

Transformation de la matière

TM1 Système et transformations

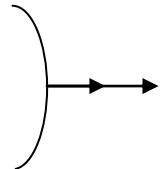
I Les états de la matière.....	1
1.) L'état gazeux.....	1
2.) L'état liquide.....	2
3.) L'état solide.....	2
4.) Transformations de la matière.....	3
II Transformations physiques.....	4
1) Changements d'état d'un corps pur, ou transitions de phase.....	4
2) Diagramme (P,T).....	5
III Transformations chimiques.....	6
1.) Système physico-chimique.....	6
2) Degré d'avancement de la réaction ξ	7
3.) Activité de différents corps.....	8
4.) Définition du quotient de réaction.....	9
5.) Evolution d'un système.....	9
IV Résolution numérique. Méthode de dichotomie.....	10
1. Exemple.....	10
2. Méthode de dichotomie.....	11
3. Mise en oeuvre.....	11
V Applications.....	13
1) Ecriture d'un quotient de réaction en phase gazeuse.....	13
2) Ecriture d'un quotient de réaction avec différentes phases.....	14

I Les états de la matière

1.) L'état gazeux

Fluide : Liquide ou gaz. Ensemble de particules (atomes, molécules) occupant un volume dont la forme géométrique s'adapte aux contraintes extérieures : Le fluide prend la forme du récipient.

Définition: La pression d'un fluide est la force par unité de surface que le fluide exerce sur une paroi suivant sa normale.



Un gaz est une substance fluide occupant uniformément tout contenant.

Mouvement d'agitation thermique : Dans un gaz, les molécules se déplacent presque librement entre deux chocs. L'agitation augmente avec la température.

Interprétation microscopique : La pression est due au choc des particules de gaz sur les parois. La pression est supposée la même en tout point du gaz.

Unités : $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$ $1 \text{ atm} = 101\,325 \text{ Pa}$ $1 \text{ torr} = 133,32 \text{ Pa}$
Les pressions habituelles sont de l'ordre du bar.

Equation d'état : Relation liant les variables d'état d'un système (grandeurs physiques dont la donnée définit l'état du système au niveau macroscopique).



Exemple : Système = {volume V de gaz, comportant N molécules à température T }

Equation d'état des gaz parfaits : $PV = nRT$ où R est la constante molaire des gaz parfaits : $R = 8,314 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$.

Volume molaire : $V_m = \frac{V}{n}$

Echelle Celsius : $T(K) = \theta(^{\circ}C) + 273,15$

2.) L'état liquide

Phase condensée : Solide ou liquide.

Phase condensée indilatable

=> V indépendant de T

Phase condensée incompressible

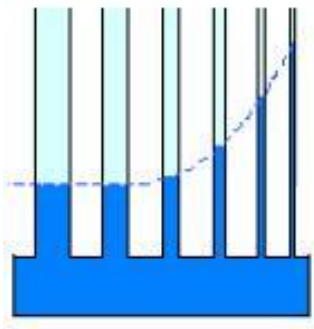
=> V indépendant de P

L'équation d'état d'une phase condensée indilatable et incompressible est $V = \text{Constante}$.

Tension superficielle : Résistance qu'oppose un liquide à l'augmentation de sa surface.



Capillarité : Ascension spontanée d'un liquide dans un tube capillaire dans le champ de pesanteur.



Viscosité : Mesure de la résistance du liquide à l'écoulement.



Remarque : Cristaux liquides : état intermédiaire entre l'état liquide et l'état solide. Les cristaux liquides présentent une disposition ordonnée qui est sensible au champ électrique (affichage LCD).

3.) L'état solide

Un solide est un assemblage de molécules, atomes ou ions ne pouvant pas se déplacer les uns par rapport aux autres.

Si l'assemblage est désordonné, le solide est dit amorphe.

Si l'assemblage est ordonné, le solide est dit cristallisé.

Un solide cristallisé est la juxtaposition de domaines dans lesquels l'ordre est parfait. Un tel domaine s'appelle un cristal.

Variété allotropique : Lorsqu'un corps pur peut exister sous plusieurs formes cristallines, on dit qu'il présente le phénomène d'allotropie. Par exemple, le carbone peut cristalliser sous forme de diamant ou de graphite.

La liaison entre les motifs du cristal est d'origine électrostatique.

