

# Interférences

## Ce qu'il faut connaître

- Quand dit-on que les interférences sont constructives ? Destructives ?
- Donner la condition sur le déphasage  $\Delta\varphi$ , entre les deux ondes au point  $M$ , pour avoir chacun des cas.
- Donner également la condition sur la différence de marche  $\delta = r_1 - r_2$ . (cours : II)
- Comment est défini le chemin optique entre un point  $S$  et un point  $M$  dans un milieu d'indice optique  $n$  ?
- On considère deux sources  $S_1$  et  $S_2$  et un point d'observation  $M$ . Quelle est la définition de la différence de chemin optique en  $M$  ?
- Énoncer la formule de Fresnel, ainsi que l'expression du déphasage  $\Delta\varphi$  en fonction de la différence de chemin optique  $\delta$

## Ce qu'il faut savoir faire

- Exprimer des conditions d'interférences constructives ou destructives.
- Exprimer l'amplitude de l'onde résultante en un point en fonction du déphasage
- Trous d'Young (sans lentille) : exprimer la différence de chemin optique en un point  $M$ , puis en utilisant la formule de Fresnel fournie, en déduire l'expression de l'éclairement

## Exercices de cours

### EC11 - Conditions d'interférences constructives ou destructives

On considère le dispositif suivant. On suppose que l'émetteur 2 est de taille suffisamment petite pour ne pas avoir d'influence sur le signal émis par l'émetteur

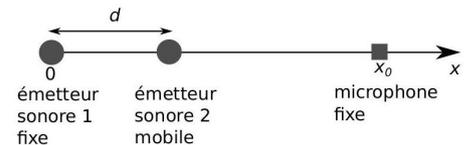
1. Chaque émetteur envoie une onde progressive sinusoïdale de même fréquence et de phase à l'origine nulle.

1 - Rappeler les conditions d'interférence destructive et constructive en terme de déphasage entre les deux signaux.

2 - Lorsque  $d = 0$ , qu'enregistre-t-on au niveau du microphone ?

3 - On part de  $d = 0$ , et on augmente  $d$  jusqu'à ce que le signal enregistré soit nul. Ceci se produit pour  $d = 6,0$  cm. Expliquer pourquoi il y a cette extinction.

En déduire la longueur d'onde du son émis.



### EC 2 - Expression de l'amplitude résultant d'interférences

On considère deux sources qui émettent deux ondes progressives sinusoïdales, de même pulsation  $\omega$ . On note  $r_1 =$  distance  $S_1M$  et  $r_2 =$  distance  $S_2M$ .

Pour simplifier les calculs, on considère que les amplitudes de  $s_1$  et  $s_2$  sont identiques. On a donc au point  $M$  :

$$s_1(M, t) = A_0 \cos(\omega t - kr_1) \quad \text{et} \quad s_2(M, t) = A_0 \cos(\omega t - kr_2).$$

On donne la formule  $\cos p + \cos q = 2 \cos\left(\frac{p+q}{2}\right) \cos\left(\frac{p-q}{2}\right)$

1 - Exprimer le signal total  $s(M, t) = s_1(M, t) + s_2(M, t)$  au point  $M$ .

On le mettra sous la forme  $s(M, t) = A \cos(\omega t + \varphi_0)$ . On donnera l'expression de l'amplitude  $A$  obtenue, en fonction de  $A_0$ ,  $\lambda$  et de  $\delta = r_2 - r_1$ .

2 - Retrouver alors la condition habituelle sur  $\delta = r_2 - r_1$  pour que les interférences soient destructives.

3 - De même, retrouver la condition habituelle sur  $r_2 - r_1$  pour que les interférences soient constructives.

