Colles 08 - 20/11/2023 au 24/11/2023

Thèmes traités en classe

- Chapitre 6 : Applications des nombres complexes.
Exercices traités en classe : I.1, I.3, I.4, I.8, I.9, II.1, II.2, I.5, I.6, II.6.
- Chapitre 7 : Calculs de primitives.
 - ▷ Primitives d'une fonction réelle à valeurs complexes sur un intervalle.
 - ▷ Théorème fondamental de l'analyse.
 - ▷ Méthodes de calculs : direct, IPP, changement de variable.
 - ▷ Primitives de $x \mapsto e^{\alpha t} \cos(\omega t)$ et $t \mapsto e^{\alpha t} \sin(\omega t)$.
 - ▷ Primitives de $x \mapsto \frac{1}{ax^2 + bx + c}$.

Exercices traités en classe : 1, 2, 3, 5, 6, 7.

Questions de cours

- Relations coefficients racines pour le second degré : énoncé et démonstration et illustrer comment s'en servir.
- Énoncer le théorème sur les racines n -ièmes de l'unité. Calculer la somme et le produit des racines n -ièmes de l'unité.
- C06 Exercice I.4 : Résoudre dans $\mathbb{C}$ l'équation $z^8 = \frac{1+i}{\sqrt{3}-i}$.
- C06 Exercice II.2 : soit $A(1+i)$ et $B(-2+3i)$. Déterminer l'affixe du point E tel que le triangle ABE soit équilatéral direct.
- Soit $a \in \mathbb{C}$. Montrer que $x \mapsto e^{ax}$ est dérivable sur $\mathbb{R}$ et que sa dérivée est $x \mapsto a e^{ax}$.
- Énoncé du théorème d'intégration par parties. C07 Exercice 6 : Calcul de $\int^x t \arctan(t) dt$.
- C07 Exercice 7 : Calculer $\int^x \frac{dt}{\sqrt{t} + \sqrt{t^3}}$ en posant $u = \sqrt{t}$, puis $\int^x \frac{dt}{\sin(t)}$ en posant $u = \cos(t)$.
- C07 Exercice 5 : Déterminer une primitive de $x \mapsto \frac{1}{x^2-4}$ et de $x \mapsto \frac{1}{x^2+2x+5}$.

A savoir faire

1. Savoir linéariser une expression trigonométrique.
2. Savoir utiliser la formule de Moivre.
3. Savoir faire des manipulations simples sur les sommes doubles.
4. Savoir résoudre une équation du second degré à coefficients complexes.
5. Savoir résoudre une équation $z^n = w$.
6. Savoir résoudre une équation en utilisant un changement d'inconnue ou une solution évidente.
7. Savoir résoudre un problème simple de géométrie simple avec les complexes.
8. Savoir déterminer les primitives d'une fonction en utilisant :
 - le tableau de primitives usuelles;
 - une IPP;
 - un changement de variable;
 - les exemples importants (exponentielle fois cos / sin, une fraction rationnelle).