

Roue autonome pour frottement

$$\textcircled{1} \cdot \left\{ \begin{array}{l} \mathcal{L}_{O \rightarrow RV} \\ \mathcal{M}_{N, O \rightarrow RV} \end{array} \right\} = \left\{ \begin{array}{l} \vec{R}_{O \rightarrow RV} = \cancel{\chi_{OV}} \cdot \vec{n}_f + z_{OV} \cdot \vec{z}_f \\ \vec{M}_{N, O \rightarrow RV} = \vec{0} \end{array} \right.$$

Négligé

$$\cdot \left\{ \mathcal{L}_{O \rightarrow RR} \right\} = \left\{ \begin{array}{l} \vec{R}_{O \rightarrow RR} = \chi_{OR} \cdot \vec{n}_f + z_{OR} \cdot \vec{z}_f \\ \vec{M}_{M, O \rightarrow RR} = \vec{0} \end{array} \right.$$

$$\cdot \left\{ \mathcal{L}_{ps \rightarrow S} \right\} = \left\{ \begin{array}{l} \vec{R}_{ps \rightarrow S} = -M_s \cdot g \cdot \vec{z}_0 \\ \vec{M}_{G, ps \rightarrow S} = \vec{0} \end{array} \right.$$

$$\textcircled{2} \quad \vec{\delta}_{S/R_0}(G) = \frac{d}{dt} \left(\vec{v}_{S/R_0}(G) \right)_{R_0} + M_s \cdot \underbrace{\vec{J}_{G/R_0} \sim \vec{J}_{G \in S/R_0}}_{=\vec{0} : \hat{n} \text{ vitesse}}$$

$$\text{Et } \vec{F}_{S/R_0}(G) = \vec{F}_{\text{frottement}}(G) + \underbrace{\vec{F}_{roule/R_0}(G)}_{=\vec{0} \text{ car masse et inertie négligées}}$$

$$\text{Où } \vec{F}_{\text{frottement}}(G) = I_G(\text{ff, ut}) \cdot \underbrace{\vec{R}_{\text{ff, ut}/R_0}}_{=\vec{0} : \text{translat}} + M_s \cdot \cancel{G} \cdot \vec{J}_{G \in \text{ff, ut}/R_0}$$

Donc $\vec{\delta}_{S/R_0}(G) = \vec{0}$

$$\textcircled{3} \quad \text{À la limite du glissement, on écrit : } \left| \frac{\chi_{OR}}{z_{OR}} \right| = f.$$

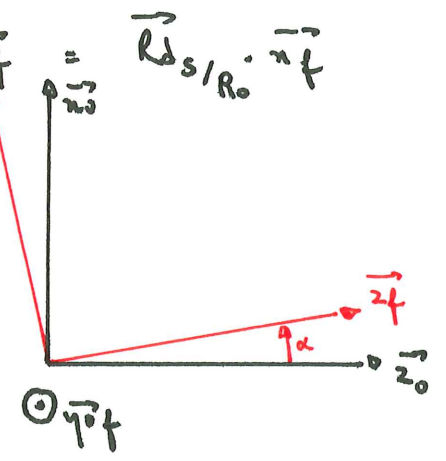
J'isole S qui est soumis aux actions mécaniques extérieures suivantes :

- $O \rightarrow RV$
- $O \rightarrow RR$
- $ps \rightarrow S$

Je vais écrire : • le th. de la résultante en projection sur \vec{n}_f .
• le th. " " " " " " " \vec{z}_f .

