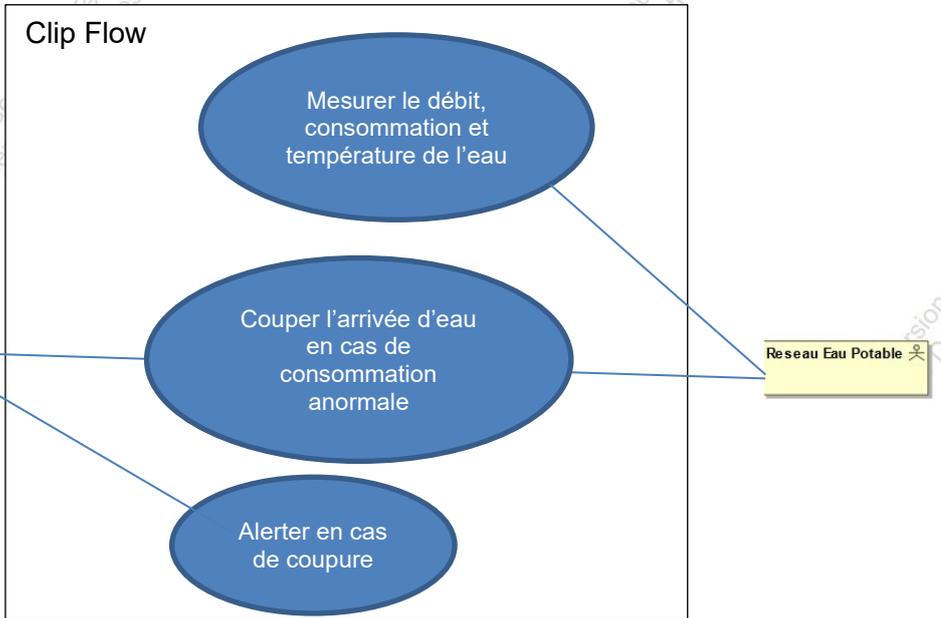
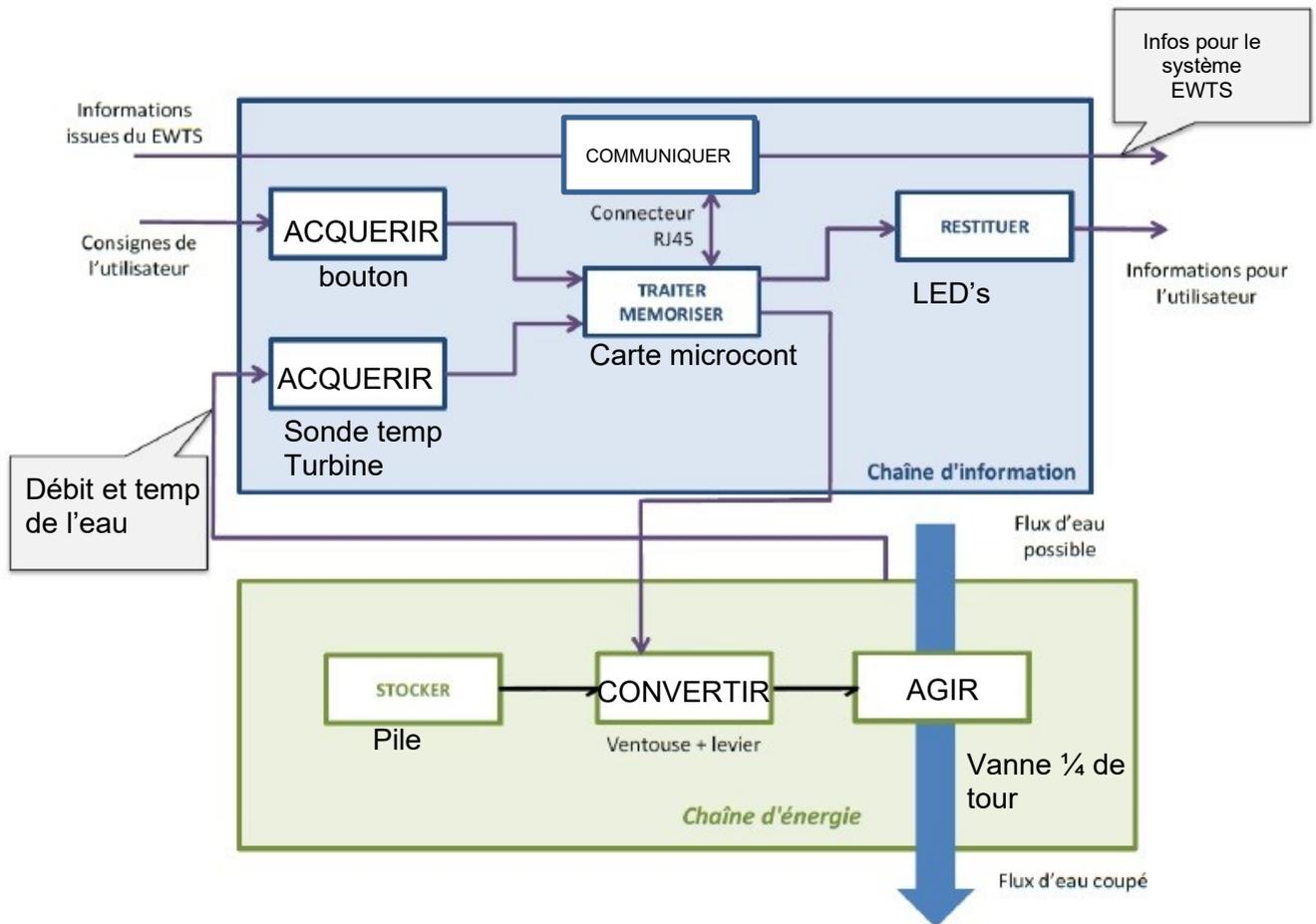


