

## TD 3 – CORRECTIONS

### 1. L'œil

- a) Voir cours : œil normal, donc le PR est à l'infini, avec une image sur le foyer image donc  $D=f'$  et la vergence est  $V_{\min}=20\delta$ .

Pour un objet au PP, on utilise la relation de conjugaison de Descartes :  $\frac{1}{\overline{OA'}} = \frac{1}{\overline{OA}} + \frac{1}{f'}$ , avec l'image se formant *toujours* sur la rétine, donc  $\overline{OA'} = +D$  (réelle) et  $\overline{OA} = -d_{\text{PR}}$  (objet réel).

$$\text{Donc } V_{\text{MAX}} = \frac{1}{D} - \frac{1}{(-d_{\text{PP}})} = V_{\min} + \frac{1}{d_{\text{PP}}} = 26,7\delta$$

- b) Il faut écrire le diagramme de conjugaison :  $A \rightarrow A'$ , le système étant la loupe, et  $A'$ , objet pour l'œil, donc situé à la distance  $d_{\text{PR}}$  *avant* l'œil, la plus grande possible pour qu'il n'y ait pas d'effort oculaire.

L'œil étant situé sur le foyer image de la loupe, il est judicieux d'utiliser la relation de

$$\text{Newton : } \overline{F'A'}\overline{FA} = \overline{F'O}\overline{FO} = -f'^2 \text{ soit } (-d_{\text{PR}})\overline{FA} = -\frac{1}{V^2} : \overline{FA} = \frac{1}{d_{\text{PR}}V^2} = +1,39\text{ cm}.$$

L'objet est donc situé 1,39 cm *après* le foyer objet, de telle sorte que l'image soit virtuelle.

### 2. Photographie

a)  $AO = 1,9575\text{ m}$  ;  $k = 5,33 \cdot 10^{-4}$  ; lat :  $\pm 77,3\ \mu\text{m}$

b)  $e = 138,74615\text{ mm}$  :  $A'M$  à  $138,82018$  et  $A'm$  à  $138,67219$  puis 1<sup>er</sup> plan à  $4,906\text{ m}$  et dernier plan à  $5,097\text{ m}$ , soit une latitude de  $19,2\text{ cm}$ .

c)  $e/(1+k) = f'$  donc  $e = 135,072\text{ mm}$  puis  $e'M = e/(1-k) = 135,144\text{ mm}$ , donc  $AM$  à  $126,6\text{ m}$

d)  $OA'M = f'(1+k)/(1-k)$  donne  $OAM = f'(1+k)/(2k)$  et  $k = 4,52 \cdot 10^{-3}$  donc  $p' = 50,85\ \mu\text{m}$  soit  $8,5$  pixels.

### 3. Lunette de Galilée

1. Le système est afocal : le foyer image de la première lentille, l'objectif, coïncide donc avec le foyer objet de la seconde, l'oculaire.
2. Voir schéma.
3. L'œil voit l'objet sous l'angle  $\alpha$  tel

$$\text{que } \alpha \approx \tan \alpha = \frac{F'_1 B_1}{F_1 O_1} \text{ et avec}$$

l'instrument, il voit l'image sous l'angle  $\alpha' = \frac{F'_1 B_1}{F'_2 O_2}$ .

