

## V - Étude de capteur

Un signal transmis par un capteur peut être perturbé par toutes sortes de facteurs pouvant produire des erreurs dans les données : masses métalliques, température, imperfections du matériel... En pratique, il est donc nécessaire de pouvoir détecter ces erreurs et, dans la mesure du possible, les corriger.

### V.1 Bit de parité

une technique simple et très répandue pour s'assurer qu'une donnée binaire sera lue correctement par son receveur est de lui adjoindre un bit de parité, c'est-à-dire la somme binaire des bits de données. Par exemples :  $110111_2$  a comme bit de parité 1 car il possède un nombre impaire de 1 et  $110011_2$  a comme bit de parité 0 car il possède un nombre paire de 1

**Q46.** Donner les bits de parité associées aux représentations binaires des entiers 5, 16, 37.

**Q47.** Ecrire une fonction `parite(bits)` prenant pour argument une liste `bits` constituée d'entiers valant 0 ou 1 et retournant l'entier 0 ou 1 correspondant à son bit de parité.

Les techniques de vérification les plus simples consistent à découper la donnée en blocs et à joindre un bit de parité à chaque bloc. Par exemple, certains protocoles transmettent 7 bits de données pour un bit de parité.

**Q48.** Donner un exemple d'erreur n'étant pas détecté par cette technique.

### V.2 Code de Hamming :

Le code de Hamming (7,4) est un exemple d'utilisation des bits de parité pour détecter et corriger des erreurs. Il consiste à adjoindre 3 bits de parité à 4 bits de données, soit un message d'une longueur totale de 7 bits. Ces trois bits sont définis aubsu : si la donnée s'écrit  $(d_1, d_2, d_3, d_4)$  avec  $d_i = 0$  ou 1, alors :

- $p_1$  est le bit de parité du triplet  $(d_1, d_2, d_4)$  ;
- $p_2$  est le bit de parité du triplet  $(d_1, d_3, d_4)$  ;
- $p_3$  est le bit de parité du triplet  $(d_2, d_3, d_4)$ .

Le message encodé, que l'on transmet, s'écrit alors comme suit :  $(p_1, p_2, d_1, p_3, d_2, d_3, d_4)$ .

**Q49.** Ecrire une fonction `encode_hamming(donnees)` prenant pour argument une liste `donnees` constituée d'entiers valant 0 ou 1 et retournant une liste de bits contenant le message encodé. On pourra appeler la fonction `partie(bits)` précédemment définie.

Le contrôle après réception d'un message ainsi encodé est relativement simple. La technique proposée par Hamming est de calculer les bits de contrôle suivants, notés  $(c_1, c_2, c_3)$ , à partir d'un message complet (données et bits supplémentaires), noté  $(m_1, m_2, \dots, m_7)$  :

- $c_1$  est le bit de parité du triplet  $(m_4, m_5, m_6, m_7)$  ;
- $c_2$  est le bit de parité du triplet  $(m_2, m_3, m_6, m_7)$  ;
- $c_3$  est le bit de parité du triplet  $(m_1, m_3, m_5, m_7)$  ;

On montre que si le message est bien encodé selon les règles précédentes, et n'a pas été altéré, alors les trois bits de contrôle doivent être à 0. Si ce n'est pas le cas, alors il y a une erreur ; l'intérêt de la technique de Hamming est que dans le cas particulier où l'erreur est unique, le mot de contrôle donne la représentation binaire de la position de cette erreur en numérotant les indices à partir de 1. Par exemple, si  $(c_1, c_2, c_3) = (0, 1, 1)$ , alors l'erreur porte sur le troisième bit du message ( $m_3$ ). Il suffit d'inverser ce bit (le mettre à 1 s'il est à 0, et inversement) pour corriger l'erreur.

La donnée décodée est alors constituée des quatre bits  $(m_3, m_5, m_6, m_7)$  du message complet  $(m_1, m_2, \dots, m_7)$ .

- Q50.** On reçoit la donnée (0110111). Vérifier qu'il y a bien une erreur et déterminer la donnée décodée.
- Q51.** Ecrire une fonction `decode_hamming(message)` prenant pour argument une liste `message` constituée de 7 bits et retournant une liste de 4 bits contenant la donnée décodée. En cas d'erreur, on affichera à l'écran un avertissement indiquant la position du bit affecté et on effectuera la correction. On supposera que s'il y a une erreur, elle est unique.

