Interrogation du 07/10/2025

NOM Prénom:

1. Soient p et q deux entiers naturels tels que $p \leq q$, $a \in \mathbb{R}$, $n \in \mathbb{R}^*$ et $x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$. Donner les formules pour les quatre sommes de référence suivantes.

a)
$$\sum_{k=p}^{q} a =$$

b)
$$\sum_{k=1}^{n} k =$$

$$c) \sum_{k=1}^{n} k^2 =$$

d)
$$\sum_{k=p}^{q} x^k =$$

2. Soient p et q deux entiers naturels tels que $p \le q$. Soient u_p, \dots, u_{q+1} des nombres réels. Donner la formule pour calculer une somme télescopique.

$$\sum_{k=p}^{q} (u_k - u_{k+1}) =$$

3. Soit $n \in \mathbb{N}^*$. Calculer les sommes suivantes.

a)
$$S_1 = \sum_{k=3}^{50} k$$

b)
$$S_2 = \sum_{k=0}^{n} \frac{1}{2^k}$$

c)
$$S_3 = \sum_{k=1}^{n} (2k+1)$$

d)
$$S_4 = \sum_{k=1}^{n} \left(\frac{1}{k+1} - \frac{1}{k} \right)$$

Mathématiques – PTSI Interro 3