• le th. du moment en G et en project° sur \vec{y}_f .

$$\square \underbrace{\vec{R}_{0 \rightarrow RV} \cdot \vec{n}_f}_{=0} + \underbrace{\vec{R}_{0 \rightarrow RR} \cdot \vec{n}_f}_{=X_{OR}} + \vec{R}_{ps \rightarrow s} \cdot \vec{n}_f = \vec{R}_{ds/R_0} \cdot \vec{n}_f$$



$$\begin{aligned} \bullet \vec{R}_{ps \rightarrow s} \cdot \vec{n}_f &= -M_s \cdot g \cdot z_0 \cdot \vec{n}_f \\ &= M_s \cdot g \cdot \sin \alpha \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \bullet \vec{R}_{ds/R_0} &= M_s \cdot \ddot{x} \cdot \vec{n}_f \\ \text{donc } \vec{R}_{ds/R_0} \cdot \vec{n}_f &= M_s \cdot \ddot{x} \end{aligned}$$

D'où $X_{OR} = M_s \cdot \ddot{x} - M_s \cdot g \cdot \sin \alpha$

$$\square \underbrace{\vec{R}_{0 \rightarrow RV} \cdot \vec{z}_f}_{=Z_{OV}} + \underbrace{\vec{R}_{0 \rightarrow RR} \cdot \vec{z}_f}_{=Z_{OR}} + \underbrace{\vec{R}_{ps \rightarrow s} \cdot \vec{z}_f}_{=-M_s \cdot g \cdot \cos \alpha} = \underbrace{\vec{R}_{ds/R_0} \cdot \vec{z}_f}_{=0}$$

$Z_{OR} + Z_{OV} = M_s \cdot g \cdot \cos \alpha$

$$\square \vec{M}_{G,0 \rightarrow RV} \cdot \vec{y}_f + \vec{M}_{G,0 \rightarrow RR} \cdot \vec{y}_f + \underbrace{\vec{M}_{G,ps \rightarrow s} \cdot \vec{y}_f}_{=0} = \underbrace{\vec{M}_{G,s/0} \cdot \vec{y}_f}_{=0}$$

$$\begin{aligned} \bullet \vec{M}_{G,0 \rightarrow RV} \cdot \vec{y}_f &= \vec{M}_{N,0 \rightarrow RV} \cdot \vec{y}_f + (\vec{GN} \wedge (Z_{OV} \cdot \vec{z}_f)) \cdot \vec{y}_f \\ &= -e \cdot Z_{OV} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \bullet \vec{M}_{G,0 \rightarrow RR} \cdot \vec{y}_f &= \vec{M}_{M,0 \rightarrow RR} \cdot \vec{y}_f + (\vec{GM} \wedge (X_{OR} \cdot \vec{n}_f + Z_{OR} \cdot \vec{z}_f)) \cdot \vec{y}_f \\ &= -h \cdot X_{OR} + l \cdot Z_{OR} \end{aligned}$$

$-e \cdot Z_{OV} - h \cdot X_{OR} + l \cdot Z_{OR} = 0$

④ Je résous les équations précédentes :

$$X_{OR} = M_s \cdot (\ddot{x} - g \cdot \sin \alpha)$$

$$Z_{OR} + Z_{OV} = M_s \cdot g \cdot \cos \alpha \quad (1)$$

$$l \cdot Z_{OR} - e \cdot Z_{OV} = h \cdot M_s \cdot (\ddot{x} - g \cdot \sin \alpha) \quad (2)$$

$l \cdot (1) - (2)$ donne $(l + e) \cdot Z_{OV} = M_s \cdot [l \cdot g \cos \alpha - h \cdot \ddot{x} + h \cdot g \sin \alpha]$

donc $Z_{OV} = \frac{l \cdot \cos \alpha + h \cdot \sin \alpha}{l + e} \cdot M_s \cdot g - \frac{h}{l + e} \cdot \ddot{x} \cdot M_s$

$e \cdot (1) + (2)$ donne $(l + e) \cdot Z_{OR} = M_s \cdot [e \cdot g \cos \alpha + h \cdot \ddot{x} - h \cdot g \sin \alpha]$

donc $Z_{OR} = \frac{e \cdot \cos \alpha - h \cdot \sin \alpha}{l + e} \cdot M_s \cdot g + \frac{h}{l + e} \cdot \ddot{x} \cdot M_s$