Q1 :

uc [Paquetage] Expression du besoin [cas d'utilisation]



Q2 :



Prépa VAUBAN		Prépa DEVOIR SI 1 : Corrigé	DM	Cycle 1
PTSI	P2/12		3h	

Q3 : Définir la zone (forme et dimensions) de l'espace que le point O_5 , à l'extrémité de l'outil, peut atteindre lorsque l'on commande les axes « Y » et « Z ».

Surface délimitée par un rectangle de 500x600mm, de normale \vec{x}_3

Q4 : Exprimer le vecteur $\overrightarrow{O_3O_5}$.

$$\overrightarrow{O_3O_5} = \overrightarrow{O_3O_4} + \overrightarrow{O_4D} + \overrightarrow{DO_5} = y(t) \cdot \vec{y}_3 + l_4 \cdot \vec{x}_3 + (z(t) + l_3) \cdot \vec{z}_3$$

Q5 : Donner l'expression de la vitesse du point O_5 dans son mouvement par rapport à R3.

$$\overrightarrow{V_{O_5 \in S/3}} = \left[\frac{d\overrightarrow{O_3O_5}}{dt} \right]_3 = \dot{y}(t) \cdot \vec{y}_3 + \dot{z}(t) \cdot \vec{z}_3$$

Car l_4 et l_3 sont des constantes

Q6 : Calculer la valeur maximale de la norme du vecteur vitesse du point O_5 , lié à S5 dans son mouvement par rapport à R3. Vous donnerez le résultat en m/s.

$$\|\overrightarrow{V_{O_5 \in S/3}}\| = \sqrt{\dot{y}(t)^2 + \dot{z}(t)^2}$$

$$\|\overrightarrow{V_{O_5 \in S/3}}\|_{max} = \sqrt{\dot{y}(t)_{max}^2 + \dot{z}(t)_{max}^2}$$

$$\|\overrightarrow{V_{O_5 \in S/3}}\|_{max} = \sqrt{\left(\frac{40}{60}\right)^2 + \left(\frac{40}{60}\right)^2} = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3} \approx 0,94 \text{ m/s}$$

Q7 : Donner l'expression de l'accélération du point O_5 , lié à S5 dans son mouvement par rapport à R3.

$$\overrightarrow{a_{O_5 \in S/3}} = \left[\frac{d\overrightarrow{V_{O_5 \in S/3}}}{dt} \right]_3 = \ddot{y}(t) \cdot \vec{y}_3 + \ddot{z}(t) \cdot \vec{z}_3$$

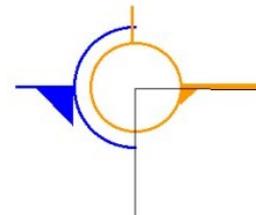
Q8 : Définir la zone de l'espace (forme et dimensions) que le point O_2 , appartenant à S2, peut atteindre lorsque l'on commande la translation sur l'axe « X ».

