

Nombres réels

Une seule réponse exacte par question.

1 Soient  $a, b, c, d$  des réels strictement positifs avec  $a < b$  et  $c < d$ . Alors

- a  $\frac{a}{d} < \frac{b}{c}$     
  b  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$     
  c  $\frac{a}{c} < \frac{b}{d}$     
  d  $\frac{b}{c} < \frac{a}{d}$

2 Le réel  $\ln 8$  vaut

- a  $3 \ln 2$     
  b  $(\ln 2)^3$     
  c  $4 \ln 2$     
  d  $\ln 2 + \ln 3$

3 La partie entière de  $-\pi$  vaut :

- a  $-0, 1415$     
  b  $0, 8584$     
  c  $-3$     
  d  $-4$

4 Quelle est la borne supérieure de l'intervalle  $[0, 1[$ ?

- a  $1^-$     
  b  $[1, +\infty[$     
  c  $1$   
 d le plus grand réel strictement inférieur à 1

5 Quelle est la borne inférieure de  $\{x \in [-1, 3], x^2 < 4\}$ ?

- a  $-2$     
  b  $2$     
  c  $-\sqrt{2}$     
  d  $-1$

6 Soit  $A = [x] + [y]$ ,  $B = [x + y]$  et  $C = x + y$ . On a

- a  $A \leq B \leq C$     
  b  $B \leq A \leq C$     
  c  $B \leq C \leq A$     
  d  $C \leq B \leq A$

7 Quelle fonction vérifie  $f(x + y) = f(x)f(y)$  pour tous  $x$  et  $y$  dans son domaine de définition?

- a  $f(x) = e^{2x}$     
  b  $f(x) = \ln(2x)$     
  c  $f(x) = \frac{1}{2} \ln x$     
  d  $f(x) = \frac{1}{2} e^x$

8 Soit  $x$  un réel. Parmi les conditions suivantes, laquelle est **suffisante** pour affirmer que  $x < -1$ ?

- a  $x^2 < 1$     
  b  $|x + 2| > 1$     
  c  $|x + 1| < 2$     
  d  $|x + 2| < 1$

9 Si  $x$  est un réel tel que  $|2 - x| \leq 1$ , alors

- a  $|x| \leq 1$     
  b  $|x| \geq -1$     
  c  $|x| \geq 3$     
  d  $|x| \leq 3$

10 Parmi les ensembles suivants, lequel admet une borne supérieure?

- a  $\{x \in \mathbb{R}, x < x + 1\}$     
  c  $\mathbb{Z}$   
 b  $\{x \in \mathbb{R}_+, x < -1\}$     
  d  $\left\{x \in [-2\pi, 2\pi], \sin x = \frac{1}{3}\right\}$

## Nombres réels

Une seule réponse exacte par question.

- 1 Si  $a$  et  $b$  sont des réels strictement positifs,  $a^{\ln b}$  est égal à
- a  $e^{\ln(ab)}$      b  $b^{\ln a}$      c  $\ln(a^b)$      d  $(\ln a)^b$
- 2 Soit  $n \geq 2$ . Quel est le plus grand réel entre  $\frac{\sqrt{n}}{2^n}$ ,  $\frac{\sqrt{n+1}}{2^n}$ ,  $\frac{\sqrt{n}}{2^{n+1}}$ ,  $\frac{\sqrt{n+1}}{2^{n+1}}$  ?
- a  $\frac{\sqrt{n}}{2^n}$      b  $\frac{\sqrt{n+1}}{2^n}$      c  $\frac{\sqrt{n}}{2^{n+1}}$      d  $\frac{\sqrt{n+1}}{2^{n+1}}$
- 3 La partie entière de  $-\sqrt{2}$  vaut :
- a  $-0,4142$      b  $-2,4142$      c  $-2$      d  $-1$
- 4 Quelle est la borne supérieure de  $\{x \in [-2, 2], x^2 < 2\}$  ?
- a  $4$      b  $-\sqrt{2}$      c  $\sqrt{2}$      d  $0$
- 5 Si  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  est une fonction décroissante, la quantité  $\sup_{x \in [-1, 1]} f(x^2)$  vaut
- a  $f(0)$      c  $f(-1)$   
 b  $f(1)$      d  $\max(f(-1), f(1))$

- 6 Pour  $x$  réel,  $\lfloor [x] + x \rfloor$  est toujours égal à
- a  $2 \lfloor x \rfloor$      b  $\lfloor 2x \rfloor$      c  $\lfloor x^2 \rfloor$      d  $x + \lfloor x \rfloor$
- 7 Pour tout entier  $n \geq 1$ , le réel  $\left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$  est égal à :
- a  $\exp\left(\ln n \ln\left(1 + \frac{1}{n}\right)\right)$      c  $\exp(\ln(n+1))$   
 b  $\exp\left(n \ln\left(1 + \frac{1}{n}\right)\right)$      d  $\exp\left(\ln n + \ln\left(1 + \frac{1}{n}\right)\right)$
- 8 Si  $x$  est un nombre réel,  $\sqrt[3]{x^2}$  est égal à
- a  $x^{3/2}$      b  $|x|^{3/2}$      c  $|x|^{2/3}$      d  $x^{2/3}$
- 9 Si  $x, y$  sont deux réels tels que  $|x - 5| \leq 1$  et  $|y - 1| \leq 1$ , alors on a
- a  $0 \leq |x - y| \leq 2$      c  $4 \leq |x - y| \leq 8$   
 b  $4 \leq |x - y| \leq 6$      d  $2 \leq |x - y| \leq 6$
- 10 Si  $x$  est un réel de partie entière  $n$ , on a
- a  $x - 1 < n \leq x$      c  $x - 1 \leq n < x$   
 b  $x - 1 < n < x$      d  $x - 1 \leq n < x$