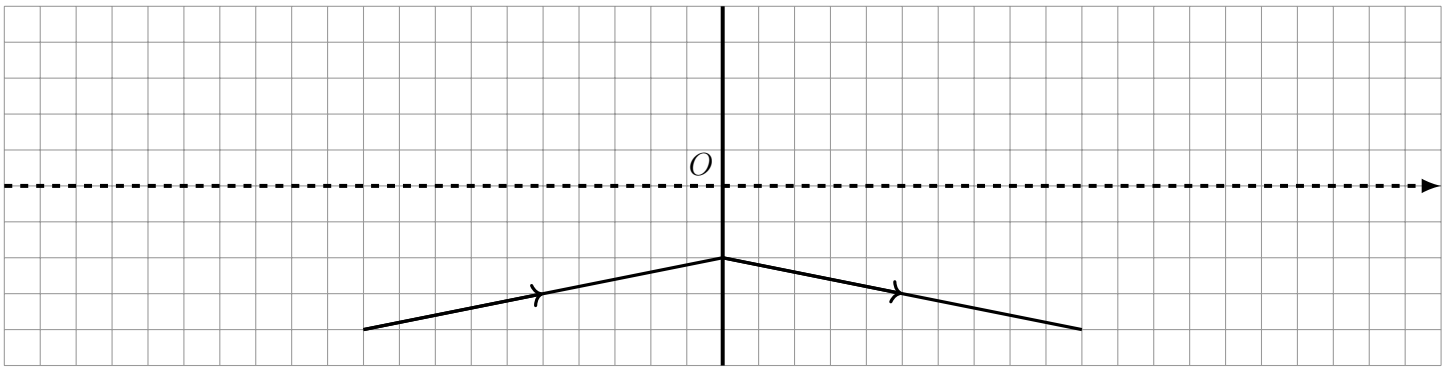


Q2. .

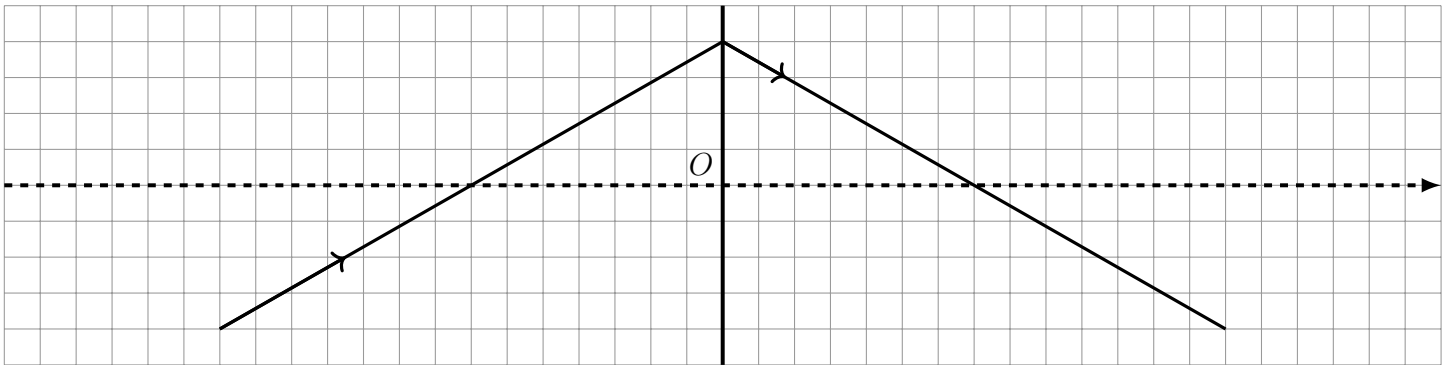


On donne le tracé complet d'un rayon à travers la lentille. Déterminer la nature de la lentille et la position des foyers.

Q3. .



Q4. .



Exercice n°6 Lunette de Galilée 🎵 🎵

Mars est située à une distance variant entre 56 et 160 millions de kilomètres de la Terre. Son diamètre vaut 6800 km. On l'observe au travers d'une lunette de Galilée composée d'un objectif et d'un oculaire.

Ces deux systèmes optiques complexes peuvent être modélisés par deux lentilles minces la première (l'objectif) de focale 1,0 m et la seconde (l'oculaire) de focale $-2,5$ cm.

