

SUIS-JE AU POINT ?

Chapitre 26 : Statique des fluides

💡 Une information utile, mais pas à mémoriser par cœur.

♥ Une définition/formule à connaître PAR CŒUR.

📖 Un savoir-faire à acquérir.

1 Loi fondamentale de la statique des fluides

1.1 Éléments de fluide

💡 Un élément de fluide est un volume **mésoscopique** qui permet de définir localement la pression du fluide, sa masse volumique, sa température, etc. Il permet également d'étudier l'équilibre mécanique du fluide. Pour cela, on assimile chaque élément de fluide à un système fermé sur lequel des forces extérieures agissent, notamment le poids et les forces de pression exercées par le fluide environnant l'élément étudié. Étudier l'équilibre mécanique du fluide revient à déterminer dans quelles conditions **chaque élément de fluide se trouve en équilibre**. Pour cela, on peut utiliser les lois de la mécanique et notamment le PFS.

1.2 Bilan des forces extérieures

📖 Déterminer l'expression de la résultante des forces de pression en modélisant l'élément de fluide par un cylindre élémentaire de section S et hauteur dz ($d\vec{F}_p = -\frac{dP}{dz}dV\vec{u}_z$ avec un axe (Oz) vertical ascendant et $dV = Sdz$ le volume de l'élément de fluide).

1.3 Loi fondamentale de la statique des fluides

♥ Énoncer la loi fondamentale projetée sur un axe (Oz) vertical ascendant ($\frac{dP}{dz} = -\rho g$) ou descendant ($\frac{dP}{dz} = \rho g$).

📖 Établir cette loi en appliquant le PFS à un cylindre élémentaire de section S et hauteur dz .

💡 L'énoncé le plus général s'écrit sous la forme $\overrightarrow{\text{grad}} P = \rho \vec{g}$.

💡 La loi fondamentale de la statique des fluides permet, par intégration, de déterminer le champ de pression, à l'équilibre, dans le fluide étudié. Pour cela il est nécessaire de connaître l'**équation d'état** $\rho(P)$ du fluide.

1.4 Surface libre

♥ Savoir que la **pression est continue à la traversée d'une surface libre**.

2 Fluide incompressible et homogène

2.1 Définition

♥ Que peut-on dire de la masse volumique d'un fluide incompressible homogène ? (*elle est la même en tout point*)

2.2 Loi du nivellement barométrique

📖 Justifier que dans un fluide incompressible et homogène la pression est une fonction affine de l'altitude.

📖 Exprimer la différence de pression entre deux points d'un fluide incompressible et homogène, en fonction du dénivelé qui les sépare ($\Delta P = \pm \rho gh$ avec h le dénivelé).

2.3 Principe des vases communicants

- ✎ Justifier que des vases communicants remplis d'un liquide **homogène** ont, à l'équilibre, toutes leurs surfaces libres à la même altitude.
- ✎ Application : étudier l'équilibre de deux liquides non miscibles dans un tube en U.