

```
In [1]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from IPython.display import Image#permet l'affichage de photos dans jupyter
from scipy.integrate import odeint# permet la résolution d'équation différentielle
```

I) Présentation de l'expérience

a) présentation du système

```
In [2]: Image(filename='systeme.jpg')
```

Out[2]:



```
In [3]: m=0.396# masse du système en kg
```

b) conditions initiales et déclaration des variables

```
In [4]: # Conditions initiales connues
g=9.8# accélération du champ de pesanteur
z0=5.8# hauteur du lancé en m # mesuré à l'aide d'un mètre ruban
v0=0# système lâché sans vitesse initiale
az0=-g# chute libre : à l'instant initial v=0 seul le poids s'exerce sur notre système
```

```
In [5]: Image(filename='CI2.png')
```

Out[5]:



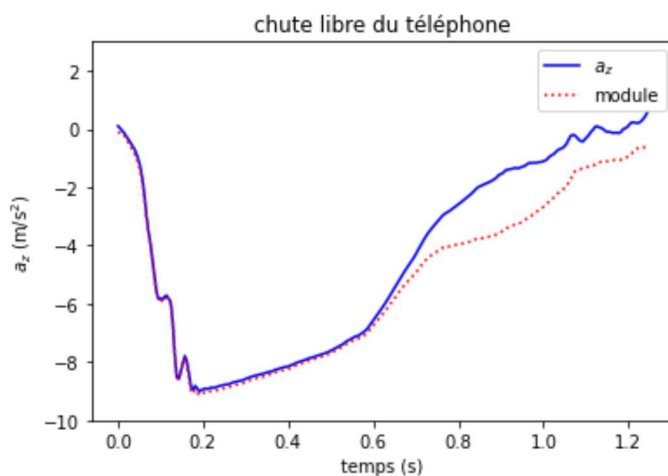
c) Importation des données

```
In [6]: donnees=np.loadtxt('lance2_m405.csv', skiprows=1,delimiter=';')
```

```
In [7]: td=donnees[:,0]# extraction du temps
ideb=4300# identification de l'indice correspondant à un instant avant le début de l'expérience
ifin=4562# identification de l'indice correspondant à la fin de l'exercice
t1=td[ideb:ifin]
t=t1-t1[0]
```

```
In [8]: az=donnees[:,3]# extraction de l'accélération suivant z
az1=az[ideb:ifin]# extraction des données utiles
ma=donnees[:,4]# extraction du module de l'accélération
ma1=ma[ideb:ifin]# donnée utiles par rapport aux indices précédent
```

```
In [9]: plt.figure()
plt.plot(t,az1,'b-',t,-ma1,'r:')
plt.xlabel('temps (s)')
plt.legend((r'$a_z$', 'module'),loc=0)
plt.ylabel(r'$a_z$ (m/s$^2$)')
plt.title('chute libre du téléphone')
plt.ylim((-10,3))
plt.show()
```



d) Premières observations

- Nous savons que l'accélération initiale est égale à $-g$, on observe ainsi qu'à cause du temps de réponse du capteur, on n'a pas une accélération instantanée.
- On constate tout de suite que cette accélération n'est pas constante, on ne peut donc pas négliger les frottements.
- Le module de l'accélération et l'accélération suivant z diffèrent à partir de 0.6 s . Ceci peut être expliqué par une rotation légère du système observé également sur la vidéo. Pour rester dans le modèle du point matériel, on ne considérera que les instants inférieurs à 0.6 s .
- L'accélération tend à tendre vers zéro, le système a presque atteint sa vitesse limite en fin de chute sauf si la rotation du système est à l'origine de cette décélération plus rapide dans la deuxième phase.

II) Résolution de l'équation différentielle

a) Cas d'un coefficient de frottement proportionnel à la vitesse

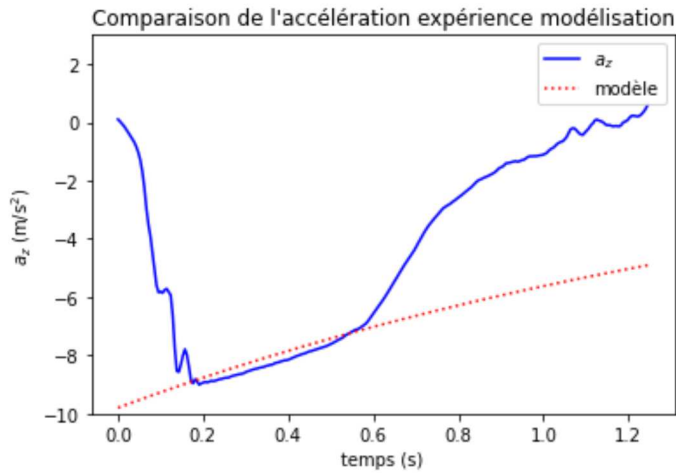
```
In [10]: alpha=0.22 # valeur obtenue en kg/s pour faire coller la courbe à l'expérience ainsi que la durée de la chute
```

```
In [11]: def Phi(X,t):
        """ X comprend à la fois la position la vitesse et l'accélération """
        return np.array([X[1],X[2],-alpha/m*X[2]])
```

