

Cycle 2

Dynamique

Dossier travaux pratiques

Cycle 2:
Dynamique

Consignes
générales

Préparation aux oraux : TP SI

Concours Mines-Ponts

Nature de l'épreuve	MP	MPI	PC	PSI
Épreuve de Mathématiques	12	11	8	9
Épreuve de Physique	10	7	10	9
Épreuve d'Informatique	-	6	-	-
Épreuve mixte de Physique ou de Chimie	-	-	6	-
Épreuve mixte de Physique ou de SI	-	-	-	6
Epreuve d'évaluation des TIPE	6	6	6	6
Épreuve de français	6	6	6	6
Épreuve de langue anglaise	5	5	5	5
Reprise épreuve écrite Informatique option ou SI	2	-	-	-
TOTAL	41	41	41	41

Concours CCINP

ÉPREUVE	CCINP
Mathématiques	8
Physique-Chimie	8
TP Sciences industrielles de l'ingénieur	10
Langue vivante A	6
TIPE - épreuve commune	8
Autres épreuves	-
TOTAL ORAL	40

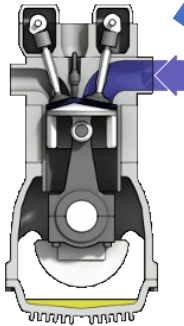
Concours CentraleSupélec

Concours Épreuve	CentraleSupélec Centrale Lyon SupOptique Centrale Lille Centrale Nantes Centrale Méditerranée	Centrale Casablanca*	CentraleSupélec étr. SupOptique étr. Cycle international (hors Centrale Casablanca)	Arts et Métiers	ESTP
Mathématiques	12	12	14	—	—
Mathématiques-informatique	12	12	14	20	—
Physique-chimie	12	12	14	—	—
Physique-chimie-informatique	12	12	14	—	—
TP de physique-chimie	14	14	16	—	—
TP de S2I	14	14	16	20	—
TIPE	11	11	12	20	10
Langue vivante obligatoire	13	13**	—	20	15
Entretien scientifique	—	—	—	20	—
Total	100	100	100	100	25

TP SI = Entre 14% et 25% des oraux



Roulement TP cycle 2



Soupape (SolidWorks)



Maxpid

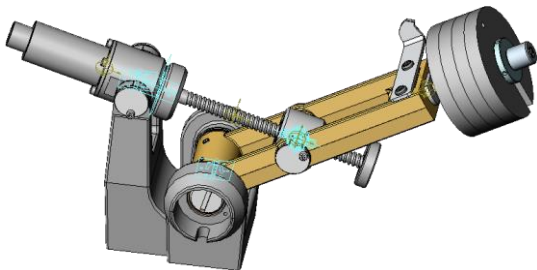
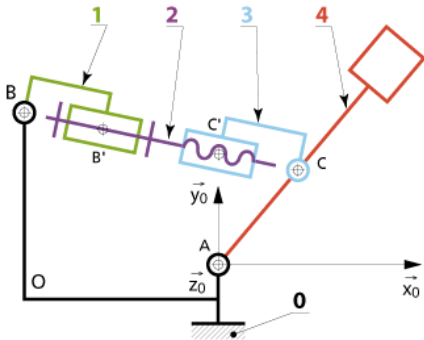


Slider Cam



Cordeuse de raquette

Objectif général des TP



Système
souhaité

Commanditaire
Analyste

Performances
attendues

Système
réel

Laboratoire
Expérimentateur

Performances
mesurées

Système
simulé

Simulation
Simulateur

Performances
simulées

Ecart

Ecart

Ecart

- Proposer une modélisation
- Prévoir et vérifier les performances
- Analyser les écarts entre le souhaité, le réel et le simulé