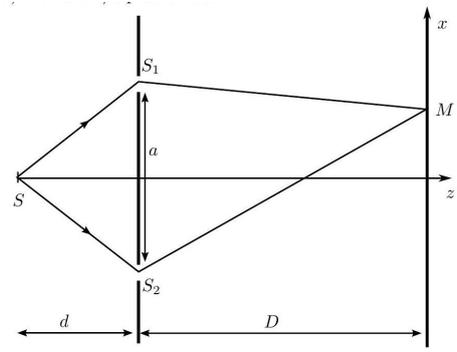
### EC 3 - Trous d'Young

On considère le montage des trous d'Young. L'écran est à grande distance :  $D \gg x, y, a$ . Le milieu est de l'air d'indice  $\sim 1$ . La source  $S$  est supposée monochromatique ( $\lambda = 633$  nm pour un laser rouge He-Ne) et ponctuelle. On utilise des trous de diamètres  $70\mu\text{m}$ , d'écartement  $a = 0,30$  mm, avec une distance  $D = 2,0$  m. On suppose l'éclairement dû à  $S_1$  (seul en l'absence de  $S_2$ ) uniforme sur l'écran, d'intensité notée  $I_0$ . De même pour  $S_2$ .

On donne la formule de Fresnel :  $I = 2I_0(1 + \cos \Delta\varphi)$  avec  $\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta(M)$  et  $\delta(M)$  la différence de chemin optique en  $M$ .

On raisonne uniquement dans le plan de la feuille. On donne  $(1 + \varepsilon)^{1/2} \simeq 1 + \varepsilon/2$  pour  $\varepsilon \ll 1$ .

- 1 - Donner l'expression de la différence de chemin optique  $\delta(M)$  au point  $M$ , en fonction de  $a, x$  et  $D$ . On exploitera le fait que  $D \gg x, a$ .
- 2 - En déduire l'expression de l'intensité au point  $M$  (aussi appelée éclairement).
- 3 - Cet éclairement est périodique. Donner l'expression de sa période spatiale (aussi appelée interfrange), notée  $i$ .
- 4 - Application numérique pour  $i$ .
- 5 - Comment est modifié l'interfrange si on augmente la distance entre les trous? Si on augmente la longueur d'onde  $\lambda$ ? Et si on augmente la distance  $D$ ?



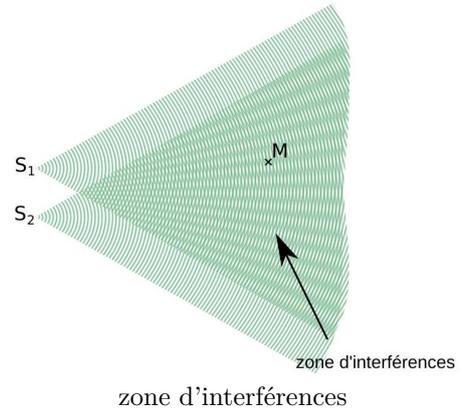
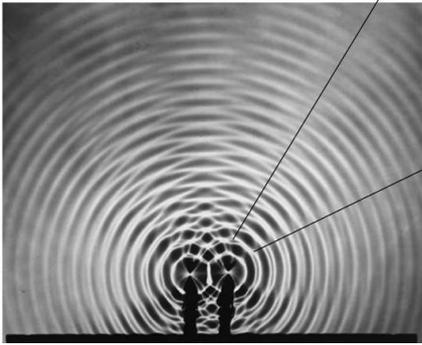
## I. Interférences avec des ondes mécaniques ou acoustiques

Interférences = superposition d'onde.

### 1. Principe de superposition

- Interférences entre deux ondes sphériques produites par deux vibreurs à la surface de l'eau.

e.



- Idée derrière les interférences :

- Source  $S_1$  qui produit une onde  $s_1(M, t)$  (valeur au point  $M$  à l'instant  $t$ ).
- Source  $S_2$  qui produit une onde  $s_2(M, t)$  (valeur au même point  $M$ , instant  $t$ ).

⇒ l'onde totale au point  $M$  est :  $s_{\text{tot}}(M, t) = s_1(M, t) + s_2(M, t)$ .

