

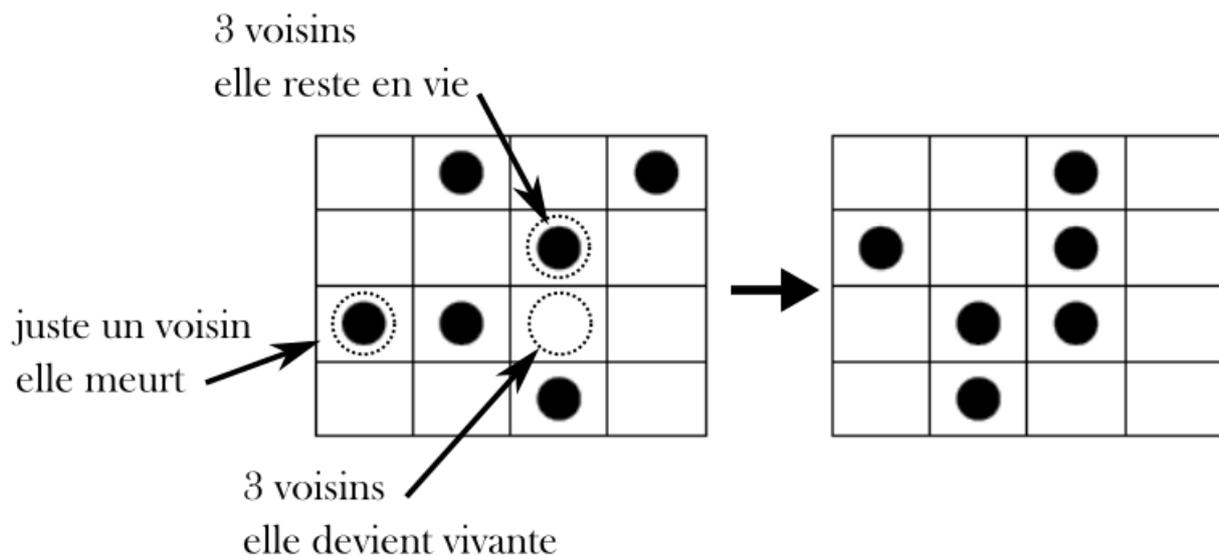
## Principe du "jeu"

Le jeu de la vie n'est pas un vrai jeu mais ce qu'on appelle un automate cellulaire : il consiste en une grille régulière de « cellules » contenant chacune un « état » (vivante ou morte) qui peut évoluer au cours du temps. Imaginé par John Conway (1937 - 2020), il se déroule sur une grille à deux dimensions dont les cases, appelées cellules, peuvent prendre deux états distincts : vivantes ou mortes.

A chaque étape, l'évolution d'une cellule est déterminée par l'état de ses huit voisines :

- ▷ Une cellule morte possédant **exactement** trois voisines vivantes devient vivante, sinon elle reste morte.
- ▷ Une cellule vivante possédant deux ou trois voisines vivantes reste vivante, sinon elle meurt.

Par exemple :



| *Application 1* : Représenter la grille de droite à l'étape suivante ?

L'évolution d'une grille est un processus répétitif qui est parfait à confier à un ordinateur !

## Implémentation sous Python

En informatique, on représentera une grille par un tableau *array* du module *numpy* composé :

- ▷ de 0 pour les cellules mortes
- ▷ de 1 pour les cellules vivantes

Ainsi la cellule de gauche ci-dessus s'écrit :

```
cellule=np.array([[0,1,0,1],[0,0,1,0],[1,1,0,0],[0,0,1,0]])
```

On pourra visualiser une cellule à l'aide de la commande `imshow()` du module `matplotlib.pyplot`, importé sous le nom `plt` :

```
import matplotlib.pyplot as plt
plt.imshow( cellule , interpolation='None' , cmap='gray ' )
plt.show()
```

### Application 2 :

1. Écrire une fonction `grille_aleatoire` qui, prenant en argument un entier  $n$ , renvoie une grille de taille  $n \times n$  remplie aléatoirement de cellules vivantes ou mortes.

**Commande :** la fonction `randint(a,b)` du module `random` (à importer donc!!) renvoie un entier aléatoirement tiré dans l'intervalle  $[a, b]$ .

2. Écrire une fonction `nombre_voisin` qui, recevant une grille  $T$  et deux entiers  $i$  et  $j$ , renvoie le nombre de cellules vivantes voisines de la cellule de coordonnées  $(i, j)$ .

🚫🚫🚫 **Attention !** Question compliquée, il faudra prendre le temps de bien y réfléchir **au brouillon !!**

3. Écrire une fonction `grille_suivante` qui, recevant en argument une grille  $T$ , renvoie la grille obtenue à l'étape suivante.

**Bonus :** pour faire une jolie animation!!

```
from matplotlib import animation
```

```
def jeu( grille , dt=10):
    fig = plt.figure()
    image=plt.imshow( grille , interpolation='None' , cmap='gray ' )
    def mis_a_jour(_):
        nonlocal grille
        image.set_data( grille )
        grille=grille_suivante( grille )
        return image,
    anim=animation.FuncAnimation( fig , mis_a_jour , interval=dt , blit=True)
    plt.show()
```