

Exercice 6: réflexion d'onde

Présent: Exercice d'onde ELN sur la réflexion sur un conducteur parfait.

1) \rightarrow Onde plane

\rightarrow propagation selon z croissante.

\rightarrow polarisée selon \vec{e}_x

2) On cherche $\vec{E}_r = E_1 \cos(\omega t + k_z z + \varphi) \vec{e}_x$

$$\vec{E}_{\text{tot}} = \begin{cases} \vec{E}_0 \cos(\omega t - k_z z) + E_1 \cos(\omega t + k_z z + \varphi) \end{cases} \vec{e}_x \quad \text{si } z < 0$$

$$\vec{E}_c = \vec{0} \quad (\text{conducteur parfait}) \quad \text{si } z > 0$$

$$\text{en } z=0 \quad E_0 \cos(\omega t) + E_1 \cos(\omega t + \varphi) = 0 \quad \text{vacuum} \quad \forall t$$

$$\Rightarrow \boxed{\varphi = 0} \quad \text{en effet si } \omega t = \frac{\pi}{2} \Rightarrow E_1 \cos\left(\frac{\pi}{2} + \varphi\right) = 0$$

$E_1 \sin(\varphi) = 0$ on $E_1 \neq 0$ sinon pas d'onde réfléchie.

$$\varphi = 0 \quad [\pi] \quad \text{on garde la solut' } \varphi = 0$$

Rq: si il s'agit d'interférences, le déphasage devant π à la réflexion (H.P.)

Res final

$$\boxed{\vec{E}_r = -E_0 \cos(\omega t + k_z z) \vec{e}_x}$$

$$\begin{aligned} 3) \quad \vec{E}_{\text{tot}} &= E_0 \left(\cos(\omega t - k_z z) - \cos(\omega t + k_z z) \right) \vec{e}_x \\ &= -2E_0 \sin(\omega t) \sin(-k_z z) \vec{e}_x \\ &= 2E_0 \sin(\omega t) \sin(k_z z) \vec{e}_x \end{aligned}$$

$$\text{La période spatiale est } \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi c}{\omega}$$

$$\text{La période des annulations est } \frac{\lambda}{2} = \frac{\pi}{k} = \frac{\pi c}{\omega} \quad \left(\text{en effet le sinus s'annule 2 fois sur 1 période} \right)$$

4)

$$\frac{\lambda}{2} = \frac{\pi c}{2\pi f}$$

$$\frac{\lambda}{2} = \frac{1 \cancel{\times 10^9}}{2 \cancel{300 \times 10^5}} = \frac{1}{2} 10^{-2} 10^{-1} = 5 \cdot 10^{-4} \text{ m}$$

5) Il s'agit probablement d'une bobine. Le champ magnétique induit un flux, qui génère une tension que l'on peut mesurer.