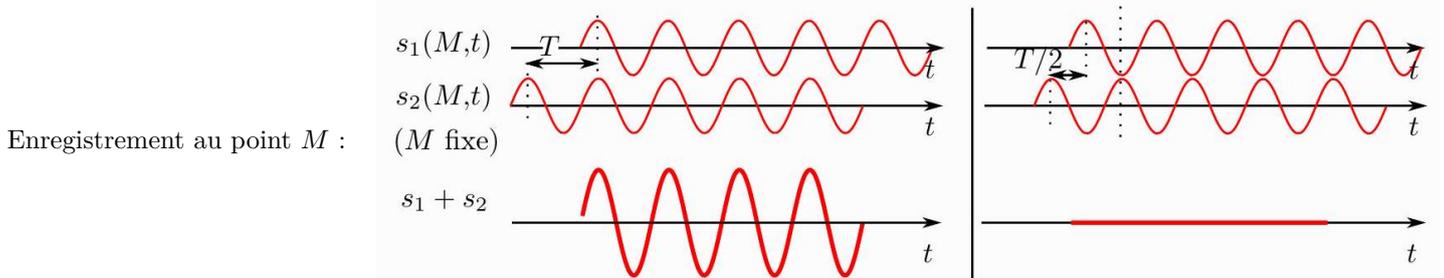
#### Définition de destructif/constructif

- Si les ondes  $s_1$  et  $s_2$  sont **en phase** au point  $M$  (maximales en même temps, ou minimales en même temps), alors l'amplitude  $s_{\text{tot}}$  est importante.

→ On dit que les interférences sont **constructives**

- Si les ondes  $s_1$  et  $s_2$  sont **en opposition de phase** au point  $M$  (l'une est maximale et l'autre minimale), alors l'amplitude  $s_{\text{tot}}$  est faible.

→ On dit que les interférences sont **destructives**



Attention : tout ceci n'a un sens que si  $s_1$  et  $s_2$  sont de **même période** (ou fréquence, ou pulsation).

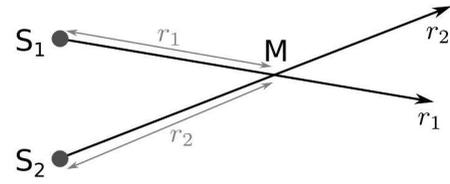
Remarque : Sur le schéma de droite ci-dessus, l'amplitude totale est nulle car  $s_1$  et  $s_2$  ont la même amplitude. Si ce n'est pas le cas,  $s_1 + s_2$  ne sera pas d'amplitude nulle, mais faible (et on dit aussi que les interférences sont destructives).

## 2. 2 - Condition sur le déphasage entre les deux ondes

On considère deux sources  $S_1$  et  $S_2$  qui émettent des ondes progressives sinusoïdales avec la même période  $T = 2\pi/\omega$ . On prend une même phase à l'origine  $\varphi_0 = 0$ .

- Soit  $M$  un point d'observation.
- On note  $r_1$  l'axe entre  $S_1$  et  $M$ , et  $r_2$  l'axe entre  $S_2$  et  $M$ .
- On a donc  $r_1 = \text{distance } S_1M$  et  $r_2 = \text{distance } S_2M$ .

↪<sub>1</sub> Rappel : une onde progressive sinusoïdale est du type " $s_0 \cos(\omega t - kx + \varphi)$ ". Comment peut-on écrire l'onde émise par  $S_1$  avec les notations introduites ? Et celle émise par  $S_2$  ?



### Définition : déphasage et différence de marche

- Au point  $M$ , le signal 1 est  $s_1(M, t) = A_1 \cos(\omega t - kr_1)$ .  
La phase à l'origine de ce signal temporel est :
- Au point  $M$ , le signal 2 est  $s_2(M, t) = A_2 \cos(\omega t - kr_2)$ .  
La phase à l'origine de ce signal temporel est :

On définit :

- Le **déphasage** entre les deux ondes au point  $M$  :  $\Delta\varphi(M) = \varphi_2 - \varphi_1$   
On a donc aussi  $\Delta\varphi(M) = k(r_1 - r_2) = \frac{2\pi}{\lambda}(r_1 - r_2)$ .
- La différence de marche entre les deux ondes au point  $M$  :  $\delta(M) = r_1 - r_2$

Nous allons traduire les conditions d'interférences destructives ou constructives sur la valeur de  $\Delta\varphi$  et de  $\delta$ .