## VI Production des amortisseurs

Pour améliorer la qualité des amortisseurs mises en vente, différents tests de fin de chaîne ont été mis en place pour valider l'assemblage du produit final. Différentes mesures sont alors exécutées. Ces mesures sont envoyées comme une suite de caractères ASCII vers un ordinateur. Cet ordinateur va effectuer des analyses pour valider le fonctionnement de l'amortisseur. En particulier, on mesure le temps de réponse à un échelon ( $T_{r_{5\%}}$ ) en *ms*, puis on calcule la valeur moyenne  $T_{moy}$  du temps sur la durée d'acquisition ainsi que l'écart-type  $T_{ec}$ . Ainsi on peut avoir l'intervalle de confiance à 95% qui est  $[T_{moy} - 1,96T_{ec}; T_{moy} + 1,96T_{ec}]$  (c'est-à-dire que la probabilité que le temps de réponse de l'amortisseur est dans cet intervalle est de 95%). L'ensemble des mesures et des analyses est sauvegardé dans un fichier texte.

Cette sauvegarde s'effectue dans une base de données.

Après son assemblage et avant les différents tests de validation, un numéro de série unique est attribué à chaque amortisseur. À la fin des tests, les résultats d'analyse ainsi que le fichier contenant l'ensemble des mesures réalisées sont rangés dans la table *testfin*.

Lorsqu'un amortisseur satisfait les critères de validation, il est enregistré dans la table *production* avec son numéro de série, la date et l'heure de sortie de production ainsi que son modèle. Une représentation simplifiée des deux tables de la base de données que l'on souhaite utiliser est donnée ci-dessous :

<i>testfin</i>					<i>production</i>			
nSerie	dateTest	$T_{moy}$	$T_{ec}$	fichierMes	Num	nSerie	dateProd	Modele
588ZX2547	2017-02-07 :17-25-45	28	3	mes31025.csv	20	588ZX2547	2017-02-07 :18-29-12	B4-P205
588ZX2548	2017-02-07 :17-26-57	30	6	mes41026.csv	21	588ZX2549	2017-02-07 :18-31-53	B6-Rclio1
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

Les attributs  $T_{moy}$  et  $T_{ec}$  sont des flottants. L'attribut *Num* est un entier. Les autres attributs sont de type chaîne de caractères.

- Q52.** Rédiger une requête SQL permettant d'obtenir les numéros de série des amortisseurs répondant aux critères d'exigences des constructeurs (**tableau 1**) à 95%.
- Q53.** Rédiger une requête SQL permettant d'obtenir les numéros de série, la valeur de l'écart-type  $T_{ec}$  et le fichier de mesures des amortisseurs ayant une valeur  $T_{ec}$  strictement inférieure à la moyenne de la colonne  $T_{ec}$ .
- Q54.** Extraire à partir de la table *testfin* les numéros de série et le fichier de mesures des amortisseurs qui n'ont pas été validés en sortie de production.

# FIN

## Correction

- Q46.**  $5 = 101_2$ , le bit de parité vaut 0  
 $16 = 10000_2$ , le bit de parité vaut 1  
 $37 = 100101_2$ , le bit de parité vaut 1

**Q47.**

```
def parite(bits):  
    s=0  
    for i in bits:  
        s=s+i  
    return s%2
```

- Q48.** Si un nombre pair d'erreurs est commis, on ne peut pas les détecter  
Par exemple, pour 37 transmis comme  $101001_2$  n'est pas détectable.

**Q49.**

```
def encode_hamming(donnee):  
    d1,d2,d3,d4=donnee  
    p1=parite([d1,d2,d4])  
    p2=parite([d1,d3,d4])  
    p3=parite([d2,d3,d4])  
    return [p1,p2,d1,p3,d2,d3,d4]
```

- Q50.** Pour  $0110111_2$   
La parité de 0111 est 1  
La parité de 1111 est 0  
La parité de 0111 est 1  
Donc on a une erreur en position  $4+1=5$   
Le message est  $0110011_2$  et la donnée :  $1011_2$

**Q51.**

```
def decode_hamming(message):  
    m1,m2,m3,m4,m5,m6,m7=message  
    c1=parite([m4,m5,m6,m7])  
    c2=parite([m2,m3,m6,m7])  
    c3=parite([m1,m3,m5,m7])  
    n=4*c1+2*c2+c3  
    if n!=0:  
        print("Erreur transmise en ",n)  
        message[n-1]=1-message[n-1]  
        m1,m2,m3,m4,m5,m6,m7=message  
    return [m3,m5,m6,m7]
```

- Q52.** `select nSerie from testfin where Tmoy-1.96*Tec<35 and Tmoy+1.96*Tec>35`  
**Q53.** `select nSerie,Tec,fichierMes from testfin where Tec < (select avg(Tec) from testfin)`  
**Q54.** `select nSerie, fichierMes from testfin where nSerie not in (select nSerie from production)`