Segment de droite de longueur 800mm dirigée par \vec{x}_3 .

Q9 : En analysant les mouvements, sans calculs, donner le nom de la liaison cinématiquement équivalente entre S0 et S2 ?

Dessiner la représentation normalisée de cette liaison en précisant son centre et ses axes remarquables.

Sphérique ou rotule à doigt de centre O_1 ,
de plan de rainure $(O_1, \vec{x}_1, \vec{z}_1)$ et de dir de doigt \vec{z}_1 .



Prépa VAUBAN		Prépa DEVOIR SI 1 : Corrigé	DM	Cycle 1
PTSI	P3/12		3h	

Q10 : Définir la zone de l'espace que le point O_0 , appartenant à S_0 peut atteindre lorsque l'on commande que les rotations des axes « B » et « C »

Cercle de centre O_1 et de rayon O_0O_1 dans le plan $(O_1, \vec{x}_1, \vec{z}_1)$

Q11 : Exprimer $\vec{O_3M}$ le plus simplement possible.

$$\vec{O_3O_0} = \vec{O_3A} + \vec{AO_2} + \vec{O_2O_1} + \vec{O_1O_0} + \vec{O_0M} = x(t) \cdot \vec{x}_3 + l_2 \cdot \vec{z}_3 - l_1 \cdot \vec{y}_3 + l_0 \cdot \vec{z}_0 + r \cdot \vec{y}_0$$

Q12 : Donner l'expression, le plus simplement possible et ensuite dans la base du référentiel R_3 , de la vitesse du point M lié à S_0 , dans son mouvement par rapport à R_3 .

$$\vec{V}_{M \in O/3} = \left[\frac{d\vec{O_3M}}{dt} \right]_3 = \dot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 + l_0 \cdot \left[\frac{d\vec{z}_0}{dt} \right]_3 + r \cdot \left[\frac{d\vec{y}_0}{dt} \right]_3$$

$$\left[\frac{d\vec{z}_0}{dt} \right]_3 = \left[\frac{d\vec{z}_0}{dt} \right]_0 + \vec{\Omega}_{0/3} \wedge \vec{z}_0 = (\vec{\Omega}_{0/1} + \vec{\Omega}_{1/3}) \wedge \vec{z}_0 = (\dot{\theta}_0 \cdot \vec{z}_0 + \dot{\theta}_1 \cdot \vec{y}_1) \wedge \vec{z}_0 = \dot{\theta}_1 \cdot \vec{x}_1$$

$$\left[\frac{d\vec{y}_0}{dt} \right]_3 = \left[\frac{d\vec{y}_0}{dt} \right]_0 + \vec{\Omega}_{0/3} \wedge \vec{y}_0 = (\vec{\Omega}_{0/1} + \vec{\Omega}_{1/3}) \wedge \vec{y}_0 = (\dot{\theta}_0 \cdot \vec{z}_0 + \dot{\theta}_1 \cdot \vec{y}_1) \wedge \vec{y}_0 = -\dot{\theta}_0 \cdot \vec{x}_0 + \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{z}_1$$

$$\vec{V}_{M \in O/3} = \dot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 + l_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \vec{x}_1 - r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \vec{x}_0 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{z}_1$$

Q13 : Donner l'expression de l'accélération du point M dans son mouvement par rapport à R_3 .

$$\vec{a}_{M \in O/3} = \left[\frac{d\vec{V}_{M \in O/3}}{dt} \right]_3$$

$$= \ddot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 + l_0 \cdot \ddot{\theta}_1 \cdot \vec{x}_1 + l_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \left[\frac{d\vec{x}_1}{dt} \right]_3 - r \cdot \ddot{\theta}_0 \cdot \vec{x}_0 - r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \left[\frac{d\vec{x}_0}{dt} \right]_3 + r \cdot \ddot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{z}_1 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \cos\theta_0 \cdot \vec{z}_1 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \left[\frac{d\vec{z}_1}{dt} \right]_3$$

$$\left[\frac{d\vec{x}_1}{dt} \right]_3 = \left[\frac{d\vec{x}_1}{dt} \right]_1 + \vec{\Omega}_{1/3} \wedge \vec{x}_1 = \dot{\theta}_1 \cdot \vec{y}_1 \wedge \vec{x}_1 = -\dot{\theta}_1 \cdot \vec{z}_1$$

