Nom: .... **Prénom:** ....

Nombres réels

Une seule réponse exacte par question.

1 Soient a, b, c, d des réels strictement positifs avec $a < b$ et $c < d$. Alors

(a) ☐ $\frac{a}{d} < \frac{b}{c}$ (b) ☐ $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ (c) ☐ $\frac{a}{c} < \frac{b}{d}$ (d) ☐ $\frac{b}{c} < \frac{a}{d}$

2 Le réel $\ln 8$ vaut

(a) ☐ $3\ln 2$ (b) ☐ $(\ln 2)^3$ (c) ☐ $4\ln 2$ (d) ☐ $\ln 2 + \ln 3$

3 La partie entière de $-\pi$ vaut :

(a) ☐ $-0,1415$ (b) ☐ $0,8584$ (c) ☐ -3 (d) ☐ -4

4 Quelle est la borne supérieure de l'intervalle $[0,1[$?

(a) ☐ 1^- (b) ☐ $[1,+\infty[$ (c) ☐ 1
(d) ☐ le plus grand réel strictement inférieur à 1

5 Quelle est la borne inférieure de $\{x \in [-1,3], x^2 < 4\}$?

(a) ☐ -2 (b) ☐ 2 (c) ☐ $-\sqrt{2}$ (d) ☐ -1

6 Soit $\mathrm{A} = \lfloor x \rfloor + \lfloor y \rfloor$, $\mathrm{B} = \lfloor x+y \rfloor$ et $\mathrm{C} = x + y$. On a

(a) ☐ $\mathrm{A} \leqslant \mathrm{B} \leqslant \mathrm{C}$ (b) ☐ $\mathrm{B} \leqslant \mathrm{A} \leqslant \mathrm{C}$ (c) ☐ $\mathrm{B} \leqslant \mathrm{C} \leqslant \mathrm{A}$ (d) ☐ $\mathrm{C} \leqslant \mathrm{B} \leqslant \mathrm{A}$

7 Quelle fonction vérifie $f(x+y) = f(x)f(y)$ pour tous x et y dans son domaine de définition ?

(a) ☐ $f(x) = e^{2x}$ (b) ☐ $f(x) = \ln(2x)$ (c) ☐ $f(x) = \frac{1}{2}\ln x$ (d) ☐ $f(x) = \frac{1}{2}e^x$

8 Soit x un réel. Parmi les conditions suivantes, laquelle est **suffisante** pour affirmer que $x < -1$?

(a) ☐ $x^2 < 1$ (b) ☐ $|x+2| > 1$ (c) ☐ $|x+1| < 2$ (d) ☐ $|x+2| < 1$

9 Si x est un réel tel que $|2-x| \leqslant 1$, alors

(a) ☐ $|x| \leqslant 1$ (b) ☐ $|x| \geqslant -1$ (c) ☐ $|x| \geqslant 3$ (d) ☐ $|x| \leqslant 3$

10 Parmi les ensembles suivants, lequel admet une borne supérieure ?

(a) ☐ $\{x \in \mathbb{R}, x < x+1\}$ (c) ☐ $\mathbb{Z}$
(b) ☐ $\{x \in \mathbb{R}_+, x < -1\}$ (d) ☐ $\left\{x \in [-2\pi, 2\pi], \sin x = \frac{1}{3}\right\}$

Nom: .... **Prénom:** ....

Nombres réels

Une seule réponse exacte par question.

1 Si a et b sont des réels strictement positifs, $a^{\ln b}$ est égal à

a ☐ $e^{\ln(ab)}$ b ☐ $b^{\ln a}$ c ☐ $\ln\left(a^b\right)$ d ☐ $(\ln a)^b$

2 Soit $n \geqslant 2$. Quel est le plus grand réel entre $\frac{\sqrt{n}}{2^n}, \frac{\sqrt{n+1}}{2^n}, \frac{\sqrt{n}}{2^{n+1}}, \frac{\sqrt{n+1}}{2^{n+1}}$?

a ☐ $\frac{\sqrt{n}}{2^n}$ b ☐ $\frac{\sqrt{n+1}}{2^n}$ c ☐ $\frac{\sqrt{n}}{2^{n+1}}$ d ☐ $\frac{\sqrt{n+1}}{2^{n+1}}$

3 La partie entière de $-\sqrt{2}$ vaut :

a ☐ $-0,4142$ b ☐ $-2,4142$ c ☐ -2 d ☐ -1

4 Quelle est la borne supérieure de $\left\{x \in [-2,2], x^2 < 2\right\}$?

a ☐ 4 b ☐ $-\sqrt{2}$ c ☐ $\sqrt{2}$ d ☐ 0

5 Si $f : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ est une fonction décroissante, la quantité $\sup_{x\in[-1,1]} f(x^2)$ vaut

a ☐ $f(0)$ c ☐ $f(-1)$
b ☐ $f(1)$ d ☐ $\max(f(-1), f(1))$

6 Pour x réel, $\lfloor \lfloor x \rfloor + x \rfloor$ est toujours égal à

a ☐ $2\lfloor x \rfloor$ b ☐ $\lfloor 2x \rfloor$ c ☐ $\lfloor x^2 \rfloor$ d ☐ $x + \lfloor x \rfloor$

7 Pour tout entier $n \geqslant 1$, le réel $\left(1+\frac{1}{n}\right)^n$ est égal à :

a ☐ $\exp\left(\ln n \ln\left(1+\frac{1}{n}\right)\right)$ c ☐ $\exp\left(\ln\left(n+1\right)\right)$
b ☐ $\exp\left(n \ln\left(1+\frac{1}{n}\right)\right)$ d ☐ $\exp\left(\ln n + \ln\left(1+\frac{1}{n}\right)\right)$

8 Si x est un nombre réel, $\sqrt[3]{x^2}$ est égal à

a ☐ $x^{3/2}$ b ☐ $|x|^{3/2}$ c ☐ $|x|^{2/3}$ d ☐ $x^{2/3}$

9 Si x, y sont deux réels tels que $|x-5| \leqslant 1$ et $|y-1| \leqslant 1$, alors on a

a ☐ $0 \leqslant |x-y| \leqslant 2$ c ☐ $4 \leqslant |x-y| \leqslant 8$
b ☐ $4 \leqslant |x-y| \leqslant 6$ d ☐ $2 \leqslant |x-y| \leqslant 6$

10 Si x est un réel de partie entière n, on a

a ☐ $x-1 < n \leqslant x$ c ☐ $x-1 \leqslant n < x$
b ☐ $x-1 < n < x$ d ☐ $x-1 \leqslant n \leqslant x$