- Q1. Où se forme l'image intermédiaire de Mars par l'objectif ?
- Q2. Où doit se former l'image finale pour pouvoir être observée sans fatigue ? Pour cela, où doit alors se trouver l'image intermédiaire de Mars par l'objectif qui joue le rôle d'objet pour l'oculaire ?
- Q3. En déduire avec quel point le foyer principal objet F_{oc} de l'oculaire doit coïncider. On réalise dans ce cas là ce qu'on appelle un **système afocal**.

Faire un schéma en positionnant les lentilles convenablement (on fera attention au fait que l'oculaire est une lentille divergente!). On ne cherchera pas à faire le schéma à l'échelle.

Mars est assimilé à un objet AB situé à l'infini, où A est sur l'axe optique.

- Q4. Faire le tracé de deux rayons lumineux issus de B à travers la lunette : commencer par celui passant par F_1 , puis un autre au choix. L'image finale apparaît-elle dans le même sens que l'objet pour l'observateur ?

On appelle grossissement de la lunette le rapport $G = \frac{\alpha'}{\alpha}$ où α' est le diamètre apparent sous lequel est vue Mars à travers la lunette.

- Q5. (a) Indiquer α et α' sur le tracé précédent.
 (b) Exprimer α et α' en fonction de la taille de l'image intermédiaire et des distances focales de l'objectif f'_{obj} et de l'oculaire f'_{oc} .
 (c) Établir l'expression du grossissement en fonction des distances focales de l'objectif f'_{obj} et de l'oculaire f'_{oc} .
 (d) Le calculer numériquement.
- Q6. On appelle diamètre apparent l'angle sous lequel est vu un objet. Calculer le diamètre apparent α de la planète Mars lorsqu'elle est observée sans lunette, lorsqu'elle est au plus proche de la Terre. Est-il possible de voir à l'œil nu la surface de Mars ?
- Q7. Sous quel angle Mars est-elle perçue lorsqu'elle est au plus proche ? Est-il cette fois possible de distinguer sa surface ?

Exercice n°7 Microscope 🎵 🎵 🎵

Un microscope optique est modélisé par deux lentilles minces convergentes : l'objectif, placé du côté de l'objet, et l'oculaire, placé du côté de l'observateur. Il est réglé pour donner une image à l'infini d'un objet réel AB , perpendiculaire à l'axe optique, A étant placé sur l'axe, légèrement avant du foyer objet de l'objectif. L'image finale est observée par un œil emmétrope placé au voisinage du foyer image de l'oculaire. On modélise l'objectif par une lentille \mathcal{L}_1 convergente de distance focale image f'_1 et l'oculaire par une lentille \mathcal{L}_2 convergente de distance focale image f'_2 . La notice constructeur précise également l'intervalle optique $\Delta = \overline{F'_1 F'_2} = 16$ cm.

Q1. Comment placer le foyer principal objet de \mathcal{L}_2 pour que l'image finale se forme à l'infini ?

Faire un schéma du dispositif. Placer un objet AB en tenant compte du principe de fonctionnement d'un microscope puis tracer la marche de 3 rayons issus de B en faisant bien apparaître l'image intermédiaire $\overline{A_1 B_1}$.

On s'intéresse tout d'abord à l'oculaire seul. L'indication $\times 10$ portée sur l'oculaire est le grossissement commercial $G_0 = \frac{\alpha'}{\alpha}$ où α est l'angle sous lequel on verrait l'objet intermédiaire transverse $\overline{A_1 B_1}$ à l'œil nu lorsqu'il est situé à la distance minimale de vision distincte $d_m = 20$ cm et α' est l'angle sous lequel on voit l'image à l'infini de $A_1 B_1$ lorsqu'il est placé dans le plan focal objet de l'oculaire seul.

Q2. Déterminer la distance focale f'_2 de l'oculaire.

On s'intéresse maintenant à l'objectif seul, modélisé par une lentille \mathcal{L}_1 de distance focale image f'_1 . La valeur absolue du grandissement $\gamma_1 = \frac{\overline{A_1 B_1}}{\overline{AB}}$ de l'objet AB par l'objectif est indiquée à $\times 40$.

Q3. Déterminer la distance focale f'_1 de l'objectif.

Pour finir, on s'intéresse au microscope dans son ensemble.

