

Nom :

Prénom :

Systèmes linéaires et Suites

QCM

Une seule réponse exacte par question.

- 1** Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite strictement positive et décroissante. Alors
- a $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge et sa limite est positive ou nulle
 - b $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers 0
 - c $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge et sa limite est strictement positive
 - d $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge et est constante à partir d'un certain rang
- 2** Dans quel cas le théorème d'encadrement permet-il de montrer que la suite réelle $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge ?
- a $\forall n \geq 1, \frac{n+1}{n^2} \leq u_n \leq \frac{n+1}{n}$
 - b $\forall n \geq 1, \frac{1}{n^2} \leq u_n \leq \frac{1}{n}$
 - c $\forall n \geq 1, \frac{1}{n} \leq u_n \leq \frac{1}{2n}$
 - d $\forall n \geq 0, n \leq u_n \leq n+1$
- 3** Laquelle des suites suivantes est extraite de la suite $(u_{2n})_{n \geq 0}$?
- a $(u_{3n})_{n \geq 0}$
 - b $(u_{2n+1})_{n \geq 0}$
 - c $(u_{2n+2})_{n \geq 0}$
 - d $(u_{n^2})_{n \geq 0}$
- 4** On pose $u_n = \cos\left(\frac{n\pi}{2}\right)$ pour tout $n \in \mathbb{N}$. Laquelle des suites suivantes converge ?
- a $(u_{2n})_{n \geq 0}$
 - b $(u_{3n})_{n \geq 0}$
 - c $(u_{4n})_{n \geq 0}$
 - d $(u_{n^2})_{n \geq 0}$
- 5** Soit $a > 0$. La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par $u_n = \frac{n!}{a^n}$ est croissante à partir d'un certain rang
- a pour tout $a > 0$
 - b seulement pour a dans $]0, 1]$
 - c seulement pour $a \geq 1$
 - d pour aucune valeur de a
- 6** Si $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ sont deux suites réelles telles que $(u_n - v_n)$ converge, alors
- a $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ convergent
 - b $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ ou $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge
 - c $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge $\iff (v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge
 - d $\left(\frac{u_n}{v_n}\right)_{n \geq 0}$ converge vers 1