À la limite du glissement, $X_{OR} = f \cdot Z_{OR}$ ($Z_{OR} > 0$ et $X_{OR} > 0$)

On a donc:

$$M_s \cdot (\ddot{x} - g \cdot \sin \alpha) = f \cdot \frac{e \cdot \cos \alpha - h \cdot \sin \alpha}{l + e} \cdot M_s \cdot g + f \cdot \frac{h}{l + e} \cdot \ddot{x} \cdot M_s$$

Donc:

$$\ddot{x} \cdot \left[1 - f \cdot \frac{h}{l + e} \right] = g \cdot \frac{(l + e) \cdot \sin \alpha + e \cdot f \cdot \cos \alpha - h \cdot f \cdot \sin \alpha}{l + e}$$

On obtient ainsi:

$$\ddot{x} = \ddot{x}_{\max} = \frac{(l + e) \cdot \sin \alpha + e \cdot f \cdot \cos \alpha - h \cdot f \cdot \sin \alpha}{l + e - f \cdot h} \cdot g$$

$$\ddot{x}_{\max} = g \cdot \sin \alpha + \frac{e \cdot f}{l + e - f \cdot h} \cdot g \cdot \cos \alpha$$

AN: $\ddot{x}_{\max} \approx 4,15 \text{ m/s}^2$

$\alpha \approx -6,8^\circ$

⑤ J'isole la roue arrière soumise aux actions mécaniques extérieures suivantes:

- $O \rightarrow RR$
- $f \xrightarrow{P} RR$ (pour la liaison pivot)
- $f \xrightarrow{\text{mot}} RR$ (" le moteur)

J'écris le th. des moments en O_f et en projection sur \vec{y}_{of} :

$$\underbrace{\vec{M}_{of, 0 \rightarrow RR} \cdot \vec{y}_{of}}_{=0} + \underbrace{\vec{M}_{of, f} \xrightarrow{R} RR \cdot \vec{y}_{of}}_{=0} + \underbrace{\vec{M}_{of, f} \xrightarrow{\text{rot}} RR \cdot \vec{y}_{of}}_{=2 \cdot C_m} = \underbrace{\vec{\delta}_{of, RR/RS} \cdot \vec{y}_{of}}_{=0}$$

$$\begin{aligned} \vec{M}_{of, 0 \rightarrow RR} \cdot \vec{y}_{of} &= \vec{M}_{of, 0 \rightarrow RR} \cdot \vec{y}_{of} + (\vec{O}_f \vec{n} \wedge (x_{or} \cdot \vec{x}_f + z_{or} \cdot \vec{z}_f)) \cdot \vec{y}_{of} \\ &= (-R \cdot \vec{z}_f \wedge (x_{or} \cdot \vec{x}_f + z_{or} \cdot \vec{z}_f)) \cdot \vec{y}_{of} \\ &= -R \cdot x_{or} \end{aligned}$$

On a donc $2 \cdot C_m = R \cdot x_{or} = R \cdot \eta_s \cdot (\ddot{\alpha} - g \cdot \sin \alpha)$

Avec $\ddot{\alpha} = \ddot{\alpha}_{\max}$, on a: $C_m \approx 160 \text{ N.m}$

⑤ Je fais l'application numérique: $Z_{ov} \approx -312 \text{ N}$. Avec un tel couple, le fanteuil basculera vers l'arrière (car $Z_{ov} < 0$).

⑦ En limitant $C_m = 70 \text{ N.m}$ (au maximum). On aura:

- $\ddot{\alpha} \approx 1,17 \text{ m/s}^2$: $\ddot{\alpha} < \ddot{\alpha}_{\max}$ donc pas de risque de glissement.
- $Z_{ov} \approx 137 \text{ N}$: $Z_{ov} > 0$ donc pas de risque de basculement.