

NOM :

Prénom :

CPGE PSI* 2026/2027
Lycée La Fayette

Informatique
Nathalie Planche

Devoir surveillé n°1 - Test de rentrée - Jeudi 3 septembre 2026

Version n°2

Exercice 1 : Ecrire une fonction `minimum(L)` qui renvoie **un couple** constitué de la valeur de l'élément minimum de la liste `L`, et de la position de ce minimum dans la liste (si ce minimum est atteint plusieurs fois, l'indice renvoyé sera le plus petit).

```
def minimum(L):
    mini = L[0] # initialisation du minimum
    indice = 0 # initialisation de l'indice où il est
    for i in range(len(L)):
        if L[i] < mini: # cas où il faut changer
            mini = L[i]
            indice = i
    return mini, indice # on retourne un tuple
```

Exercice 2 : 1. Ecrire une fonction `comptage(L)` qui à partir d'une liste `L`, renvoie **un dictionnaire** dont les clefs sont les éléments de la liste, et les valeurs sont le nombre d'occurrences de l'élément dans la liste.

Exemple : si `L=[5,0,3,5]`, alors la fonction pourra renvoyer le dictionnaire `{5:2,0:1,3:1}`.

<pre>def comptage(L): d = {} for elt in L: if elt in d: d[elt] += 1 else: d[elt] = 1 return d</pre>	ou	<pre>def comptage(L): d = {elt: 0 for elt in L} for elt in L: d[elt] += 1 return d</pre>
---	----	--

2. Donner, en justifiant, la complexité en temps dans le pire des cas, en fonction de la taille n de la liste `L`.

si $n = \text{len}(L)$, la boucle <code>for</code> tourne n fois, les opérations à l'intérieur sont en temps constant car "if <code>elt in d</code>" est en temps constant. Donc <u>$O(n)$</u>	le remplissage de <code>d</code> est en $O(n)$ (première boucle <code>for</code>). deuxième boucle <code>for</code> en $O(n)$ Complexité totale : • <u>$2O(n) = O(n)$</u>
--	---

Exercice 3 : 1. Compléter le script suivant pour que la fonction trie la liste L selon les valeurs croissantes, en suivant le principe du **tri par insertion**.

Remarque : cette fonction ne retourne rien, quand on l'exécute elle modifie la liste passée en paramètre.

```

1 def tri_insertion (L) :
2     n=len(L)
3     for k in range(1, n) :
4         x = L[k] # élément à placer
5         j = k
6         # on cherche la place de x parmi le début de la liste, triée
7         while j > 0 and x < L[j-1] : # tant que pas au début de la liste, et
8             # que la future place de x n'est pas trouvée
9             L[j] = L[j-1] # on décale le terme d'avant
10            j = j-1 # on décale vers la gauche le compteur qui cherche la future place de x
11            L[j] = x # on place x dans la position libérée

```

2. Donner, en justifiant, la complexité en temps dans le pire des cas, en fonction de la taille n de la liste L.

• la boucle for tourne $n-1$ fois
 • à l'itération k , dans le pire des cas la boucle while tourne k fois (c'est le cas où il faut tout décaler)
 le reste des opérations est en temps constant.
 Donc l'ordre de grandeur de la complexité est

$$\sum_{k=1}^{n-1} k = \frac{(n-1)n}{2} = O(n^2)$$
 complexité quadratique

Exercice 4 : A faire uniquement si les autres exercices sont finis

Programmer l'algorithme de recherche dichotomique dans un tableau trié. La fonction devra renvoyer la position de l'élément s'il est présent, et False sinon.

Savez-vous justifier la complexité de cet algorithme ?

```

def dichot(L, elt):
    d, f = 0, len(L)-1
    while d <= f:
        milieu = (d+f)//2
        if L[milieu] == elt:
            return milieu
        if L[milieu] < elt:
            d = milieu+1
        if L[milieu] > elt:
            f = milieu-1
    return False

```

Complexité

Si la liste est de longueur $n = 2^p$, alors la boucle while s'exécute p fois dans le pire des cas (car la longueur $(f-d)$ est divisée par 2 à chaque tour).

Donc complexité en $O(p)$.

Or $n = 2^p \Leftrightarrow p = \log_2(n)$

Donc $C(n) = O(\log_2(n))$
 complexité logarithmique.