

**Programme de colles: semaine 17.  
semaine démarrant le 22 février**

**Question de cours:**

- $\text{card}(E \times F)$  avec  $E$  et  $F$  de cardinal fini (formule et démonstration)
- Lemme du capitaine: énoncé et démonstration combinatoire (pas avec les factorielles).
- $\text{card}\{(i, j, k) \in \llbracket 1, n \rrbracket^3, i + j + k = p\}$  (formule et preuve)
- Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ . Une urne  $U$  contient 1 jeton numéroté 1, 2 jetons numérotés 2 etc  $n$  jetons numérotés  $n$ . On dispose de  $n$  autres urnes numérotées de 1 à  $n$  telles que l'urne  $i$  contient  $i$  boules blanches et  $n - i$  boules noires. On tire un jeton dans l'urne  $U$ . Si on tire un jeton numéroté  $i$ , on pioche une boule dans l'urne numérotée  $i$ . Quelle est la probabilité de tirer une boule blanche? (exemple du cours)

**Nous avons vu:**

Les étudiants doivent savoir se ramener à des cardinaux connus: nb de parties d'un ensemble à  $n$  éléments, nb de parties à  $k$  éléments d'un ensemble à  $n$  éléments, nb de  $k$ -uplets d'un ensemble à  $n$  éléments, nb de  $k$ -uplets d'un ensemble à  $n$  éléments dont les coordonnées sont distinctes.

- Dénombrement: nb de parties d'un ensemble à  $n$  éléments, nb de parties à  $k$  éléments d'un ensemble à  $n$  éléments, nb de  $k$ -uplets d'un ensemble à  $n$  éléments, nb de  $k$ -uplets d'un ensemble à  $n$  éléments dont les coordonnées sont distinctes.
- Probabilité sur un univers fini (pas d'univers infini en PCSI !), définition, propriétés.
- Définition de probabilité conditionnelle. Formule d'inversion des conditionnements.
- Formule des probabilités composées.
- Définition de système complet d'événements. Formule des probabilités totales.
- Formule de Bayes.
- Définition d'événements indépendants, mutuellement indépendants.

Pas de variable aléatoire pour le moment.