Q4. Calculer la distance $\overline{O_1 A}$ à laquelle positionner l'objet pour que l'image intermédiaire $\overline{A_1 B_1}$ obtenue par l'objectif donne une image finale à l'infini.

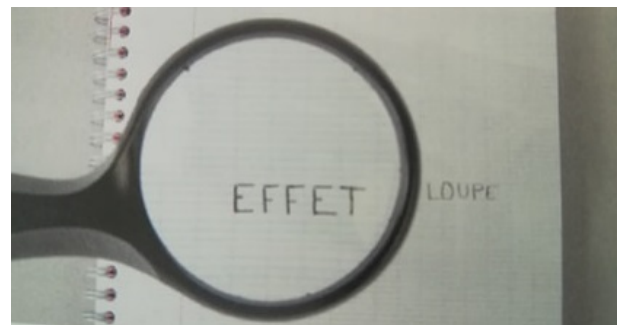
Q5. Calculer dans ce cas le grossissement commercial du microscope en entier, défini comme étant $G_c = \frac{\alpha'}{\alpha''}$, avec α'' l'angle sous lequel on voit l'objet AB à l'œil nu placé au punctum proximum.

III Résolutions de problèmes

Exercice n°8 Loupe

L'objet dont on forme l'image, est situé à 8,0 cm de la loupe.

Déterminer la distance focale de la loupe.



Exercice n°9 Hauteur d'une chute d'eau

Quelle est la hauteur de la chute d'eau qui apparaît sur la photographie ci-dessous ?



Réglages de l'appareil :

Ouverture : $f/9,0$

Durée d'exposition : $1/100$ sec

Distance focale : 135 mm

Caractéristiques techniques :	
Appareil	Canon EOS 550D
Type et Taille du capteur	Cmos APS-C 22,3 x 14,9 mm
Nombre de pixels effectifs	Environ 18,0 millions
Nombre total de pixels	Environ 18,7 millions

La position du photographe est repérée par une croix sur la vue satellite ci-dessous.



IV Extraits du cahier d'entraînement

OPT02

Fiche d'entraînement n° 9

Optique

Lentilles

Prérequis

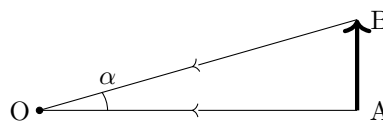
Propriétés des lentilles minces dans les conditions de Gauss. Vergence.
Relations de conjugaison des lentilles minces.

Grandeurs algébriques

Entraînement 9.1 — Diamètre apparent.



On considère le schéma suivant, montrant l'angle α , appelé diamètre apparent, sous lequel est vu un objet AB depuis un point O.




- a) Exprimer le diamètre apparent α , en radians, en fonction de OA et AB
- b) Exprimer le diamètre apparent α , en degrés, en fonction de OA et AB

Un observateur situé à la surface de la Terre observe des astres, caractérisés par les données suivantes :

	Soleil	Lune
Diamètre	$1,4 \cdot 10^6$ km	$3,5 \cdot 10^3$ km
Distance à la Terre	$150\,600 \cdot 10^3$ km	384 400 km

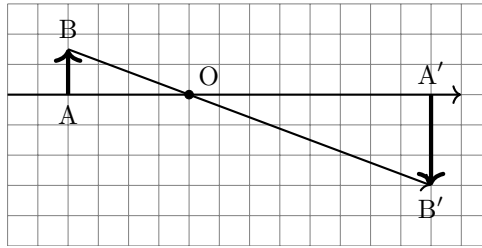
Pour simplifier les calculs, on pourra utiliser que, quand α est un angle petit et exprimé en radians, on dispose de l'approximation des petits angles : $\alpha \approx \tan(\alpha)$.

- c) Calculer le diamètre apparent de la Lune α_L en degrés
- d) Calculer le diamètre apparent du Soleil α_S en degrés
- e) Que vérifient les valeurs numériques α_S et α_L ?
- (a) $\alpha_S > \alpha_L$ (b) $\alpha_S \approx \alpha_L$ (c) $\alpha_S < \alpha_L$
-

 **Entraînement 9.2 — Configuration de Thalès et grandissement.**



On considère la situation représentée sur le schéma ci-dessous.