On classe les cristaux suivant l'intensité de cette liaison :

- liaison forte : des électrons peuvent quitter leur noyau d'origine :

- pour être partagés entre deux ou plusieurs noyaux : cristal covalent : C(s).

- pour aller sur un autre noyau :

cristal ionique : NaCl(s).

- pour être délocalisés sur l'ensemble du cristal :

cristal métallique : Fe(s).

- liaison faible : les électrons restent autour de leur noyau d'origine. On a alors un cristal moléculaire : H₂O(s).

4.) Transformations de la matière

Physiques : La structure des entités microscopiques (atomes, molécules, ions) n'est pas modifiée.

Chimiques : Modification de la structure électronique des atomes, molécules ou ions.

Nucléaires : Modification de la structure des noyaux atomiques.

Définition : Radioactivité : Des noyaux spontanément instables, se désintègrent en émettant des particules subatomiques et des radiations de haute énergie.

L'atome est noté ${}^A_ZX$ où X est le symbole de l'élément chimique.

Le noyau comporte A nucléons = Z protons + N neutrons A est le nombre de masse du noyau , Z est le numéro atomique du noyau (entier positif) ou nombre de charges. L'atome (neutre) possède également Z électrons.

Isotopes : Noyaux de même Z mais de A différent.

Au cours des réactions nucléaires, il y a conservation de A et Z.

Radioactivité α : Emission d'un noyau d'hélium ${}^4_2\text{He}$ appelé "particule α ". Ce type de radioactivité se produit pour les noyaux trop riches en nucléons.

Les lois de conservations donnent : ${}_Z^AX \rightarrow {}_2^4\text{He} + {}_{Z-2}^{A-4}Y$

Exemple : Désintégration alpha de l'uranium 238 en thorium ${}^{238}_{92}\text{U} \rightarrow {}^4_2\text{He} + {}^{234}_{90}\text{Th}$

Radioactivité β^- : Emission d'un électron ${}^0_{-1}e$ appelé "particule β^- " (et d'antineutrinos ${}^0_0\bar{\nu}_e$). Ce type de radioactivité se produit pour les noyaux trop riches en neutrons.

Les lois de conservations donnent : ${}_Z^AX \rightarrow {}^0_{-1}e + {}_{Z+1}^AY$

Exemple : Désintégration du carbone 14 ${}^{14}_6\text{C} \rightarrow {}^0_{-1}e + {}^{14}_7\text{N}$

Radioactivité β^+ : Emission d'un positon ${}^0_{+1}e$ appelé "particule β^+ " (et de neutrinos ${}^0_0\nu_e$). Cette radioactivité est qualifiée de radioactivité artificielle car elle se produit avec des noyaux obtenus en laboratoire. Elle est caractéristique des noyaux contenant trop de protons.

Les lois de conservations donnent : ${}_Z^AX \rightarrow {}^0_{+1}e + {}_{Z-1}^AY$

Exemple : Désintégration du phosphore ${}^{30}_{15}\text{P} \rightarrow {}^0_{+1}e + {}^{30}_{14}\text{Si}$

Réactions nucléaires provoquées : On bombarde certains noyaux par des neutrons. Cela entraîne une fission, qui est utilisée comme réaction en chaîne dans les réacteurs de centrales nucléaires.

Exemple : ${}^{235}_{92}\text{U} + {}^1_0n = {}^{92}_{36}\text{Kr} + {}^{141}_{56}\text{Ba} + 3{}^1_0n$

II Transformations physiques

1) Changements d'état d'un corps pur, ou transitions de phase

Phase : Toute partie homogène d'un système au niveau de la composition chimique et de l'état physique.

Système monophasé : Système ne comportant qu'une seule phase.

$\neq$ Système polyphasé : Système comportant plusieurs phases.

Corps pur : constitué d'un seul type de molécules ($\neq$ mélange).