$$\left[\frac{d\vec{x}_0}{dt} \right]_3 = \left[\frac{d\vec{x}_0}{dt} \right]_0 + \vec{\Omega}_{0/3} \wedge \vec{x}_0 = (\vec{\Omega}_{0/1} + \vec{\Omega}_{1/3}) \wedge \vec{x}_0 = (\dot{\theta}_0 \cdot \vec{z}_0 + \dot{\theta}_1 \cdot \vec{y}_1) \wedge \vec{x}_0 = \dot{\theta}_0 \cdot \vec{y}_0 - \dot{\theta}_1 \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta_0\right) \cdot \vec{z}_1$$

$$\left[\frac{d\vec{z}_1}{dt} \right]_3 = \left[\frac{d\vec{z}_1}{dt} \right]_1 + \vec{\Omega}_{1/3} \wedge \vec{z}_1 = \dot{\theta}_1 \cdot \vec{y}_1 \wedge \vec{z}_1 = \dot{\theta}_1 \cdot \vec{x}_1$$

$$\vec{a}_{M \in O/3} = \ddot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 + l_0 \cdot \ddot{\theta}_1 \cdot \vec{x}_1 - l_0 \cdot \dot{\theta}_1^2 \cdot \vec{z}_1 - r \cdot \ddot{\theta}_0 \cdot \vec{x}_0 - r \cdot \dot{\theta}_0^2 \cdot \vec{y}_0 + r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \cos\theta_0 \cdot \vec{z}_1 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{z}_1 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \cos\theta_0 \cdot \vec{z}_1 + r \cdot \dot{\theta}_1^2 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{x}_1$$

$$\vec{a}_{M \in O/3} = -r \cdot \ddot{\theta}_0 \cdot \vec{x}_0 + (l_0 \cdot \ddot{\theta}_1 + r \cdot \dot{\theta}_1^2 \cdot \sin\theta_0) \cdot \vec{x}_1 + \ddot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 - r \cdot \dot{\theta}_0^2 \cdot \vec{y}_0 + (r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 - l_0 \cdot \dot{\theta}_1^2 + 2 \cdot r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \cos\theta_0) \cdot \vec{z}_1$$

Q14 : Dans la base R_3 :

$$\vec{V}_{M \in O/3} = \dot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 + l_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \vec{x}_1 - r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \vec{x}_0 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{z}_1$$

$$\vec{V}_{M \in O/3} = \dot{x}(t) \cdot \vec{x}_3 + l_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot (\cos\theta_1 \cdot \vec{x}_3 - \sin\theta_1 \cdot \vec{z}_3) - r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot (\cos\theta_0 \cdot \vec{x}_1 + \sin\theta_0 \cdot \vec{y}_1) + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot (\cos\theta_1 \cdot \vec{z}_3 + \sin\theta_1 \cdot \vec{x}_3)$$

$$\vec{V}_{O_0 \in O/3} = (\dot{x}(t) + l_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \cos\theta_1 - r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \cos\theta_0 \cdot \cos\theta_1 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \sin\theta_1) \cdot \vec{x}_3 - r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \sin\theta_0 \cdot \vec{y}_3 + (-l_0 \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_1 + r \cdot \dot{\theta}_0 \cdot \cos\theta_0 \cdot \sin\theta_1 + r \cdot \dot{\theta}_1 \cdot \sin\theta_0 \cdot \cos\theta_1) \cdot \vec{z}_3$$