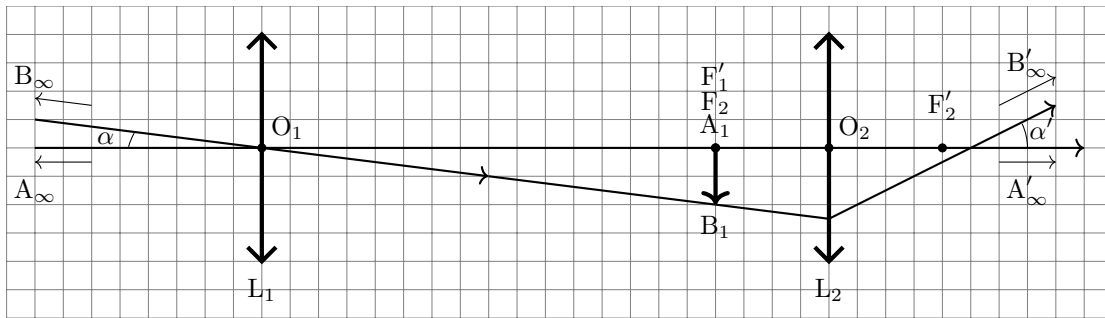
On note \bar{x} la valeur algébrique de la longueur x et on définit le grandissement γ par la relation :

$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}.$$

a) Donner la relation reliant \overline{OA} , $\overline{OA'}$, \overline{AB} et $\overline{A'B'}$

b) Déterminer la valeur numérique de γ

 **Entraînement 9.3 — Schéma optique d'une lunette astronomique afocale.**



Le schéma ci-dessus modélise une lunette astronomique afocale, où un carreau correspond à une longueur réelle de 2,5 cm.

Calculer les distances algébriques suivantes :

a) $\overline{O_1F'_1}$

b) $\overline{O_2F_2}$

c) $\overline{O_2O_1}$

d) $\overline{A_1F'_2}$

Modèle de la lentille mince

Entraînement 9.5 — Conditions de Gauss.



Parmi les situations suivantes concernant les rayons lumineux issus d'un objet et traversant une lentille mince, indiquer celle qui ne permet pas de se placer dans les conditions de Gauss.

- (a) peu inclinés par rapport à l'axe optique. (b) passant par les bords de la lentille. (c) passant près du centre optique.

.....

Entraînement 9.6 — Déviation de rayons lumineux.

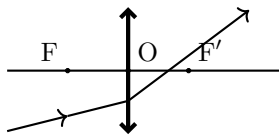


On rappelle les propriétés suivantes :

- Un rayon passant par le centre optique de la lentille n'est pas dévié.
- Un rayon incident dont la direction passe par le foyer objet émerge parallèle à l'axe optique principal.
- Un rayon parallèle à l'axe optique principal émerge avec une direction passant par le foyer image.

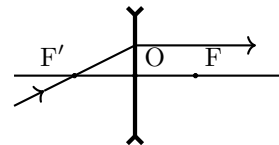
Pour chacun des schémas suivants, préciser s'ils sont corrects ou incorrects.

a)



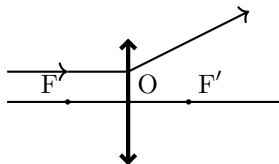
.....

c)



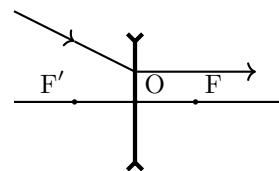
.....

b)



.....

d)

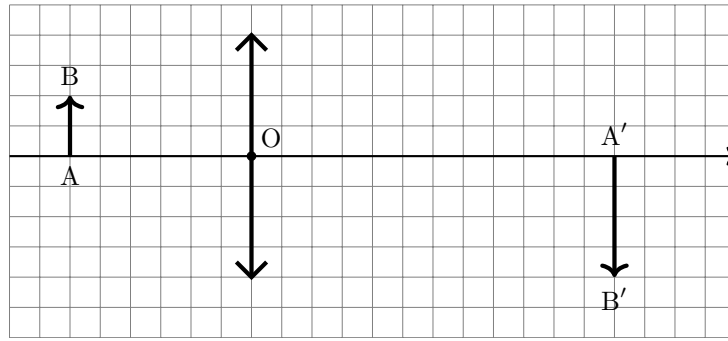


.....

Entraînement 9.7 — Construction de rayons lumineux.



On considère le schéma suivant montrant un objet \overline{AB} et son image $\overline{A'B'}$ par une lentille convergente.