Un corps pur peut exister sous des états physiques différents :

Solide

Liquide

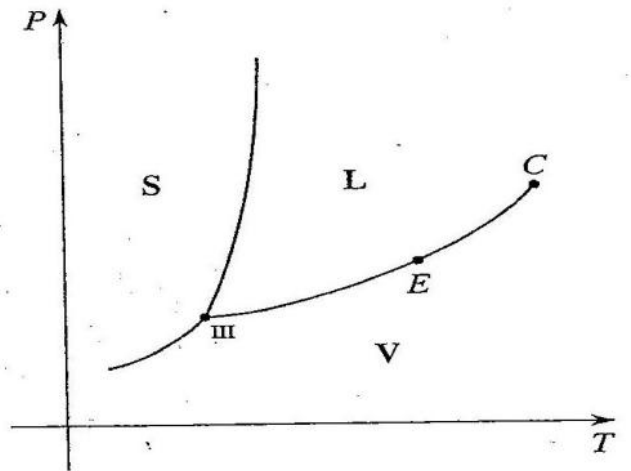
Gaz

Pour décrire une phase, on utilise deux paramètres : Pression et Température.
 P et T sont indépendantes lorsque le corps pur est présent sous une seule phase.

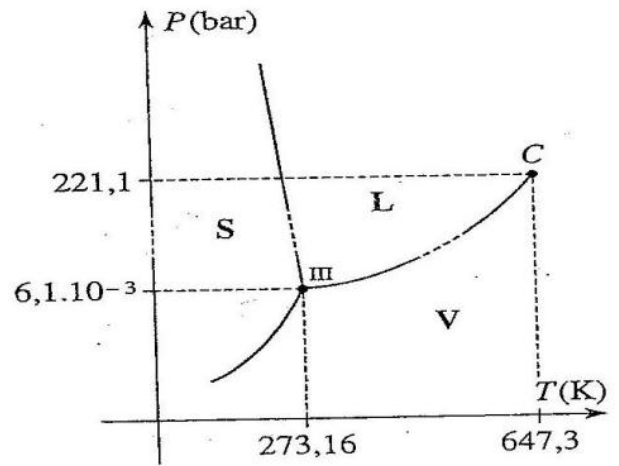
Masse volumique du corps pur dans la phase homogène φ : $\rho_{\varphi} = \frac{m_{\varphi}}{V_{\varphi}}$

Propriété : La masse volumique présente une discontinuité lors de la transition de phase.

2) Diagramme (P,T)



Doc. 4, Diagramme (P, T) du corps pur.



Doc. 5 Diagramme (P, T) de l'eau : la pente de l'équilibre liquide $\rightleftharpoons$ solide est négative.

Point triple de l'eau (noté III ou T) : $P_{\text{III}} = 6,1 \cdot 10^{-3}$ bar. $T_{\text{III}} = 273,16$ K

III Transformations chimiques

1.) Système physico-chimique

a) Définitions

Système physico-chimique : Il est défini par la donnée des constituants physico-chimiques qui le constituent. Ce sont les espèces caractérisées par leur formule chimique, et leur état physique.

Corps simple : Constitué d'un seul type d'atomes.

Corps composé : Constitué de plusieurs atomes différents.

b) Dans un liquide

Une solution liquide s'obtient en dissolvant un ou plusieurs solutés dans un solvant.
Si le solvant est l'eau, on parle de solution aqueuse.

Dans une solution, les solutés sont présents en faible quantité, le solvant est l'espèce très largement majoritaire.

Exemple :

Concentration molaire ou molarité d'un soluté A dans une solution de volume V :

$$1 \text{ L} = 1 \text{ dm}^3 = 10^{-3} \text{ m}^3.$$

$$c_A = [A] = \frac{n_A}{V}$$

Concentration massique ou titre massique d'un soluté A dans une solution de volume V :

$$t_A = \frac{m_A}{V}$$

c) Pour un mélange de gaz

Mélange Idéal de Gaz Parfaits : On supposera que chaque gaz est parfait et que le mélange se comporte comme un gaz parfait.

L'équation d'état d'un mélange de gaz parfaits est $PV = n_{Tg}RT$ où P est la pression totale. $n_{Tg} = \sum_{gaz i} n_i$ est le **nombre total de moles gazeuses**.

Pression partielle P_i : Pression qu'exercerait le gaz s'il occupait seul le volume total.

$$P_i = \frac{n_i}{n_{Tg}} P \quad P_i = x_i P \quad \text{où } x_i = \frac{n_i}{n_{Tg}} \text{ est la fraction molaire de l'espèce étudiée. } P = \sum_i P_i$$

2) Degré d'avancement de la réaction ξ (« ksi »)

Un système physico-chimique peut subir une transformation chimique, qui se traduit par un bilan du type :

Réaction chimique

	<u>Réactifs</u>	(1)	<u>Produits</u>
<u>quantités de matière :</u>	$\alpha_i A_i$	$\rightleftharpoons$	$\alpha_i' A_i'$
apportées initialement	n_{i0}	(2)	n'_{i0}
au cours de la réaction	$n_i = n_{i0} - \alpha_i \xi$		$n'_i = n'_{i0} + \alpha_i' \xi$

$$\xi = \frac{n'_i - n'_{i0}}{\alpha_i'} = - \frac{n_i - n_{i0}}{\alpha_i}$$

ξ augmente quand la réaction se déroule sens direct $\xrightarrow{1}$, diminue sens inverse $\xleftarrow{2}$.

