

**Programme de colles: semaine 5.  
semaine démarrant le 16 octobre.**

**Question de cours (une parmi les quatre):**

- Montrer que si  $f : E \rightarrow F$  et qu'il existe  $g : F \rightarrow E$  telle que  $g \circ f = id_E$  et  $f \circ g = id_F$ , alors  $f$  est bijective.
- Montrer que si  $f : I \rightarrow J$  est strictement monotone, alors elle est injective.
- Si  $f \circ g$  est injective, alors  $g$  est injective.
- Si  $f \circ g$  est surjective, alors  $f$  est surjective.

En cours, nous avons fait :

**Ensemble et applications**

- Définition d'ensembles, sous-ensemble.
- Définition de la réunion/l'intersection/le complémentaire.
- Égalité de deux ensembles.
- Définition de la fonction caractéristique  $\mathbb{1}_A$  d'un sous-ensemble  $A$  de  $E$ .
- Définition de fonction/image d'un point/antécédent.
- Définition de l'image d'une fonction notée  $\text{Im}(f)$  et de l'image directe d'un ensemble  $f(A)$ .
  
- Définition de l'image réciproque d'un ensemble noté  $f^{-1}(B)$ .
- Définition de restriction/corestriction d'une fonction
- Définition de fonction surjective, caractérisation par son image. Traduction géométrique dans le cas d'une fonction de la variable réelle définie dans  $\mathbb{R}$ .
- Définition de fonction injective, cas des fonctions strictement croissantes.
- Définition de fonction bijective, définition de la bijection réciproque.
- S'il existe  $g$  telle que  $g \circ f = id$  et  $f \circ g = id$  alors  $f$  bijective et  $g = f^{-1}$ .
- Si  $f$  est bijective, alors  $f^{-1}$  aussi et  $(f^{-1})^{-1} = f$ .
- Définition de bijection induite.
- Monotonie de la réciproque d'une bijection strictement monotone, graphe de  $f^{-1}$ .