

1) Écrire sous la forme  $2^k$  : (E 018a)

$$2^n \times 4^{p+1} = \dots\dots\dots$$

2)  $\cos(x) = -1 \iff \dots\dots\dots$  (E 102d)

3)  $\tan a = \tan b \iff \dots\dots\dots$  (E 160c)

4)  $\forall z, z' \in \mathbb{C}, \quad |z + z'| = |z| + |z'|$  (E 225c)

$$\iff z' \dots\dots\dots$$

5) Pour  $z \in \mathbb{C}$  :  $e^z = 1 \iff z \dots\dots\dots$  (E 249c)

6) Racines  $n$ -ièmes distinctes de l'unité dans  $\mathbb{C}$  : (E 321c)

$$\text{sont de la forme } z_k = \dots\dots\dots \text{ avec } \omega = \dots\dots\dots$$

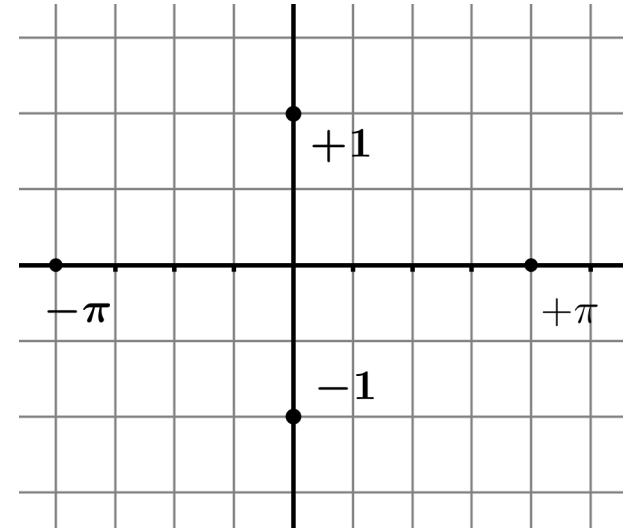
$$\text{et } k \in \dots\dots\dots$$

7) Soient 3 points distincts  $A, B, C$  d'affixes  $a, b, c$  (E 357a)

$$A, B, C \text{ sont alignés } \iff \dots\dots\dots \in \dots\dots\dots$$

8) Tracer l'allure de la courbe de  $x \mapsto \sin x$  sur  $[-\pi, \pi]$  (E 446a)

Tracer **précisément** la tangente en 0 et donner son équation :  $\dots\dots\dots$



9) Définition :  $(u_n)$  est une suite arithmétique de raison  $r$  (E 510c)

$$\iff \dots\dots\dots \iff \dots\dots\dots$$

(Donner la relation de récurrence ET l'expression de  $u_n$  en fonction de  $u_0$ )

$$10) S_n = \sum_{k=1}^n x^{2k} = \dots\dots\dots \quad (\text{E 517a})$$

$$\dots\dots\dots$$

$$\dots\dots\dots$$

**(Distinguer les différents cas)**

11) Suite récurrente linéaire ordre 2 :  $u_{n+2} = au_{n+1} + bu_n$  (E 545b)

à valeurs dans  $\mathbb{R}$ . Cas  $\Delta = 0$  : avec  $\Delta = \dots\dots\dots$

Alors les solutions réelles sont de la forme :

$u_n = \dots\dots\dots$  avec  $\dots\dots\dots$

et  $\dots\dots\dots$  racine(s) de  $\dots\dots\dots$

12) Soit la suite  $(u_n)$  définie par :  $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = -2u_n + 6$  (E 549a)

13) Exprimer  $u_n$  en fonction de  $n$  et  $u_0$  :

$\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

14) **Vrai ou Faux ?**  $\dots\dots\dots$  (E 556f)

$a^5 + b^5$  est factorisable par  $a + b$

15)  $\forall k \in [[1, n]], x_k \geq a$  (E 588f)

$\iff \dots\dots\dots (x_1, x_2, \dots, x_n) \dots\dots\dots$

16) Pour  $n \geq 1$ ,  $\prod_{k=0}^n j = \dots\dots\dots$  (E 610a)

17)  $\binom{n-1}{p-1} + \binom{n-1}{p} = \binom{n}{p}$  (E 632a)

Formule valable pour  $\dots\dots\dots$  (Donner des inégalités larges)

18) Soit  $\mathcal{P}$  une propriété (E 712b)

(On note  $P(x)$  : «  $x$  vérifie la propriété  $P$  »)

$\forall (x, y) \in E^2, [\mathcal{P}(x) \text{ et } \mathcal{P}(y)] \Rightarrow x = y$

signifie que :  $\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

19) Exprimer en français

Définition :  $f : E \rightarrow F$  est bijective (E 756b)

si et seulement si  $\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

20) Équivalent en 0 avec  $\sin$  (E 806b)

$\dots\dots\dots$

21) Démontrez que (E 823e)

$$f = o(h) \text{ et } g = o(h) \text{ en } a \Rightarrow f.g = o(h^2) \text{ en } a$$

.....

.....

.....

22) Si ..... (E 833)

$$\text{Alors } \lim_{x \rightarrow a} f(x) = \ell \iff \dots \sim \dots$$

23)  $\arccos(\cos x) = x$  pour ..... (E 901a)

24)  $\arccos$  est définie sur ..... et dérivable sur ..... (E 908b)

25) Détaillez les étapes (on doit reconnaître les formules utilisées) :

26)  $\arccos(\cos(-12\pi/5)) = \dots$  (E 915c)

.....

.....

27) Déf : La fonction  $f$  n'est pas strictement croissante sur  $I$  (E 1002b)

$$\iff \dots$$

28) Définition : Soit  $f$  définie sur  $I$  et  $a \in I$  (E 1017a)

$$f \text{ admet un maximum global en } a \iff \dots$$

29) Dérivabilité et dérivée de la réciproque en  $y \in J$  (E 1036c)

Soit  $f$  une bijection de  $I$  sur  $J$

Si  $f$  est dérivable en ..... et .....

Alors  $f^{-1}$  est dérivable en  $y$

$$\text{et } (f^{-1})'(y) = \dots = \dots$$

30)  $(a \neq 0) \int^u e^{ax} dx = \dots$  sur ..... (E 1056)

31)  $\int^x \frac{3 dt}{\sqrt{2-4t}} = \dots$  (E 1072)

$$= \dots \text{ sur } \dots$$

32) Définition : (avec les quantificateurs) : Soit  $\ell \in \mathbb{R}$ , (E 1220a)

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \ell$$

$$\iff \dots$$