↪<sub>2</sub> Cas 1 : interférences constructives, donc ondes  $s_1$  et  $s_2$  en phase au point  $M$  (max ou min en même temps)

↪<sub>3</sub> Cas 2 : interférences destructives, donc ondes  $s_1$  et  $s_2$  en opposition de phase au point  $M$  (l'une max lorsque l'autre est min)

### Bilan

- Interférences constructives  $\Leftrightarrow$  différence de phase  $\Delta\varphi = 2n\pi \Leftrightarrow \delta = r_1 - r_2 = n\lambda \quad (n \in \mathbb{Z})$ .
- Interférences destructives  $\Leftrightarrow$  différence de phase  $\Delta\varphi = \pi + 2n\pi \Leftrightarrow \delta = r_1 - r_2 = \frac{\lambda}{2} + n\lambda \quad (n \in \mathbb{Z})$ .

On retrouve ce qu'on a annoncé dans le 1/. Se souvenir que c'est logique : en phase  $\Leftrightarrow$  décalage d'une période donc d'un nombre entier de fois  $\lambda$ , ou encore égalité de ce qui est dans le cos à  $2\pi$  près. En opposition de phase  $\Leftrightarrow$  décalage d'une demi-période donc de  $\lambda/2$ , ou encore différence de  $\pi$  pour ce qui est dans les cosinus.

↪<sub>4</sub> Faire l'EC1.

## 3. Expression de l'amplitude de l'onde résultante

Ci-dessus, on a obtenu des conditions pour avoir une amplitude minimale (destructif) ou maximale (constructif) en  $M$ . Mais que vaut l'amplitude en  $M$  dans les cas intermédiaires (ni constructifs ni destructifs) ?

↪<sub>5</sub> Faire l'EC2.

## II. Interférences avec des ondes optiques

En optique, on peut alors avoir des zones où "lumière + lumière = absence de lumière". Ceci est expliqué par le modèle ondulatoire de la lumière : c'est un phénomène d'interférence.

### 1. Intensité lumineuse

La fréquence des ondes lumineuses est très élevée ( $f = c/\lambda \simeq 10^{15}$  Hz), si bien que les détecteurs (ou l'œil) ne permettent pas d'enregistrer le signal  $s(M, t) = A \cos(\omega t - kr)$ .

En réalité, les détecteurs (et l'œil) ne sont sensibles qu'à l'énergie moyenne reçue, elle-même proportionnelle à valeur moyenne du carré du signal :

$$\text{intensité au point } M : I(M) = k \langle s(M, t)^2 \rangle.$$

( $k$  est une constante de proportionnalité)

## 2. Chemin optique

### Définition : chemin optique

Soit un milieu transparent d'indice optique  $n$ .

Le chemin optique entre un point  $S$  et un point  $M$  est :  $(SM) = n \times SM$ .

Il est noté avec des parenthèses.

Dit autrement, chemin optique = indice optique  $\times$  distance

### Définition : différence de chemin optique

Soit deux sources  $S_1$  et  $S_2$ , et un point  $M$ .

La différence de chemin optique entre  $S_1$  et  $S_2$  est :  $\delta(M) = (S_1M) - (S_2M)$ .

On l'appelle aussi "différence de marche", comme avec les ondes mécaniques, mais il ne faut pas oublier l'indice  $n$  s'il est différent de 1.

$\rightsquigarrow_6$  Si on se place dans l'air, comment s'écrit le chemin optique et la différence de chemin optique ?

## 3. Interférences et formule de Fresnel

### Formule de Fresnel

Soit deux sources de lumière

- monochromatique (longueur d'onde dans le vide  $\lambda$ ),
- de même intensité (notée  $I_0$ ).

