

1) **Espaces vectoriels**

- a) Sous espaces vectoriels
- b) sev engendré, famille génératrice
- c) familles libres, liées
- d) Savoir-faire :
 - Montrer qu'un ensemble est un sev
 - trouver l'équation d'une sev engendré,
 - trouver une famille génératrice à partir de l'équation d'un sev
 - prouver que famille (finie) est libre, liée
- e) espaces vectoriels de fonctions et de suites

2) **Dimension finie**

- a) Base, théorème de la base incomplète
- b) Théorème de la dimension
- c) « Toutourien » : n vecteurs dans un ev de dimension n
- d) rang d'une famille de vecteurs (définition et par échelonnement)
- e) relations entre dimension, libre, liée, génératrice
- f) Coordonnées et changement de base : Matrices de passage, effet sur les coordonnées

_____ **Plus :** _____

3) **Somme de sev**

- a) Somme de deux sev, somme directe, sev supplémentaires
- b) dimension de la somme de deux sev, dimension de la somme directe
- c) base adaptée à un sev

Dans les prochains épisodes

- Polynômes

Démonstrations/exercices de cours

- Démontrer que :

$$\text{Vect}(u, v, w) = \text{Vect}(u, v + au, w + bu) \text{ (avec } (a, b) \in \mathbb{K}^2)$$
- Démontrer que :

$$F \text{ et } G \text{ sont en somme directe} \iff F \cap G = \{0\}$$
- Montrer que (f_1, f_2) est libre avec

$$\forall x \in \mathbb{R}, f_1(x) = \sin x, f_2(x) = \sin 2x$$

En plus pour le "Groupe spécial" :

1. Démontrer que :

$$\text{Vect}(u, v, w) = \text{Vect}(u, v + au, w + bu) \text{ (avec } (a, b) \in \mathbb{K}^2)$$
2. Soit F de base (u_1, u_2) et G de base (v_1, v_2)
 Démontrer que :

$$F \text{ et } G \text{ sont en somme directe}$$

$$\iff (u_1, u_2, v_1, v_2) \text{ est une base de } F + G$$

T 1	BORG Yoris	THOMAS Eliott
T 3	BORD Alexandra	PENOT Orlane
T 4	MALESINSKI Erell	
T 5	ASSELIN Zian	
T 6	NORMAND Adrien	
T 7	ALONZO Hugo	PENEL Charles
T 8	LELEU Jules	ROBISSON Lisandre
T 9	BOYER Evan	HUA Anh
T 11	HORESNEY Donatien	
T 12	GUISSET Maéline	PRA Marie
T 13	COULON Stanislas	
T 15	IVAL Juliette	
T 16	LEMAIRE Valentin	COLLOMB Pierre HÉNAULT Maxime