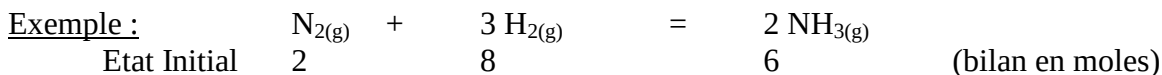
$\xi_{\max}$ est la plus petite des valeurs positives de ξ annulant la quantité de matière de l'un des réactifs appelé réactif limitant. $\xi_{\min}$ est la plus grande des valeurs négatives de ξ annulant la quantité de matière de l'un des produits.

Taux d'avancement final $\tau_f = \frac{\xi_f}{\xi_{\max}}$

Il indique quelle fraction du réactif limitant a effectivement réagi (pour une réaction sens direct $\xrightarrow{1}$).

- Réaction totale sens direct (ou réaction quantitative) : $\tau_f = 1 = 100\%$

- Réaction nulle : $\tau_f = 0$



3.) Activité de différents corps

Activité : grandeur sans dimension, dont l'expression dépend de la nature et de l'état de l'espèce considérée.

- Pour un gaz supposé parfait : $a_i = \frac{P_i}{P^\circ}$

P_i est la pression partielle, exprimée en bar : $P_i = x_i P$ où $x_i = \frac{n_i}{n_{Tg}}$ est la fraction molaire de l'espèce

étudiée. $n_{Tg} = \sum_i n_i$ est le **nombre total de moles gazeuses**

$P^\circ = 1,00$ bar est la pression standard de référence ($1\text{bar} = 10^5$ Pa)

- Pour un corps pur condensé, (solide ou liquide), seul dans sa phase, $a_i = 1$.

- Pour les équilibres en phase liquide :

<u>Solutions diluées</u>	$a_i = 1$	pour le solvant
	$a_i = 1$	pour tout précipité
	$a_i = \frac{c_i}{c^\circ}$	pour les solutés

c_i est la concentration molaire, supposée faible, de l'espèce en solution, exprimée en mol.L^{-1} .

$c^\circ = 1,00 \text{ mol.L}^{-1}$ est la concentration standard de référence

Solutions non diluées $a_i = x_i$ où $x_i = \frac{n_i}{n_{\text{tot}}}$ est la fraction molaire de l'espèce

4.) Définition du quotient de réaction

Soit un système constitué entre autres des espèces chimiques A_i entre lesquelles se déroule une réaction chimique : $\alpha_1 A_1 + \dots + \alpha_i A_i = \alpha_1' A_1' + \dots + \alpha_i' A_i'$

Pour ce système le quotient de réaction Q associé à cette équation est défini par :

$$Q = \frac{\prod_{\text{produits}} a_i'^{\alpha_i'}}{\prod_{\text{réactifs}} a_i^{\alpha_i}}$$

Propriétés

- Q est une grandeur sans dimension.
- Q dépend de l'équation de la réaction.
- Q dépend de l'avancement de la réaction

5.) Evolution d'un système

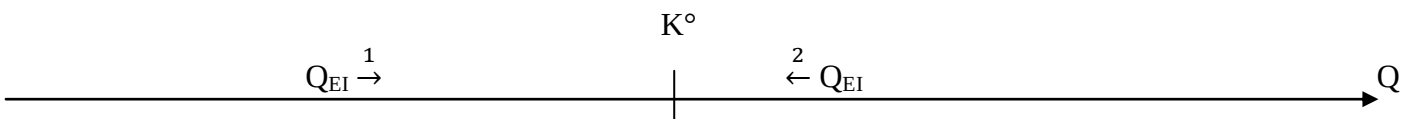
Lorsque l'équilibre est atteint (composition uniforme et invariante dans chaque phase), et si tous les constituants de la réaction sont présents, le quotient de la réaction prend une valeur qui ne dépend que de la température (et pas de l'état initial).