Prépa VAUBAN		Prépa DEVOIR SI 1 : Corrigé	DM	Cycle 1
PTSI	P4/12		3h	

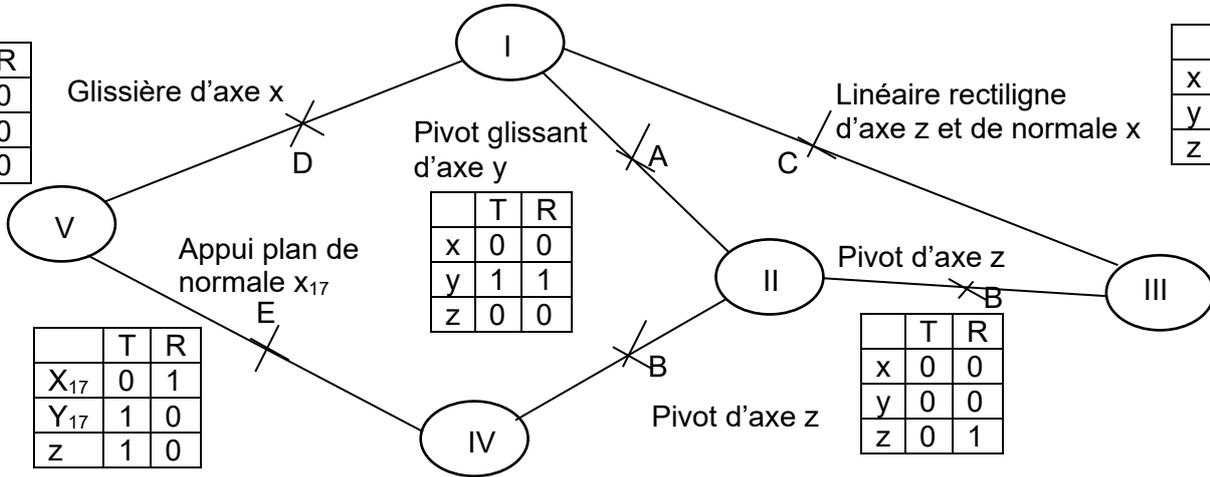
Q15 :

- Classe I : Bâti : {1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6}
- Classe II : Piston {7 ; 8 ; 9 ; 10 ; 11 ; 12 ; 13}
- Classe III : Galet {14}
- Classe IV : Pousoir {15}
- Classe V : Mâchoire 2 {17}

Q16 :