On donne l'échelle du schéma : 8 carreaux sur le schéma correspondent à 10 cm en réalité.

a) Déterminer graphiquement la distance focale de la lentille

b) Calculer la vergence de la lentille

Entraînement 9.8 — Batailles de convergence.



Quelle est la lentille la plus convergente ?

- (a) une lentille de vergence $+8,0 \delta$
- (c) une lentille de focale objet $-10,0 \text{ cm}$
- (b) une lentille de focale image $+8,0 \text{ cm}$
- (d) une lentille de focale image $-8,0 \text{ cm}$

.....

Conjugaison par une lentille mince

Entraînement 9.10 — Relation de conjugaison au centre optique.



Un objet lumineux est placé au point A, à 15,0 cm devant une lentille mince convergente de centre optique O et de distance focale $f' = 4,0$ cm.

On rappelle la relation de conjugaison aux sommets de Descartes qui permet de faire le lien entre la position \overline{OA} de l'objet et la position $\overline{OA'}$ de l'image :

$$\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{\overline{OF'}}$$

a) Exprimer $\overline{OA'}$ en fonction de \overline{OA} et f'

b) Exprimer \overline{OA} en fonction de $\overline{OA'}$ et f'

c) Exprimer f' en fonction de \overline{OA} et $\overline{OA'}$

d) L'image est-elle située avant ou après le centre optique O?

Entraînement 9.11 — Relation de conjugaison aux foyers.



Dans un dispositif optique convergent de distance focale $f' = 12,0$ cm, on souhaite qu'une image réelle se trouve exactement à 5,0 mm après le foyer image. On cherche la position où l'on doit placer l'objet, dans un premier temps par rapport au foyer objet F, puis par rapport au centre optique O.

On rappelle la relation de conjugaison aux foyers de Newton :

$$\overline{F'A'} \times \overline{FA} = -f'^2$$

a) Exprimer \overline{FA} en fonction de f' et $\overline{F'A'}$

b) Exprimer \overline{OA} en fonction de \overline{FA} et f'

c) Cet objet est-il réel ou virtuel?

Entraînement 9.12 — Grandissement.



Un système optique donne d'un objet, une image dont le grandissement est le suivant : $\gamma = -2,0$.

a) Par rapport à l'objet, cette image est :

(a) rétrécie

(b) agrandie

b) Par rapport à l'objet, cette image est :

(a) droite

(b) renversée

.....

.....

Entraînement 9.14 — Objets et images à l’infini.



a) Un objet lumineux très éloigné, comme une étoile, peut être considéré comme étant situé à l’infini.

Où se situe l’image d’un tel objet par une lentille ?

- (a) dans son plan focal image
- (b) dans son plan focal objet
- (c) à l’infini

b) Un œil « normal » (emmétrope) n’accomode pas lorsqu’il observe une image à l’infini. Dans ce but, on souhaite projeter à l’infini, l’image d’un objet en utilisant une lentille.

Où doit-on placer l’objet ?

- (a) dans son plan focal image
- (b) dans son plan focal objet
- (c) à l’infini

Réponses mélangées

5,0 cm	(b)	(a)	$\frac{A_1B_1}{f'_1}$	Correct	$\overline{FA} - f'$	0	20 cm
$\overline{OA} = -5,02$ cm	(b)		$\frac{15D}{64}$	virtuelle	Incorrect	(a)	4 -10 cm
-2	10,8 m × 7,2 m	0,52°	(b)	droite	Incorrect	$\frac{f'_1}{f'_2}$	$\arctan\left(\frac{AB}{OA}\right)$
réel	0,53°	$\frac{A_1B_1}{f'_2}$	-50 cm	$\frac{\overline{OA} \times \overline{OA'}}{\overline{OA} - \overline{OA'}}$	(a)	(b)	+20 δ 40 cm
	$\arctan\left(\frac{AB}{OA}\right) \times \frac{180}{\pi}$	$\frac{\overline{OA} \times \overline{OF'}}{\overline{OA} + \overline{OF'}}$	5,0 cm	0,22 m	$\overline{OA'} = -15$ cm	(b)	
après	(b)	$\frac{\overline{OA'} \times f'}{f' - \overline{OA'}}$	Correct	$\frac{D^2 - d^2}{4D}$	$\frac{-f'^2}{F'A'}$	$\frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{A'B'}{AB}$	