$Q_{eq} = K^\circ(T)$ K° est appelée constante d'équilibre thermodynamique.

Comme Q , c'est une grandeur sans dimension.

Pour le système considéré, on calcule Q_{EI} à l'état initial.

- Si $Q_{EI} < K^\circ$, le système tend à évoluer sens direct $\xrightarrow{1}$.
- Si $Q_{EI} > K^\circ$, le système tend à évoluer inverse $\xleftarrow{2}$.
- Si $Q_{EI} = K^\circ$, le système initial est dans un état d'équilibre : il n'y a pas d'évolution.



Si $K^\circ \geq 10^4$ (en pratique pour $K^\circ \geq 10^3$), on considère que la réaction est totale sens (1) : $\xi_f \rightarrow \xi_{\max}$
 Si $K^\circ \leq 10^{-4}$ (en pratique pour $K^\circ \leq 10^{-3}$), on considère que la réaction est totale sens (2) : $\xi_f \rightarrow \xi_{\min}$
 (ou nulle s'il n'y pas de produits à l'état initial : $\xi_f \rightarrow 0$)

IV Résolution numérique. Méthode de dichotomie.

1. Exemple

On considère l'équilibre chimique suivant à 25°C : $\text{Ag}(\text{NH}_3)_2^+_{(\text{aq})} = \text{Ag}^+_{(\text{aq})} + 2 \text{NH}_{3(\text{aq})}$
 A 25°C, la constante de cet équilibre vaut $K^\circ = 10^{-7,2}$.

On suppose qu'à l'état initial, on a les concentrations suivantes : $[\text{Ag}(\text{NH}_3)_2^+]_0 = [\text{Ag}^+]_0 = C_0$ et $[\text{NH}_3]_0 = \frac{C_0}{10}$.

On prendra $C_0 = 0,01 \text{ mol.L}^{-1}$.

On veut déterminer le taux d'avancement x de la réaction à l'équilibre, pour différentes valeurs de C_0 .

	$\text{Ag}(\text{NH}_3)_2^+_{(\text{aq})}$	$=$	$\text{Ag}^+_{(\text{aq})}$	$+$	$2 \text{NH}_{3(\text{aq})}$
Etat initial	C_0		C_0		$\frac{C_0}{10}$
Equilibre final	$C_0(1-x)$		$C_0(1+x)$		$C_0(2x + \frac{1}{10})$

Toutes les concentrations étant positives, il apparaît que $-0,05 \leq x < 1$ x étant sans unité.

Le quotient de réaction Q_r vaut : $Q_r = \frac{c_0^2(1+x)(2x+\frac{1}{10})^2}{(1-x)}$.

On rappelle que dans l'état d'équilibre final, $Q_r = K^\circ$.

L'équation à résoudre pour déterminer x à l'équilibre apparaît alors comme une équation du troisième degré. Une résolution numérique peut s'avérer utile.

Pour cela, on définit $f(x) = Q_r(x) - K^\circ$ et on cherchera à résoudre $f(x) = 0$.

2. Méthode de dichotomie

On considère une fonction f , continue sur $[a,b]$, où $f(a)$ et $f(b)$ sont de signes opposés. Le théorème mathématique des valeurs intermédiaires assure que f possède au moins un zéro ℓ entre a et b .

Prenons le cas $f(a) < 0$ et $f(b) > 0$, et posons $g_0 = a$ et $d_0 = b$.

