

Colle n°5

NOMBRES COMPLEXES

I Corps des nombres complexes

1. Forme algébrique d'un nombre complexe
2. Opérations dans $\mathbb{C}$
3. Représentation géométrique des nombres complexes
4. Conjugaison

II Forme trigonométrique d'un nombre complexe

1. Module d'un nombre complexe
2. Nombres complexes de module 1
3. Arguments d'un nombre complexe non nul

III Application à la trigonométrie

1. Expression de $\cos n\theta$ et $\sin n\theta$ en fonction de $\cos \theta$ et $\sin \theta$
2. Linéarisation de $\cos^n \theta$ et de $\sin^n \theta$
3. Transformation de $a \cos x + b \sin x$ en $A \cos(x - \varphi)$
4. Factorisation de $1 + e^{i\theta}$ et de $e^{ia} + e^{ib}$
5. Calcul de $\sum_{k=0}^n \cos kx$ et de $\sum_{k=0}^n \sin kx$

IV Équations dans $\mathbb{C}$

1. Racines n^e de l'unité
2. Équation $z^n = a$ ($a \in \mathbb{C}$)
3. Cas particulier : racines carrées
4. Équation du second degré à coefficients complexes

V Exponentielle complexe

1. Définition
2. Propriétés

VI Nombres complexes et géométrie

1. Angle orienté de deux vecteurs
2. Alignement et orthogonalité

Questions de cours :

- 1) Expression de $\cos(3\theta)$ et $\sin(3\theta)$ en fonction de $\cos(\theta)$ et $\sin(\theta)$ (exemple page 9).
- 2) Linéarisation de $\cos^3 \theta$ ou de $\sin^3 \theta$ (exemple page 10).
- 3) Calcul de $\sum_{k=0}^n \cos kx$ et de $\sum_{k=0}^n \sin kx$ (proposition 17 page 11).
- 4) Équation du second degré à coefficients complexes (proposition 21 page 14).