	T	R
x	1	0
y	0	0
z	0	0

Glissière d'axe x



Pivot glissant d'axe y

	T	R
x	0	0
y	1	1
z	0	0

	T	R
x	0	1
y	1	0
z	1	1

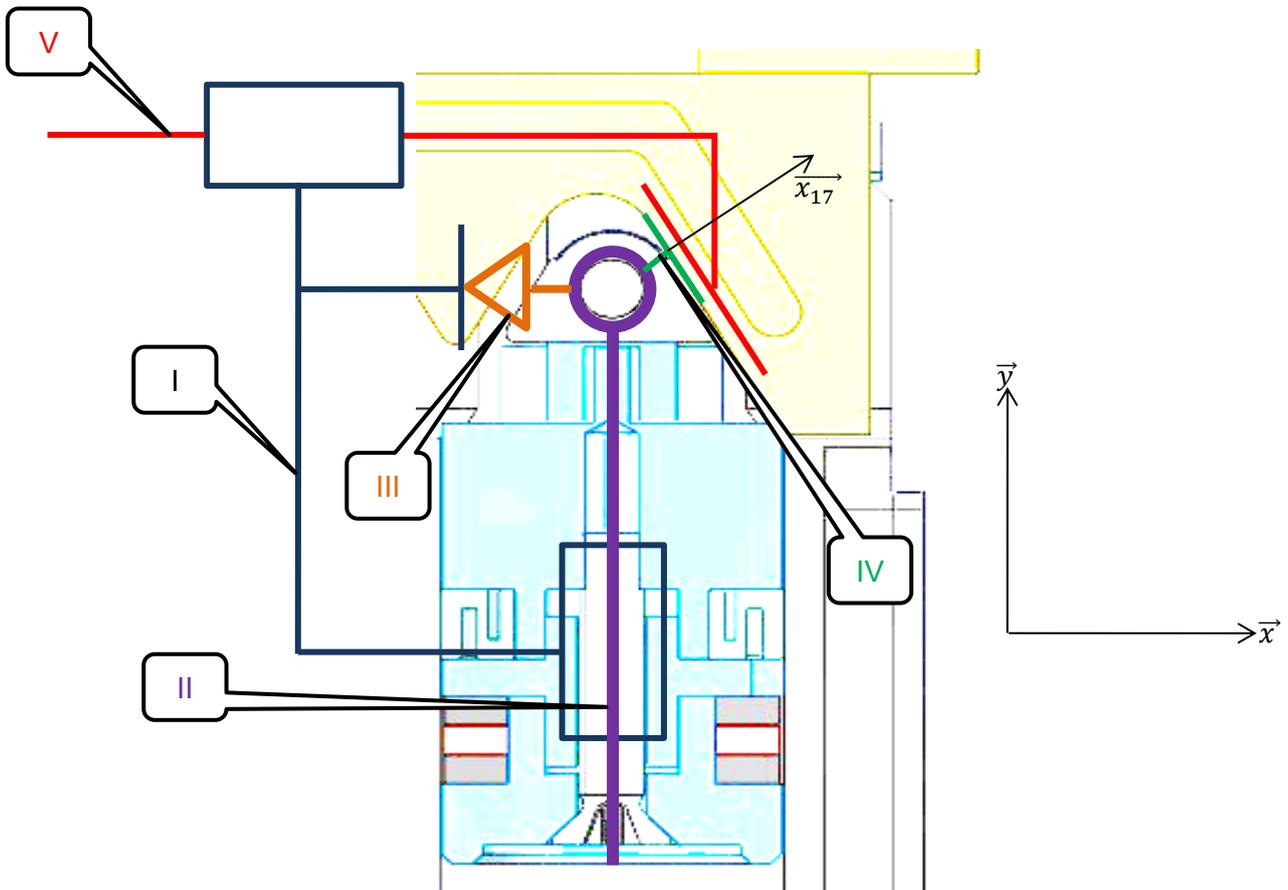
Appui plan de normale x_{17}

