

- 1) Écrire sous la forme $a.b^n.c^k$ avec a, b, c constantes (E 018d)

$$\frac{\alpha^{2n-k+1}}{(\beta^{2k+n})^3} = \dots\dots\dots$$

- 2) $-\cos(x) = \sin(\dots\dots\dots) = \sin(\dots\dots\dots)$ (E 111b)

- 3) $\forall z, z' \in \mathbb{C}^*, \frac{\arg(z)}{\arg z'} = ? \dots\dots\dots$ (E 230b)

- 4) DÉFINITION : pour $n \in \mathbb{N}^*$, (E 320c)

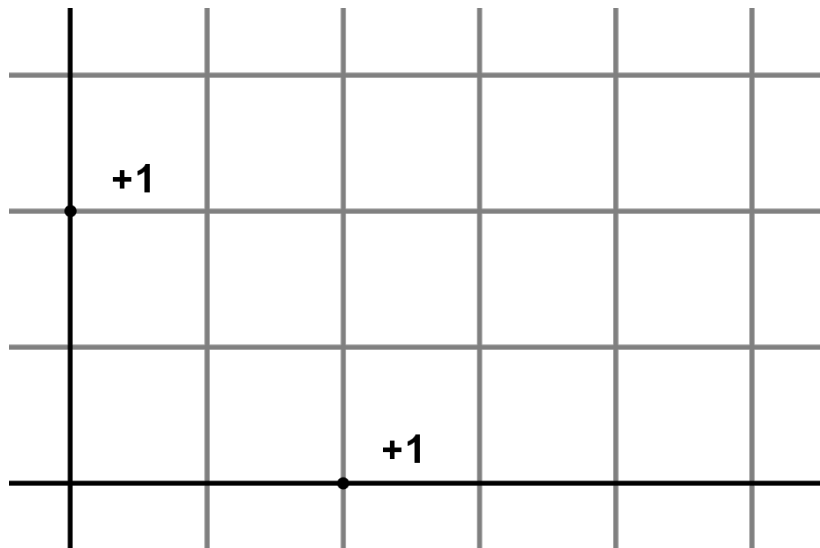
$$z \in \mathbb{U}_n \iff \dots\dots\dots$$

- 5) Pour $n > 0$ $\left(\frac{1}{x^n}\right)' = \dots\dots\dots$ (E 409)

(Résultat simplifié avec des puissances positives)

- 6) Tracer l'allure de la courbe de $x \mapsto \sqrt{x}$ (E 443a)

- 7) Tracer **précisément** les tangentes en 0 et en 1



- 8) (u_n) est une suite arithmétique de raison r . (E 510a)
Exprimer u_n en fonction de u_1 :

$$u_n = \dots\dots\dots$$

- 9) Suite récurrente linéaire ordre 2 à valeurs dans \mathbb{C} (E 540b)

$$u_{n+2} = au_{n+1} + bu_n, (a, b) \in \mathbb{C}^2.$$

Cas $\Delta = 0$: Les solutions Complexes sont de la forme :

$$u_n = \dots\dots\dots$$

avec $\dots\dots\dots$ racine(s) de $\dots\dots\dots$

- 10) (En utilisant la valeur absolue) Soit $a \in \mathbb{R}$ et $r > 0$ (E 565b)

$$\forall x \in \mathbb{R}, \quad x \in [a - r, a + r] \iff \dots\dots\dots$$

- 11) **Vrai ou Faux ?** $\dots\dots\dots$ (E 603c)

$$\forall x \in \mathbb{R}, \quad \lfloor -x \rfloor = -\lceil x \rceil$$

- 12) Contraposée de $(P \Rightarrow Q)$: $\dots\dots\dots$ (E 702)

- 13) $x \notin A \cap B \iff \dots\dots\dots$ (E 742a)

(Utiliser en toutes lettres « ET » ou bien « OU »)

- 14) Équivalent avec $\underline{x \rightarrow 1}$ de $\sqrt{\quad}$ (E 805d)

$\dots\dots\dots$

15) Démontrez la propriété suivante (**sans utiliser la dérivée**) (E 810e)

16) Montrer que : $\forall x \leq 0, \quad 0 < a \leq b \Rightarrow a^x \geq b^x$

.....

17) $f'(x_0) = a \neq 0 \iff \dots \sim a.h$ (E 827c)

(Sans quotient de fonctions)

18) arcsin est définie sur et dérivable sur (E 908a)

19) Définition : (E 1000d)

La fonction $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ est strictement croissante sur I

\iff

20) (**On sera le plus de précis possible en fonction de ce qui est donné dans l'énoncé**) (E 1030c)

Soit f continue et strictement décroissante sur l'intervalle $I = [a, b[$
 Alors f réalise une bijection

de sur

21) On donne le tableau de variations suivant : (E 1034c)

x	1	$+\infty$
f	$+\infty$	-3

22)

Justifier ce qu'on peut dire de l'équation

$$f(x) = 2 \quad \text{sur } [1; +\infty[$$

(Rédiger :)

.....

23) $\int \frac{dx}{\cos^2 x} = \dots$ sur (E 1064)

24) Différentielle : $d(u^3) = \dots$ (E 1103a)

25) Effectuer le changement de variable : $u = \cos x$ (E 1104a)

26) et calculer l'intégrale $I = \int_0^\pi \frac{\sin x}{1 + \cos^2 x} dx$

.....

.....

.....

.....

27) Soit l'équation $y' + a.y = e^{\lambda x} P(x)$ avec $(a, \lambda) \in \mathbb{R}^2$ (E 1132b)

et $P(x)$ un polynôme de degré n

On cherche une solution particulière y_1 de la forme

1er cas : si alors $y_1(x) = \dots\dots\dots$

2ème cas : si alors $y_1(x) = \dots\dots\dots$

avec

28) Soit (u_n) une suite réelle. Traduire en français la proposition suivante :

$\exists m \in \mathbb{R}, \forall n \in \mathbb{N}, m \leq u_n$ (E 1201c)

\Longleftrightarrow la suite (u_n)

29) **Vrai ou Faux ?** (E 1227a)

$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \ell \iff \lim_{n \rightarrow +\infty} |u_n| = |\ell|$

30) Définition : Les suites u et v sont adjacentes si (E 1234a)

.....

.....

.....

31) Donner les 4 premiers termes non nuls du DL suivant (E 1283a)

$\frac{1}{1-x} = \dots\dots\dots$

32) Si A et B sont inversibles, alors $(A.B)^{-1} = \dots\dots\dots$ (E 1606a)