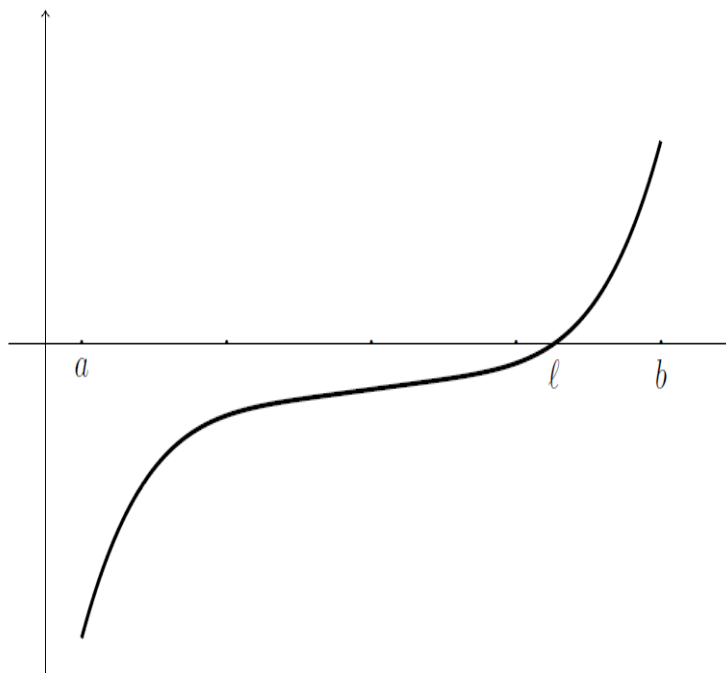
On considère $m_0 = \frac{g_0+d_0}{2}$ et on évalue $f(m_0)$

- Si $f(m_0) \cdot f(g_0) \geq 0$ (cas du dessin), on va poursuivre la recherche d'un zéro dans l'intervalle $[m_0, d_0]$. On pose donc $g_1 = m_0$ et $d_1 = d_0$.

- Si $f(m_0) \cdot f(g_0) \leq 0$, la recherche doit se poursuivre dans l'intervalle $[g_0, m_0]$. On pose donc $g_1 = g_0$ et $d_1 = m_0$.

- On recommence alors en considérant $m_1 = \frac{g_1+d_1}{2}$

- On continue tant que $d - g > 2\varepsilon$, ε (epsilon) étant la précision voulue sur ℓ .



3. Mise en oeuvre

On programme une fonction dichotomie d'arguments les réels a et b et une précision epsilon. Cette fonction recherche une valeur approchée d'un passage par zéro de la fonction dans l'intervalle $[a, b]$.

Elle renvoie la valeur approchée trouvée du taux d'avancement à l'équilibre, ainsi que le nombre d'itérations nécessaires pour l'atteindre. On prendra $\text{epsilon} = 10^{-9}$ que l'on peut noter 1E-9 sous python.