	T	R
X_{17}	0	1
Y_{17}	1	0
z	1	0

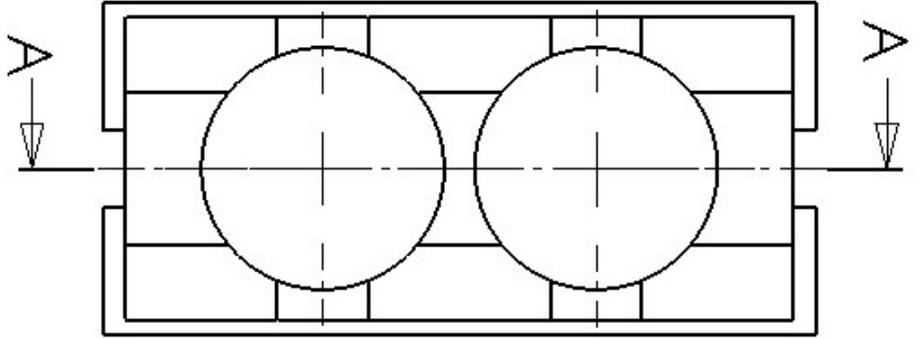
Pivot d'axe z

	T	R
x	0	0
y	0	0
z	0	1

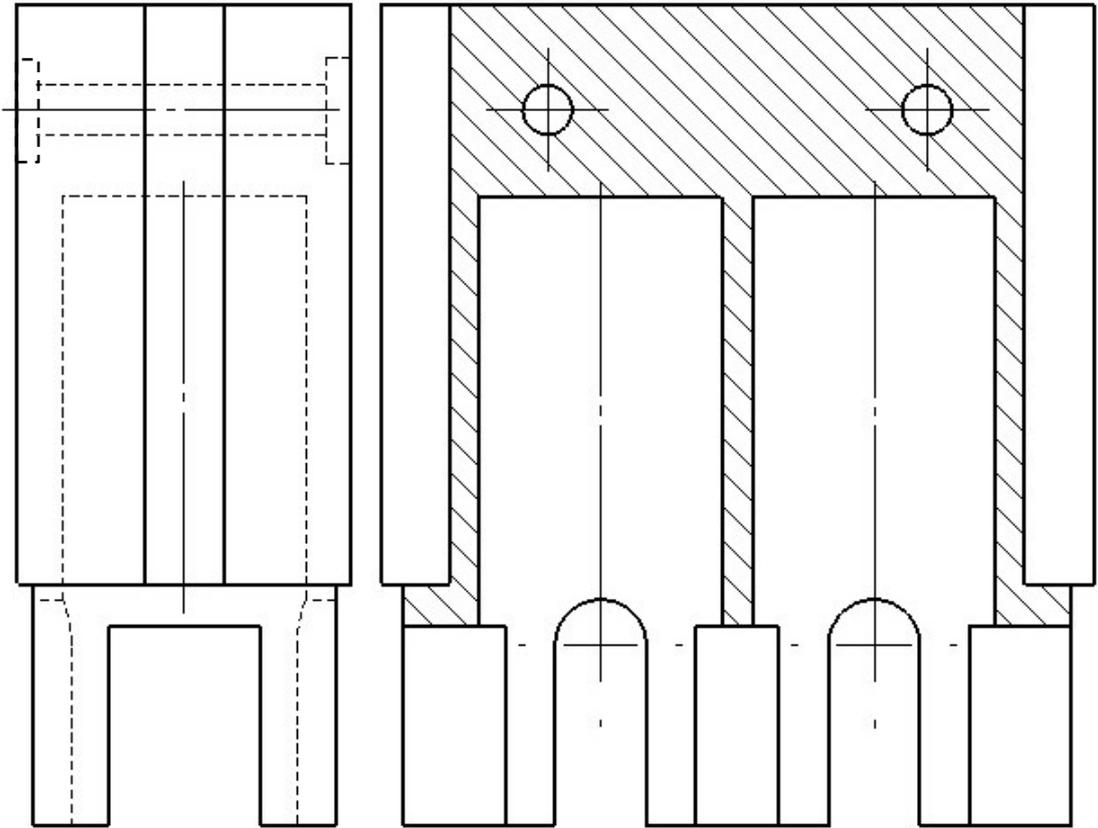
Q17 :