Cycle
2

Dynamique

Dossier travaux pratiques

Maxpid

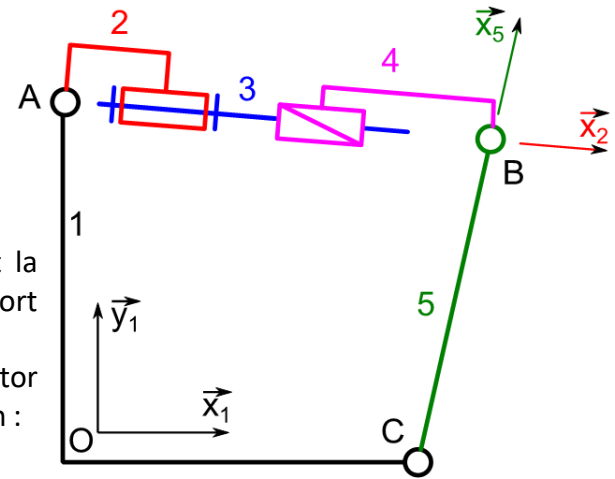


Trame analytique

On donne le schéma cinématique du système. On rappelle que la grandeur asservie est la position de l'axe : θ_{51} ($= \theta$ par la suite). La grandeur pilotée est la rotation de la vis par rapport au moteur : β_{32} .

Le rapport de réduction [vitesse de rotation de l'arbre moteur lié à la vis par rapport au stator moteur (3/2)] sur [vitesse de rotation du bras par rapport au bâti (5/1)] est régi par l'équation :

$$\frac{\dot{\beta}}{\dot{\theta}} = \frac{\omega_{32}}{\omega_{51}} = \frac{8.64 \sin \theta + 10.21 \cos \theta}{\sqrt{0.018 + 0.011 \cos \theta - 0.013 \sin \theta}}$$



La masse du bras 5 peut varier de $m_5=1$ kg à 3 kg en ajoutant les 2 masses additionnelles. $|CG_5|=d_5$ passe de 60 mm à 175 mm et l'inertie de 5 au point C, noté I_{5Cz} , passe de 11×10^{-3} kg.m² à 25×10^{-2} kg.m².

L'inertie de l'ensemble 3 I_{3Gx} (rotor + vis) est évaluée à 9×10^{-6} kg.m² au point G_3 (centre d'inertie de 3). On négligera par la suite les poids des solides 2, 3 et 4, et inerties 2 et 4. L'inertie de l'ensemble 3 = vis + rotor ne sera prise en compte que sur leur axe de rotation. On considérera en permanence que le Maxpid est à l'horizontal. On donne également $|CB|=8$ cm.

Question 1 : En vous plaçant à $\theta = \frac{\pi}{2}$ (et donc où $\vec{x}_5 = \vec{y}_1$), donner la relation entre ω_{32} et ω_{51} sous la forme $\omega_{32} = k \cdot \omega_{51}$. On admettra par la suite que $\dot{\omega}_{32} = k \cdot \dot{\omega}_{51}$

Question 2 : En isolant seulement le solide 5, et en supposant qu'il est dans la position où $\vec{x}_5 = \vec{y}_1$ (donc $\theta = \frac{\pi}{2}$), déterminer l'effort $\vec{F}_{4 \rightarrow 5}$, en utilisant le TMD au point C en fonction de l'accélération (en G_5) de 5 par rapport à 1. En exploitant la relation donnée entre ω_{32} et ω_{51} , exprimer l'effort $\vec{F}_{4 \rightarrow 5}$ en fonction de $\dot{\omega}_{32}$ (ainsi que d'autres paramètres constants). On considérera que l'action de 4 sur 5 est uniquement portée par $\vec{x}_2 = \vec{x}_1$: $\vec{F}_{4 \rightarrow 5} = F_{45} \cdot \vec{x}_1$.

Question 3 : En utilisant la relation Force-couple de la liaison hélicoïdale, donner la relation entre le couple $C_{3 \rightarrow 4}$ et $F_{3 \rightarrow 4}$. On admettra par la suite que $F_{3 \rightarrow 4} = F_{4 \rightarrow 5}$. En déduire la relation entre $C_{3 \rightarrow 4}$ et $\dot{\omega}_{32}$.

