

Programme de colles, semaines 3 et 4.

Chapitre 4 : Nombres complexes - Inégalités triangulaires

- Cas d'égalité dans l'inégalité triangulaire.
- formules d'Euler
- formule de Moivre
- Résolution de $e^z = 1$.
- Calcul de $C = \sum_{k=0}^n \cos(k\theta)$
- Calcul de $C = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} \cos(k\theta)$
- Linéariser $\cos^5(t)$
- Transformation $a \cos(t) + b \sin(t)$, à démontrer (une des deux méthodes, au choix).
- résolution des équations $e^z = a$
- racines carrées de $\omega = 3 + 4i$
- Equations du second degré à coefficients complexes, énoncé complet avec la factorisation du trinôme et les relations coefficients-racines
- Trouver les racines de l'équation $z^2 + 2z - i = 0$.
- Résolution de $z^n = 1$ (énoncé du résultat théorème 45 et démonstration)
- Somme des racines n -ièmes de l'unité.
- Calculer le produit des racines n -ièmes de l'unité (exercice 50)
- Résoudre l'équation $z^6 = 8i$.
- Soit $n \in \mathbb{N}, n \geq 2$. Résoudre l'équation: $(z + i)^n - (z - i)^n = 0$
- conditions d'alignement et d'orthogonalité : énoncés.
- Déterminer les points $M(z)$ du plan complexe tels que les points $A(i), M(z), N(iz)$ soient alignés.
- Exercice : Soit A, B, C trois points d'affixes respectives a, b, c . Déterminer les racines de l'équation: $z^2 - z + 1 = 0$ ($z \in \mathbb{C}$) sous forme trigonométrique. En déduire que le triangle ABC est équilatéral si et seulement si $a^2 + b^2 + c^2 = ab + ac + bc$
- Déterminer le module et un argument de $z = (1 + j)^{2n}$ où $j = e^{2i\pi/3}$