Q18 :



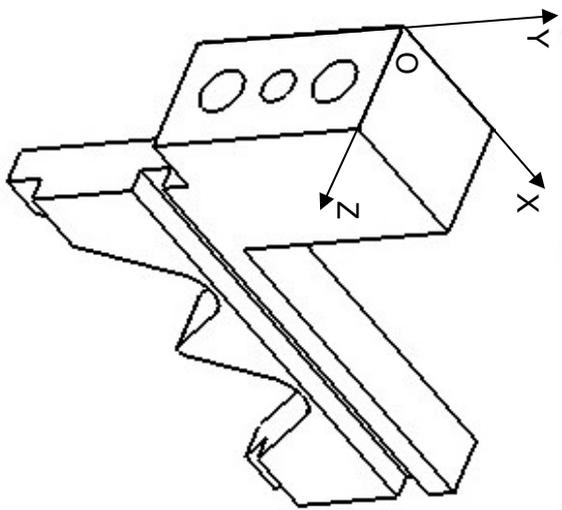
COUPE A-A



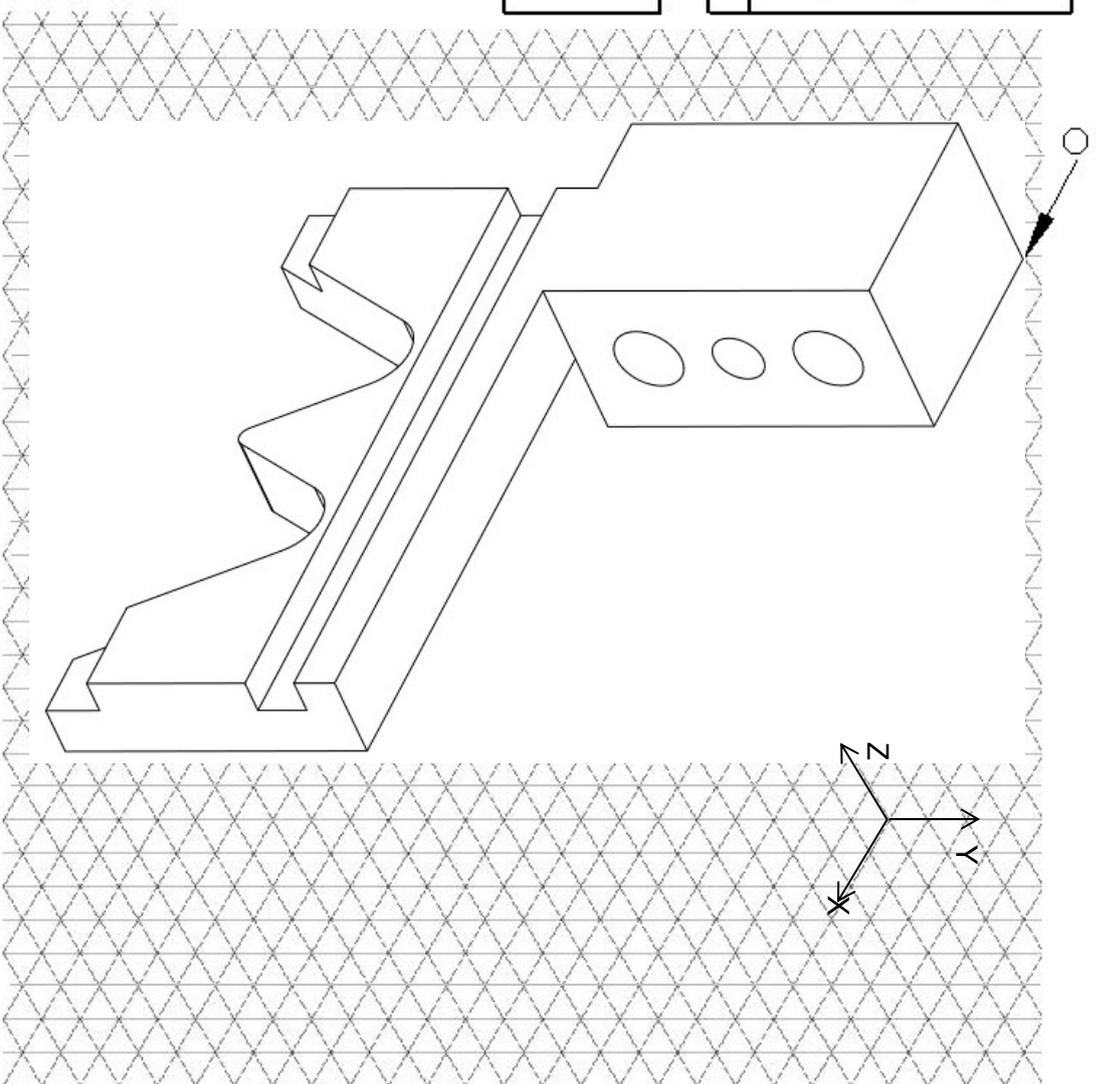
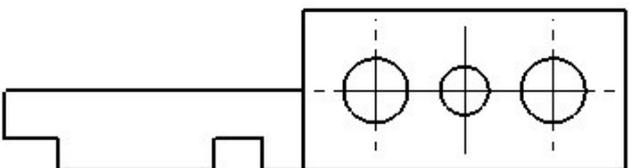
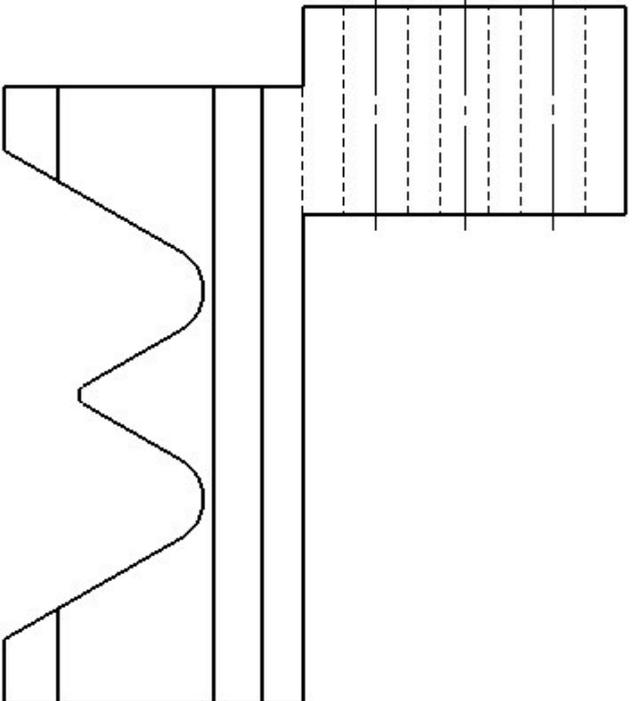
Format : A4
Ech : 2:1

CORPS DE PINCE HGP
Lycée VAUBAN

Dessiné par :
.....
SolidWorks



Remarque :
seule la vue de face est
dessinée avec des pointillés



Format : A4
Ech : 6 : 1

MACHOIRE DE PINCE HGP

Lycée VAUBAN

SolidWorks

Dessiné par :
.....