

## 1) Polynômes

- a) Définition, degré, opérations
- b) Dérivée, formule de Leibniz, Formule de Taylor
- c) Division euclidienne
- d) Racines d'un polynôme, multiplicité
- e) Factorisation des polynômes. Polynômes irréductibles dans  $\mathbb{R}$ , dans  $\mathbb{C}$

## 2) Applications linéaires

- a) Définition, Noyau, Image
- b) application linéaire canoniquement associée à une matrice
- c) Matrice d'une a.l.  $f : E \rightarrow F$  dans des bases données  
Savoir trouver la matrice d'une a.l.
- d) a.l. injectives, surjective, bijective. lien avec dimension des e.v. de départ, d'arrivée
- e) Théorème du rang
- f) rang d'une a.l., rang d'une composée d'a.l. et inégalités
- g)  $f : E \rightarrow E$  : Cas où  $\dim E = \dim F$  finie

\_\_\_\_\_ Plus : \_\_\_\_\_

- h) Rang d'une matrice.

## 3) homothétie, projection, symétrie

## 4) Compléments d'intégration

- a) Sommes de Riemann
- b) Formule de Taylor Lagrange avec reste intégral

## Dans les prochains épisodes

- Séries

## Démonstrations/exercices de cours

- Factoriser  $X^4 + 1$
  - Démonstration :  $\text{Ker } f = \{0\} \iff f \text{ injective}$
- \_\_\_\_\_ Plus \_\_\_\_\_
- Déterminer, par exemple, dans  $\mathbb{R}^3$  la projection  $p_F^G$  et la symétrie  $s_F^G$  avec  $F$  d'équation  $x + y + z$  et  $G = \text{Vect}(e_1 + 2e_2 - e_3)$ .
  - Factoriser  $X^4 + X^2 + 1$
  - $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=1}^n \frac{k+n}{k^2+n^2}$

En plus pour le "Groupe spécial" :

1. Pour  $f \in \mathcal{L}(E)$  Si  $f \circ f = f$

Alors  $f$  est une projection dont on déterminera les éléments propres.

T 1	THOMAS Elliott		
T 3	PENOT Orlane	HAURILLON Zoé	
T 4	MALESINSKI Erell		
T 5	ASSELIN Zian	BLANCHET Alexandre	
T 6	GEISSE Thomas	NORMAND Adrien	
T 7	ALONZO Hugo		
T 8	LELEU Jules	ROBISSON Lisandre	
T 9	BOYER Evan	HUA Anh	
T 11	HORESNY Donatien		
T 12	GUISSET Maéline	PRA Marie	
T 13	ACKERMANN Yanis	DECOOPMAN Isaac	COULON Stanislas
T 15	IVAL Juliette		
T 16	COLLOMB Pierre	LEMAIRE Valentin	HÉNAULT Maxime