TD SE7 Filtrage linéaire

Exercice n°1. Filtrage.

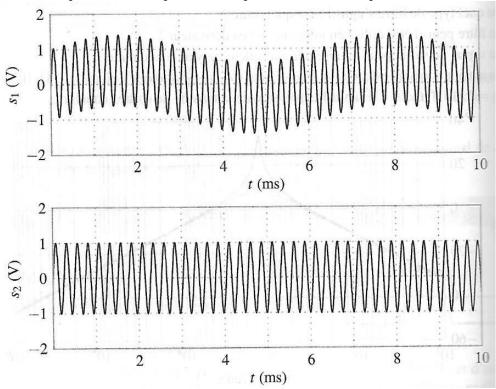
1) On applique à l'entrée d'un filtre un signal périodique $u_e(t)=U_0+U_m\cos(\omega t)$, où $U_0=2V$ est une constante. $U_m=1V$. On donne $f_S=\frac{\omega}{2\pi}=2,0kHz$. Qu'obtient-on, de façon approchée, en sortie des

filtres idéaux suivants (ayant la forme de leur gabarit) :

- a) Un filtre passe-bas idéal de fréquence de coupure haute f_h =1,0 kHz?
- b) Un filtre passe-bande idéal du second ordre de fréquence de résonance f_0 =2,5 kHz et de facteur de qualité Q = 2 ?
- c) Un filtre passe-haut idéal de fréquence de coupure basse $f_b = 3.0 \text{ kHz}$?
- 2) Mêmes questions si le signal appliqué à l'entrée est un signal carré alternatif de période $T' = 1.0 \cdot 10^{-3} \text{ s}$.

Exercice n°2. Somme de deux signaux sinusoïdaux.

- 1) Vérifier que l'allure du signal s₁(t) correspond à la somme de deux fonctions sinusoïdales en utilisant la simulation suivante : https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/synthese.php
- 2) Proposer un filtre permettant de passer du signal s_1 au signal s_2 . Donner sa nature et déterminer les valeurs caractéristiques du filtre en particulier sa pulsation caractéristique.



Exercice n°3. Gabarit.

On cherche à réaliser le filtre passe-bas suivant :

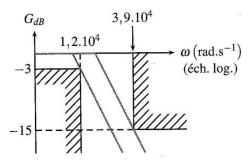
Les pulsations jusqu'à 1,2.10⁴ rad.s⁻¹ doivent passer à travers le filtre sans être amplifiées, et ne pas être atténuées de plus de 3 dB.

Les pulsations supérieures à 3,910⁴ rad.s⁻¹ doivent être filtrées et atténuées d'au moins 15 dB.

Combien y a-t-il de décade dans la zone de transition ? Quelle est l'atténuation dans cette zone ? En déduire la pente minimale.

Quel est l'ordre du filtre à utiliser ?

Quelle est la pulsation caractéristique ?



Exercice n°4. Filtre du second ordre.

Le diagramme de Bode du filtre étudié est tracé ci-dessous. Les coordonnées du maximum de l'amplitude sont (1,41.10³ rad.s⁻¹; 33,8 dB). Les asymptotes sont en gris.

- 1) De quel type de filtre s'agit-il?
- 2) Le filtre peut-il être utilisé en intégrateur ? En dérivateur ?
- 3) Le signal de sortie peut-il présenter une valeur moyenne non nulle ?
- 4) La tension d'entrée est $e(t) = 2E_0 + E_0 \cos(\omega_1 t) \frac{E_0}{2} \sin(\omega_2 t)$ où $\omega_1 = 1,41.10^3$ rad.s⁻¹ et $\omega_2 = 5,0.10^4$ rad.s⁻¹. Etablir l'expression de la tension de sortie et conclure.