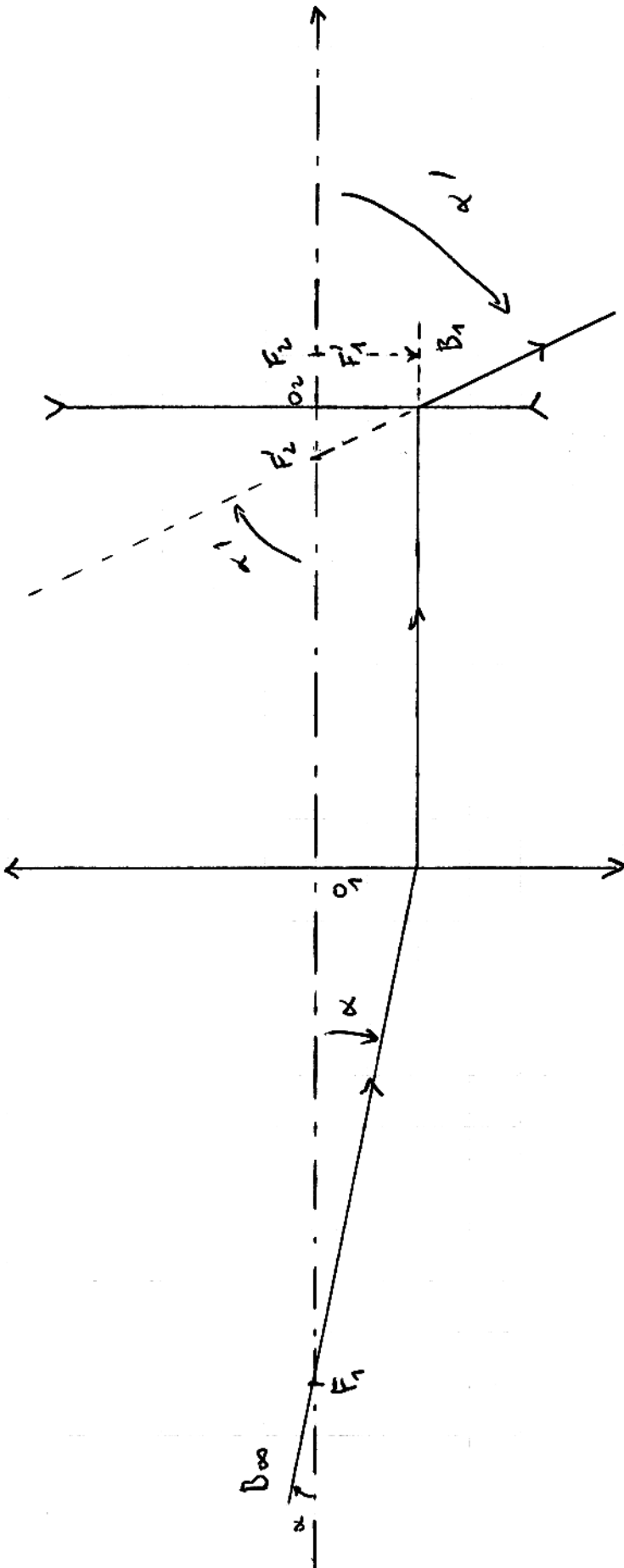
On en déduit

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha} = \frac{F_1 O_1}{F'_2 O_2} = \frac{f'_1}{(-f'_2)}$$

$$\text{AN : } G = \frac{+50 \text{ cm}}{-(-5 \text{ cm})} = +10$$

4. Les lentilles de l'oculaire étant accolées, on a  $V = V_2 = V_3 + V_1$  soit  $V_3 = V_2 - V_1$  soit  $f'_3 = (f_2'^{-1} - f_1'^{-1})^{-1}$ .

On calcule  $f'_3 = -4,55 \text{ cm}$



## 5. Focométrie par la méthode de Badal

1. L'image de  $A$  par  $(L_1)$  se trouve à l'infini sur l'axe, par définition du foyer objet de  $(L_1)$ .  
L'image définitive  $A'$  se trouve alors sur le foyer principal image  $F'_2$  de  $(L_2)$  par définition de ce dernier.

2. Le rôle de la lentille  $(L_1)$  se limite à créer un objet à l'infini sur l'axe : on peut donc l'oublier.

L'image  $A_d$  par la lentille  $(L_d)$  est alors sur son foyer image  $F'_d$ . Appelons  $A''$  la nouvelle image définitive.

Comme on cherche la distance  $A'A''$ , avec  $A'$  en  $F'_2$ , appliquons la formule de Newton :

$$\overline{F_2 A_d} \cdot \overline{F'_2 A''} = \overline{F_2 O_2} \cdot \overline{F'_2 O_2} = -f_2^2. \text{ Or } \overline{F'_2 A''} = \overline{A'A''} \text{ et } \overline{F_2 A_d} = \overline{O_d F'_d} = f'_d \text{ d'où la relation}$$

cherchée  $f'_d \cdot d = -f_2^2$  soit  $f'_d = -\frac{f_2^2}{d}$ .

Remarque : Il est logique que  $d = \overline{A'A''}$  soit positive : la lentille divergente transforme un faisceau cylindrique en faisceau divergent. La lentille  $(L_2)$  le fera donc converger plus loin qu'avant.