

# Équations différentielles

## Prérequis

Équations différentielles.

## Équations d'ordre 1 à coefficients constants

### Calcul 28.1



Déterminer les solutions des problèmes de Cauchy suivants :

a)  $y' = 12y$  et  $y(0) = 56$  .....

b)  $y' = y + 1$  et  $y(0) = 5$  .....

c)  $y' = 3y + 5$  et  $y(0) = 1$  .....

d)  $y' = 2y + 12$  et  $y(0) = 3$  .....

### Calcul 28.2



Déterminer les solutions des problèmes de Cauchy suivants :

a)  $5y' = -y$  et  $y(1) = e$  .....

b)  $7y' + 2y = 2$  et  $y(7) = -1$  .....

c)  $y' - \sqrt{5}y = 6$  et  $y(0) = \pi$  .....

d)  $y' = \pi y + 2e$  et  $y(\pi) = 12$  .....

## Équations d'ordre 2, homogènes, à coefficients constants

### Calcul 28.3 — Une équation avec conditions initiales.



Déterminer les solutions des problèmes de Cauchy suivants :

a)  $y'' - 3y' + 2y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 2$  .....

b)  $y'' - 3y' + 2y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 1$  .....

c)  $y'' - 3y' + 2y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 3$  .....

d)  $y'' - 3y' + 2y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 3i$  .....

### Calcul 28.4 — Racines doubles, racines simples.



Déterminer les solutions des problèmes de Cauchy suivants :

a)  $y'' - y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 1$  .....

b)  $y'' + 3y' + 2y = 0$  et  $y(0) = 2$  et  $y'(0) = 3$  .....

c)  $y'' + y' - 2y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 2$  .....

d)  $y'' - 2y' + y = 0$  et  $y(0) = 2$  et  $y'(0) = 1$  .....

e)  $y'' + 4y' + 4y = 0$  et  $y(1) = 1$  et  $y'(1) = -3$  .....

### Calcul 28.5 — Racines complexes.



Déterminer les solutions des problèmes de Cauchy suivants :

a)  $y'' + y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = 2$  .....

b)  $y'' + y' + y = 0$  et  $y(0) = 1$  et  $y'(0) = -1$  .....

c)  $y'' + 2y' + 2y = 0$  et  $y(0) = 0$  et  $y'(0) = 1$  .....

d)  $y'' - 2y' + 5y = 0$  et  $y(0) = i$  et  $y'(0) = -i$  .....