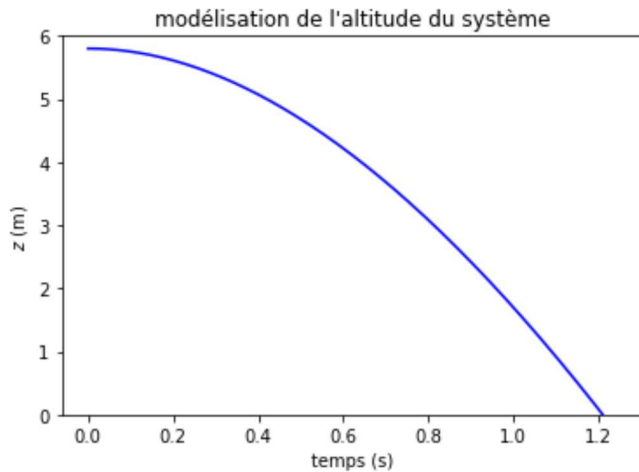
```
In [12]: X0=[z0,v0,az0]
sol=odeint(Phi,X0,t)
```

```
In [13]: zmodel=sol[:,0]
vmodel=sol[:,1]
azmodel=sol[:,2]
```

```
In [14]: plt.figure()
plt.plot(t,az1,'b-',t,azmodel,'r:')
plt.xlabel('temps (s)')
plt.legend((r'$a_z$',r'modèle'),loc=0)
plt.ylabel(r'$a_z$ (m/s$^2$)')
plt.title("Comparaison de l'accélération expérience modélisation")
plt.ylim((-10,3))
plt.show()
```



```
In [15]: plt.figure()
plt.plot(t,zmodel,'b-')
plt.xlabel('temps (s)')
plt.ylabel(r'$z$ (m)')
plt.ylim((0,6))
plt.title("modélisation de l'altitude du système")
plt.show()
```



Commentaires :

- L'accélération modèle colle avec le capteur pendant l'intervalle de temps considéré
- Le temps de chute obtenue avec l'évolution de $z(t)$ est compatible avec l'expérience
- La vitesse limite n'est finalement pas atteinte contrairement à ce qu'on a identifié lors de la première mesure

b) Cas d'un coefficient de frottement proportionnel à la vitesse au carré

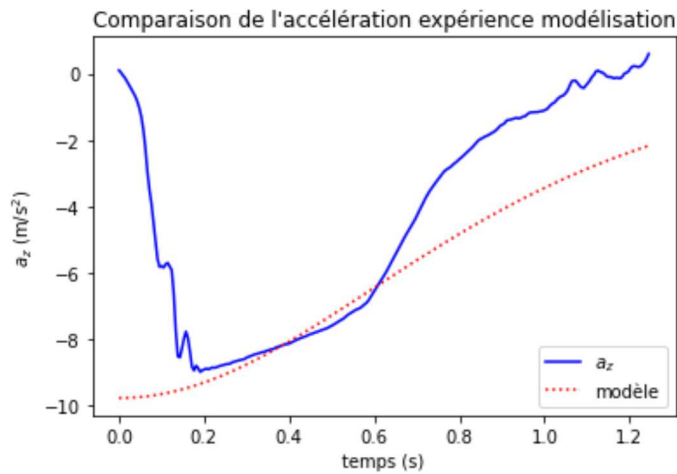
```
In [16]: beta=0.05# en kg/m
```

```
In [17]: def Phi2(X,t):
    """ X comprend à la fois la position la vitesse et l'accélération"""
    return np.array([X[1],X[2],2*beta/m*X[2]*X[1]])# La force s'oppose à la vitesse est ici orienté suivant +z
```

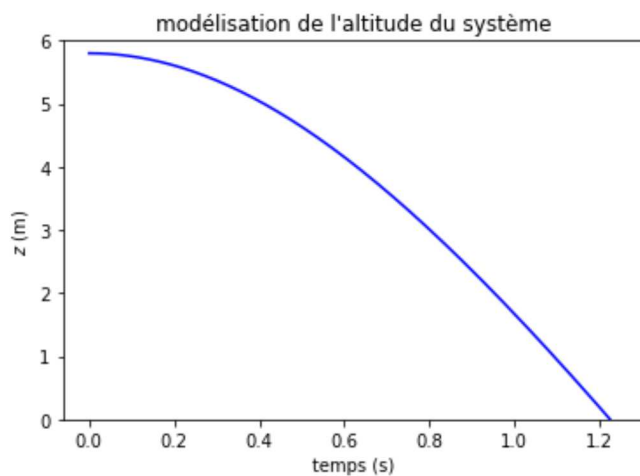
```
In [18]: X20=[z0,v0,az0]
sol2=odeint(Phi2,X20,t)
```

```
In [19]: zmode2=sol2[:,0]
vmode2=sol2[:,1]
azmode2=sol2[:,2]
```

```
In [20]: plt.figure()
plt.plot(t,az1,'b-',t,azmode2,'r:')
plt.xlabel('temps (s)')
plt.legend((r'$a_z$',r'modèle'),loc=0)
plt.ylabel(r'$a_z$ (m/s^2$)')
plt.title("Comparaison de l'accélération expérience modélisation")
plt.show()
```



```
In [21]: plt.figure()
plt.plot(t,zmode2,'b-')
plt.xlabel('temps (s)')
plt.ylabel(r'$z$ (m)')
plt.ylim((0,6))
plt.title("modélisation de l'altitude du système")
plt.show()
```



Commentaires

- En ajustant la valeur de beta pour que la courbe expérimentale colle à la modélisation d'une part et à la hauteur de chute d'autre part, on constate que la courbe modèle "colle" moins d'avec une force de frottement proportionnelle à la vitesse
- On conclue qu'il est plus probable de modéliser la force de frottement par une force linéaire avec $\alpha = 0.22$ kg/s
- Un modèle plus précis pourrait considérer deux phases : une première phase où la vitesse est faible puis un second modèle de frottement pour des vitesses plus importante. Il faudrait pour cela multiplier les expériences, pour vérifier si celles-ci sont reproductibles...