Question 4 : Proposer une forme de la matrice d'inertie de 3 au point G_3 (en se basant sur les hypothèses de l'énoncé). Après avoir isolé 3, proposer une équation dynamique issue du TMD selon $\vec{x}_2$ en G_3 . Vous considérerez le couple $C_{3 \rightarrow 4}$, le couple frottement fluide nul $C_f = 0$ N.m et frottement sec nul également $C_s = 0$ N.m.

Question 5 : En déduire alors une écriture littérale de l'inertie équivalente J_{eq} ramené à l'axe moteur sous la forme : $J_{eq} \cdot \dot{\omega}_{32} = C_m$, avec J_{eq} à exprimer en fonction de k , le pas de la vis p , d , I_{3Gx} et I_{5Cz} .

Question 6 : Donner la valeur numérique de J_{eq} pour 0, 1 et 2 masses ajoutées (privilégier un tableur / python pour faire les calculs).

Trame simulation

On considérera que le Maxpid est toujours en position horizontale. On donne l'équation suivante issue du théorème du moment dynamique (équation caractéristique du moteur à courant continu avec des hypothèses simplificatrices) :

$$J_{eq} \cdot \frac{d\omega_{32}(t)}{dt} = C_m(t)$$

Avec J_{eq} l'inertie équivalente ramenée à l'axe moteur

Question 1 : A partir de l'assemblage disponible sur cahier de prépa (ouvrir « ASSEMBLAGE MAXPID »), créer les pièces et les liaisons dans Meca3D. Ajouter ensuite un effort « moteur » :  à la liaison pivot entre le moteur et la vis. Renseigner une valeur de couple de $C_m = 1 \text{ N.m}$



Question 2 : Clique droit sur analyse puis choisir « Analyse mécanique ». Choisir « Etude dynamique » puis l'algorithme « RKF45 adaptatif ». Lancer l'étude pour les paramètres suivants : liaison pivot vis-moteur en mouvement libre avec vitesse nulle, Positions = 100 et Durée = 0,05. Lancer l'étude, puis à partir de la courbe de vitesse de rotation de la liaison pivot vis-moteur, déterminer l'accélération correspondante ($\dot{\omega}_{32}(t)$). Donner alors la valeur de l'inertie équivalente J_{eq} . Refaire le même essai pour un couple $C_m = 0,5 \text{ N.m}$ et confirmer la valeur de J_{eq} précédemment obtenu.

Question 3 : Comparer la valeur obtenue de J_{eq} avec celles du pole analytique et expérimentale, en déterminant les écarts en %. Identifier les raisons aux écarts obtenus.



Comparer les résultats obtenus et hypothèses posées avec les autres pôles et identifier les écarts



Trame expérimentateur

On considérera que le maxpid est toujours en position horizontale. On donne l'équation suivante issue du théorème du moment dynamique (équation caractéristique du moteur à courant continu) :

$$J_{eq} \cdot \frac{d\omega_{32}(t)}{dt} = C_m(t) - f \cdot \omega_{32} - C_s$$

Avec J_{eq} l'inertie équivalente ramenée à l'axe moteur

Question 1 : Déterminer un protocole permettant d'obtenir la valeur de f et de C_s . Pour obtenir ces valeurs vous aurez besoin de vous placer dans une configuration où J_{eq} n'intervient pas. Vous aurez également besoin de faire plusieurs essais. Tips : vous pouvez vous intéresser à la courbe du courant en fonction de ω_{32}

Question 2 : Détailler les manipulations permettant de déterminer l'inertie équivalente J_{eq} ramenée à l'axe moteur. Déterminer la valeur numérique de cette grandeur pour 0 masse ajoutée puis 1 masse et 2 masses ajoutées. Vous ferez vos essais pour une même position du bras du maxpid.

Question 3 : Comparer la valeur obtenue de J_{eq} avec celles du pole analytique et simulation, en déterminant les écarts en %. Identifier les raisons aux écarts obtenus.



Comparer les résultats obtenus et hypothèses posées avec les autres pôles et identifier les écarts