## Calcul matriciel

Une seule réponse exacte par question.

- Soient A et B deux matrices de tailles respectives  $4 \times 3$  et  $3 \times 2$ . Alors le produit AB
  - $\bigcirc$   $\square$  est de taille  $3 \times 3$

 $\bigcirc$   $\square$  est de taille  $12 \times 6$ 

 $\bigcirc$   $\square$  est de taille  $4 \times 2$ 

- n'a pas de sens
- Combien vaut la matrice  $(E_{12} + E_{21})^2$ ?
  - $\square$  2E<sub>11</sub>
- (b) □ 2E<sub>22</sub>
- $\bigcirc$   $\square$   $E_{12} + E_{21}$   $\bigcirc$   $\square$   $E_{11} + E_{22}$
- $\begin{tabular}{ll} \bf 3 & {\rm Soit} \ {\rm M} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \\ \end{tabular} . \ {\rm La \ matrice} \ ({\rm M} {\rm I}_3)({\rm M} 2{\rm I}_3)({\rm M} 3{\rm I}_3) \ {\rm vaut} \ : \ \ \\ \end{tabular}$

- [4] Laquelle des matrices suivantes vérifie  $M^2 = -I_2$ ?

- La matrice  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$  commute avec la matrice  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$  si et seulement si
  - (a)  $\square$  A est triangulaire supérieure

 $\bigcirc$   $\square$  c=0 et a=d

- 6 Laquelle des hypothèses suivantes n'implique pas que la matrice carrée A soit aussi diagonale?
  - $\bigcirc$   $\square$   $A^{\top}$  est diagonale

 $\bigcirc$   $\square$   $A^2$  est diagonale

 $\bigcirc$   $\square$  A – I est diagonale

- (a) □ 2A est diagonale
- Si A est une matrice carrée,  $(A^{\top})A$  est toujours
  - triangulaire supérieure
- symétrique

□ diagonale

antisymétrique

- 8 Si A, B sont deux matrices carrées inversibles de  $\mathbb{M}_n(\mathbb{R})$ , l'inverse de  $(AB)^{\top}$  est toujours

QCM nº2

- $\bigcirc$   $\square$   $B^{-1}A^{-1}$
- $\Box (B^{-1})^{\top} (A^{-1})^{\top}$
- (d)  $\Box A^{-1}B^{-1}$
- [9] Si  $M \in \mathbb{M}_n(\mathbb{R})$  est une matrice triangulaire supérieure inversible, son inverse est
  - (a) \( \overline{\pi} \) triangulaire supérieure
- □ symétrique
- (b) □ triangulaire inférieure
- ⓐ une telle matrice n'est jamais inversible
- L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  est

 $\bigcirc \boxtimes \begin{pmatrix} 1 & -2/3 \\ 0 & 1/3 \end{pmatrix}$ 

- 11 On calcule tous les produits  $E_{12}E_{ij}$ . Combien de ces produits sont nuls?
  - $\bigcirc$   $\square$  n

- $\square$   $n^2-n$
- $\bigcirc$   $\square$   $n^3$

- $\bigcirc$  aucun car  $E_{12}$  est non nulle
- 12 Si M est une matrice carrée telle que  $M^{\top} = 2M$ , alors
  - (a)  $\square$  M est une matrice diagonale
- ✓ M est nulle
- **(b)** □ M est une matrice symétrique
- □ les coefficients diagonaux de M sont nuls
- 13 Combien de matrices  $E_{ij}$  commutent avec  $E_{11}$ ?
  - (a)  $\Box$  1
- **b**  $\Box$   $(n-1)^2$
- $\bigcirc$   $\square$   $(n-1)^2-1$   $\bigcirc$   $\bigcirc$   $\bigcirc$   $n^2$

2