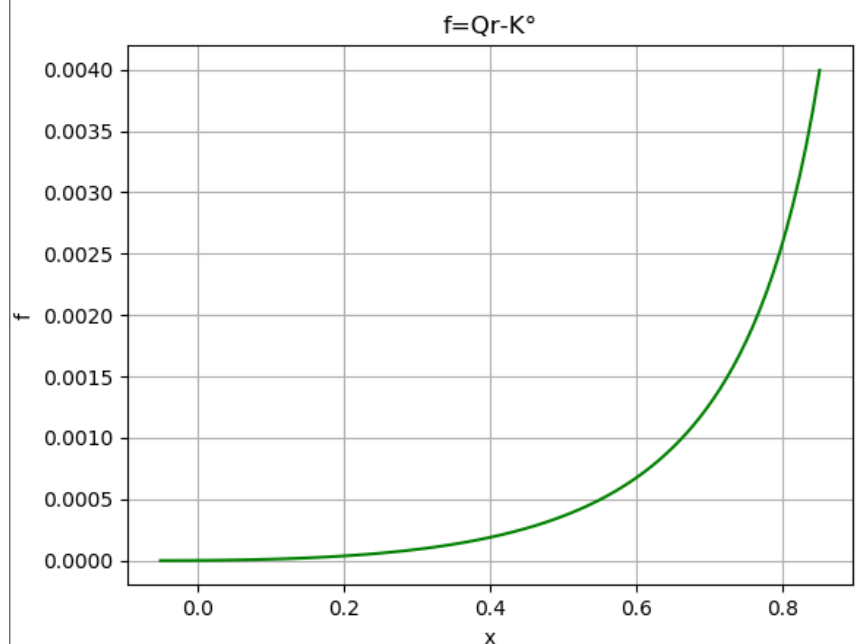
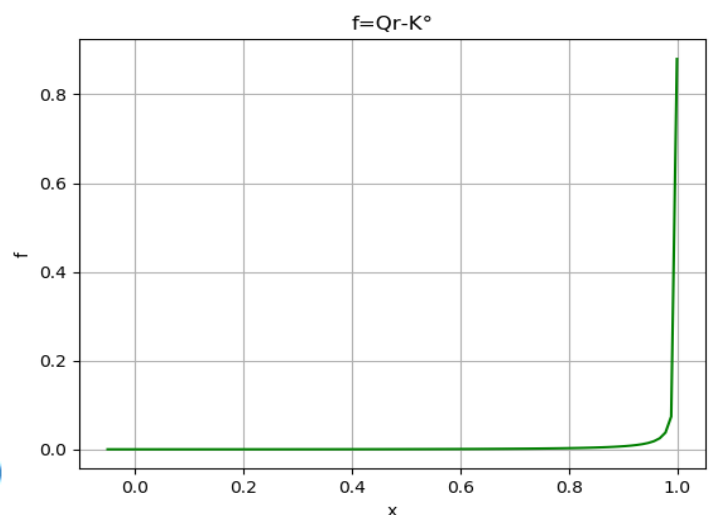
On détermine une nouvelle valeur approchée du taux d'avancement à l'équilibre à l'aide de la fonction bisect de scipy optimize.

```

1  # *****
2  # Tm1. Obtention d'un état final en chimie
3  # *****
4
5  import matplotlib.pyplot as plt
6  import numpy as np
7  import scipy.optimize as spo #pour l'utilisation de bisect (partie 3)
8
9
10 #1. approche graphique
11
12 C0 = 0.01#concentration initiale
13 K0 = 10**(-7.2) #valeur de la constante d'équilibre
14
15 def f(x):
16     """calcul f(x)"""
17     f = C0**2*(1+x)*(2*x+0.1)**2/(1-x)-K0
18     return(f)
19
20
21 les_f=[]
22 les_x = np.linspace(-0.05,0.999,100)#la fonction n'est pas définie en x=1
23
24 for x in les_x :
25     les_f.append(f(x))
26
27
28 plt.plot(les_x,les_f, 'g')
29 plt.title('f=Qr-K°')
30 plt.xlabel('x')
31 plt.ylabel('f')
32 plt.grid()
33 plt.figure()
34
35 #On réduit l'intervalle d'étude
36 les_f=[]
37 les_x = np.linspace(-0.05,0.85,100)
38
39 for x in les_x :
40     les_f.append(f(x))
41
42
43 plt.plot(les_x,les_f, 'g')
44 plt.title('f=Qr-K°')
45 plt.xlabel('x')
46 plt.ylabel('f')
47 plt.grid()
48 plt.show()
49
50 #Graphiquement, on voit que

```

$$-0.05 < x < +0.2$$



```

51
52 ##2. Recherche de zéros par dichotomie
53
54 a=-0.05
55 b=0.2
56
57 def dichotomie(a, b, epsilon):
58     g = a
59     d = b
60     n = 0
61     while d - g > 2 * epsilon:
62         m = (g + d)/2
63         if f(m) * f(g) <= 0:
64             d = m
65         else:
66             g = m
67         n = n + 1
68     return((d + g) / 2, n)
69
70
71 print("zéro obtenu par la méthode de dichotomie, avec le nombre d'itérations :",dichotomie(a,b, 1e-9))
72
73 #retourne (-0.03696737084537745, 27)
74
75 ##3.fonction prédéfinie bisect de scipy.optimize (notée spo).
76 #spo.bisect(f,a,b) détermine une racine de f dans [a, b].
77 racine = spo.bisect(f,a,b)
78 print("zéro obtenu par bisect de scipy.optimize :",racine)
79 print("")
80

```

zéro obtenu par la méthode de dichotomie, avec le nombre d'itérations : -0.03696737084537745, 27

zéro obtenu par bisect de scipy.optimize : -0.03696737050886441

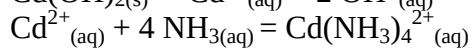
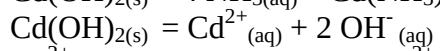
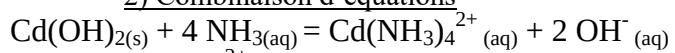
V Applications

1) Ecriture d'un quotient de réaction en phase gazeuse

Exemple :

$\text{N}_{2(g)}$	+	$3 \text{H}_{2(g)}$	=	$2 \text{NH}_{3(g)}$	
Etat Initial		2		8	6

(en moles)

2) Combinaison d'équationsde constante K°_1 à déterminerde constante $K^\circ_2 = 10^{-14}$ de constante $K^\circ_3 = 10^7$ 3) Ecriture d'un quotient de réaction avec différentes phases