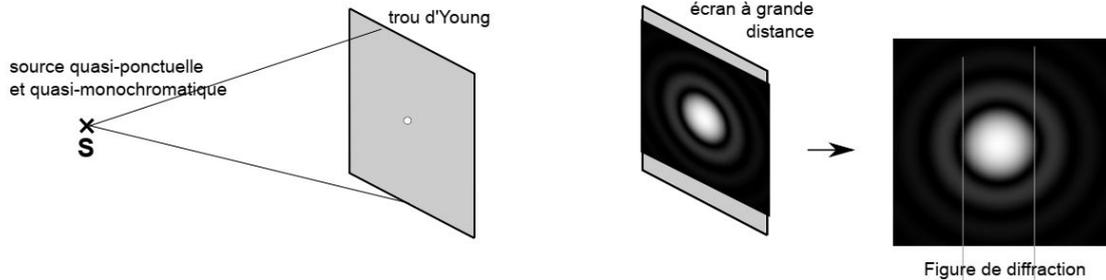
Lorsqu'elles interfèrent, l'intensité résultante s'écrit selon la formule de Fresnel :

$$I(M) = 2I_0(1 + \cos \Delta\varphi) \text{ avec } \Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta(M)$$

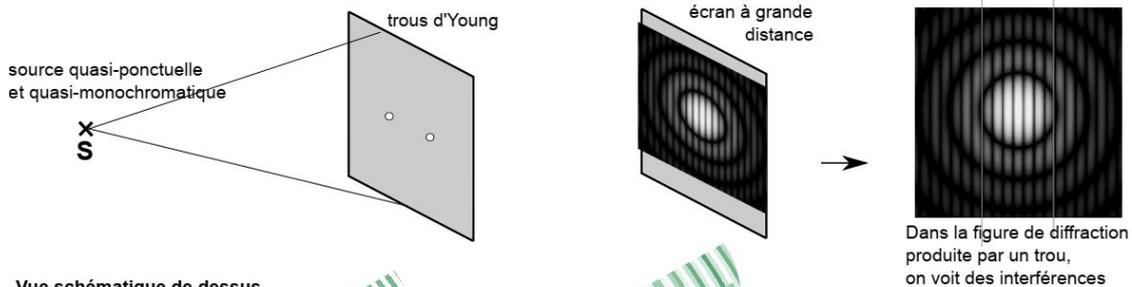
Ici  $\Delta\varphi$  est le déphasage entre les deux signaux reçus au point  $M$ , exactement comme dans la partie I.  $\delta(M)$  est la différence de chemin optique.

## 4. Expérience des trous d'Young et des fentes d'Young

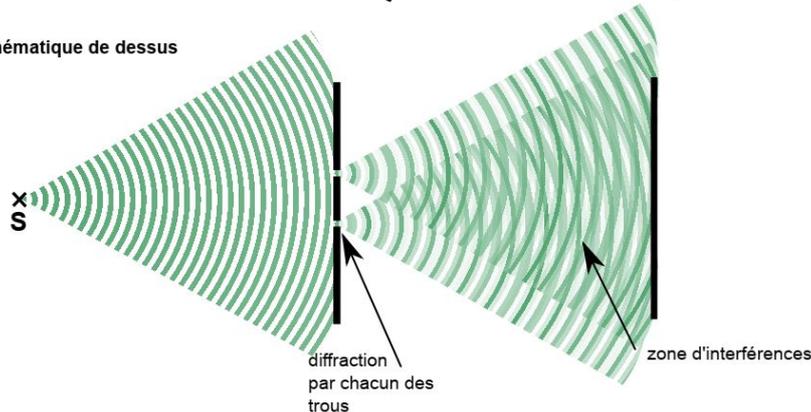
### UN trou : diffraction



### DEUX trous : diffraction + interférences



### Vue schématique de dessus



Dans la figure de diffraction produite par un trou, on voit des interférences

$\rightsquigarrow_8$  Faire l'EC3.