

Probabilités et espaces vectoriels

Nom :

Prénom :

1. Donner une famille génératrice de $F = \{(x; y; z) \in \mathbb{R}^3 / -x + y + z = y - x = 0\}$.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

2. X et Y s'entraînent au tir à l'arc.

X atteint la cible 9 fois sur 10, Y atteint la cible 6 fois sur 10. Y joue deux fois sur trois.

(a) Quelle est la probabilité que la cible soit atteinte ?

.....
.....
.....
.....

(b) L'un des joueurs a atteint la cible. Quelle est la probabilité qu'il s'agisse de Y ?

.....
.....
.....
.....

(c) En déduire la probabilité qu'il s'agisse de X.

.....
.....
.....
.....

3. Soient A_1, \dots, A_n des événements mutuellement indépendants et $p \in \llbracket 1; n - 1 \rrbracket$.

Montrer que $A_1 \cap \dots \cap A_p$ et $A_{p+1} \cup \dots \cup A_n$ sont indépendants.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Probabilités et espaces vectoriels

Nom :

Prénom :

1. Donner une famille génératrice de $F = \{(x; y; z) \in \mathbb{R}^3 / -x + y + z = y + z = 0\}$.

.....
.....
.....
.....
.....
.....

2. X et Y s'entraînent au tir à l'arc.

X atteint la cible 9 fois sur 10, Y atteint la cible 6 fois sur 10. Y joue deux fois sur trois.

(a) Quelle est la probabilité que la cible soit atteinte ?

.....
.....
.....
.....

(b) L'un des joueurs a atteint la cible. Quelle est la probabilité qu'il s'agisse de X ?

.....
.....
.....
.....

(c) En déduire la probabilité qu'il s'agisse de Y.

.....
.....
.....
.....

3. Soient A_1, \dots, A_n des événements mutuellement indépendants et $p \in \llbracket 1; n - 1 \rrbracket$.

Montrer que $A_1 \cup \dots \cup A_p$ et $A_{p+1} \cap \dots \cap A_n$ sont indépendants.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....